

توازن جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازية  
*Equilibre d'un solide soumis à l'actions de trois forces non parallèles*

1- توازن جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازية :

1- تجربة :

ننجز التركيب التجريبي التالي :

حيث الصفيحة  $S$  ذات كتلة مهملة مرتبطة بثلاث خيوط (1) و (2) و (3) غير مدودة .

بإهمال وزن الصفيحة أمام القوى الأخرى ، تصبح الصفيحة في حالة توازن تحت تأثير ثلاث قوى  $\vec{F}_1$  ،  $\vec{F}_2$  ،  $\vec{F}_3$  غير متوازية .

2- نتائج التجربة :

نلاحظ أن :

- خطوط تأثير القوى الثلاث توجد في نفس المستوى ، نقول إنها مستوائية .

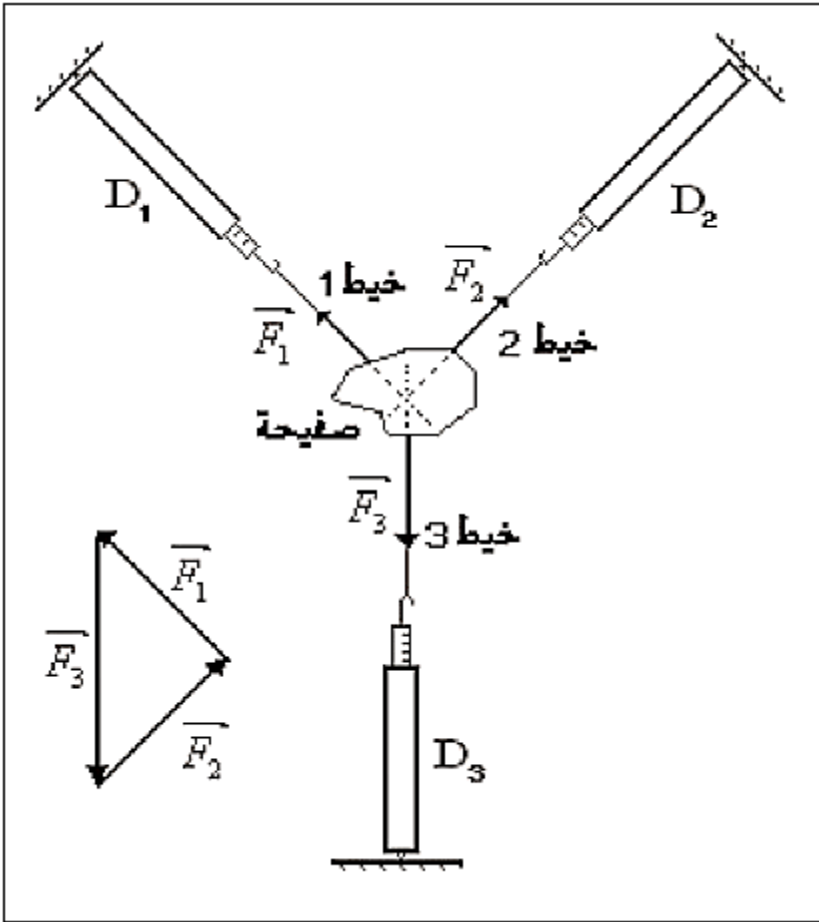
- خطوط تأثير القوى الثلاث تتقاطع في نقطة واحدة ، نقول إنها متلاقية .

لتمثيل القوى المطبقة على الصفيحة ومجموع متجهاتها نستعمل سلما مناسباً ، ونأخذ بعين الاعتبار مميزات كل قوة .

- نمثل المجموع المتجهي لمتجهات القوى  $\vec{F}_1$  ،  $\vec{F}_2$  ،  $\vec{F}_3$  مع الأخذ بعين الاعتبار اتجاهه ، منحى وشدة كل منها .

المثلث المحصل عليه يسمى الخط المضلعي ، تسمى هذه الطريقة الهندسية أو المبيانة .

الخط المضاعي المحصل عليه مغلق ، يعني أن المجموع المتجهي لهذه القوى منعدم :



$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0}$$

### 3-شرطا التوازن :

عندما يكون جسم صلب في توازن وهو خاضع لثلاث قوى  $\vec{F}_1$  ،  $\vec{F}_2$  ،  $\vec{F}_3$  غير متوازية ، فإن :

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0} : \text{المجموع المتجهي لهذه القوى منعدم}$$

أي أن الخط المضلعي للقوى مغلق ، وهذا شرط أول لازم لسكون  $G$  مركز قصور الجسم .

خطوط تأثير القوى الثلاث مستوائية ومتلاقية .

وهذا شرط ثاني لازم لغياب الدوران في حالة تحقيق الشرط الأول .

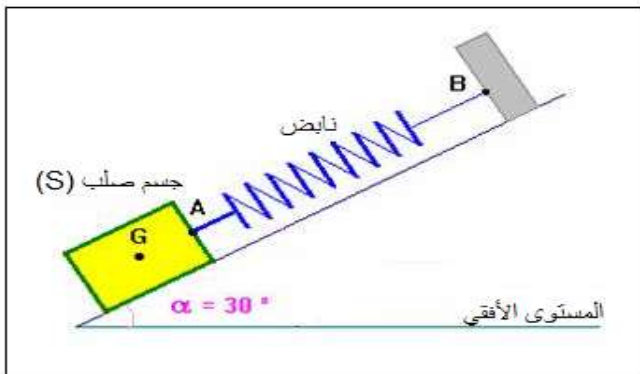
ملحوظة :

هذان شرطان لازمان لتوازن جسم صلب تحت تأثير ثلاث قوى لكنهما غير كافيين .

### 4-تطبيق :

نضع جسما صلبا  $(S)$  كتلته  $m = 1kg$  على مستوى مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي دون احتكاك .  
نحقق التوازن بواسطة ربط نابض بالجسم  $(S)$  بحيث يكون محور النابض موازيا للمستوى المائل . لنحدد مميزات تأثيري النابض والمستوى بطريقتين مختلفتين .

$$g = 10 N.kg^{-1} : \text{نعطي}$$



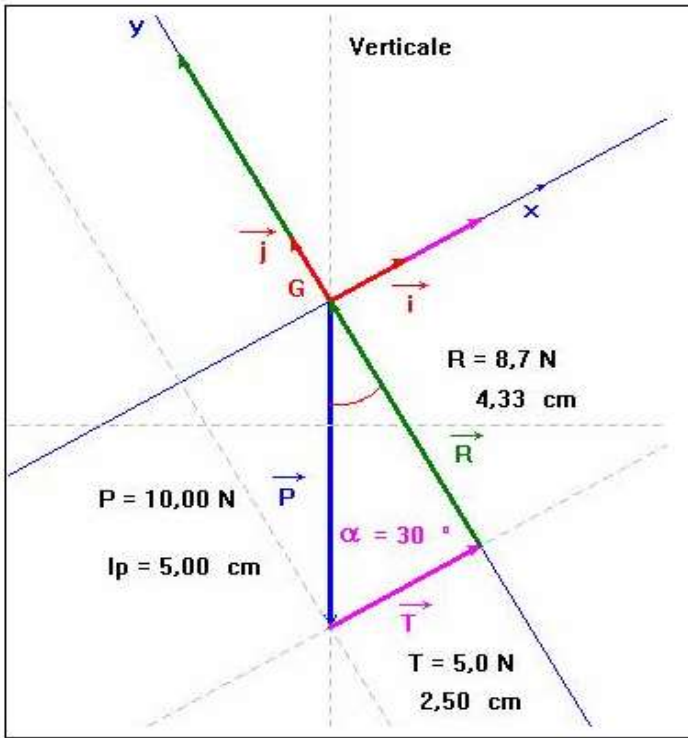
### 1-4-الطريقة الهندسية :

\*المجموعة المدروسة : الجسم  $(S)$  .

\*جرد القوى :

$\vec{P}$  : وزن الجسم .

$\vec{T}$  : توتر النابض .



$\vec{R}$  : تأثير المستوى المائل .

الجسم (S) في توازن :

- الخط المضلعي للقوى الثلاث مغلق .

- خطوط تأثير القوى الثلاث متلاقية ومستوائية .

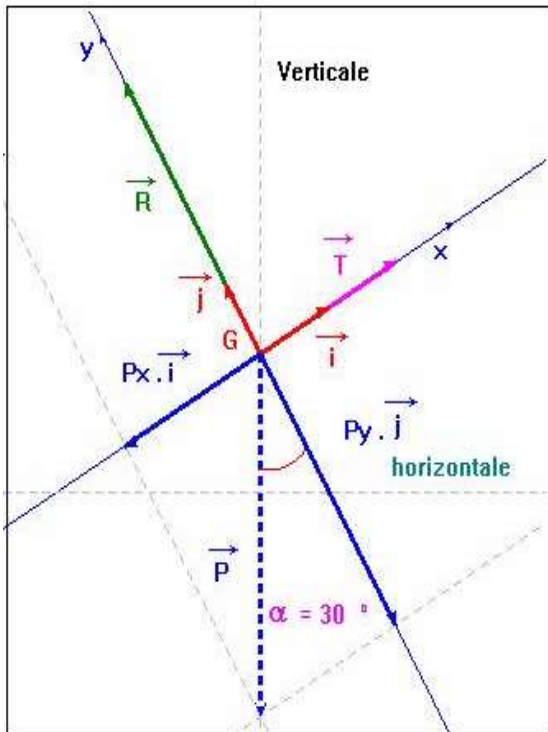
نختار سلما مناسباً للتمثيل :  $2N \rightarrow 1cm$

مع :  $P = mg = 10 N$  أي أن طول سهم متجهة  $\vec{P}$  هو  $5cm$

نجد :  $T = 5 N$  و  $R = 8,7 N$

#### 2-4- الطريقة المبيانية :

نختار معلماً متعامداً ممنظماً  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ، نسقط عليه العلاقة :  $\vec{R} + \vec{T} + \vec{P} = \vec{0}$



إحداثيات متجهات القوى :

$$\vec{P} \begin{cases} P_x = -m \cdot g \cdot \sin \alpha \\ P_y = -m \cdot g \cdot \cos \alpha \end{cases} \quad \text{و} \quad \vec{T} \begin{cases} T_x = T \\ T_y = 0 \end{cases} \quad \text{و} \quad \vec{R} \begin{cases} R_x = 0 \\ R_y = R \end{cases}$$

الإسقاط على المحور  $Ox$  و  $Oy$  :

$$\begin{cases} R_x + T_x + F_x = 0 \\ R_y + T_y + F_y = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} T - m \cdot g \cdot \sin \alpha = 0 \\ R - m \cdot g \cdot \cos \alpha = 0 \end{cases}$$

$$T = m \cdot g \cdot \sin \alpha$$

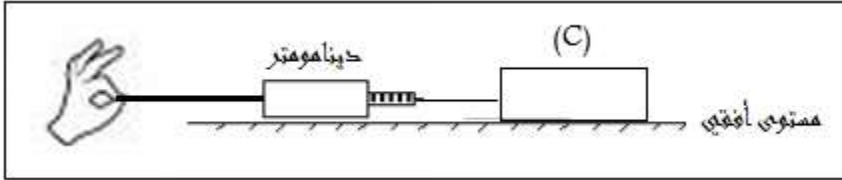
$$R = m \cdot g \cdot \cos \alpha$$

$$T = 1 \times 10 \times \sin(30^\circ) = 5N \quad \text{ت.ع.}$$

$$R = 1 \times 10 \times \cos(30^\circ) = 8,7 N$$

## II- قوة الاحتكاك :

### 1- تجربة :

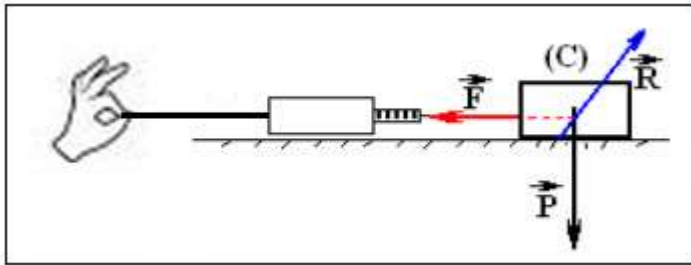


نجر جسما خشبيا (C) موضوعا فوق مستوى أفقي ، بواسطة دينامومتر ، كما هو مبين في الشكل جانبه .

نلاحظ أن الجسم يبقى في توازن مادامت شدة القوة المطبقة عليه من طرف الدينامومتر لا تتعدى قيمة قصوية  $F_m$  .

### 2- النتائج :

5,2	5,1	5,0	3,0	2,0	$F(N)$
حركة		توازن			الحالة الميكانيكية



### 3- دراسة التوازن :

يوجد الجسم الجسم (C) في توازن تحت ثلاث قوى :

$\vec{P}$  : وزن الجسم .

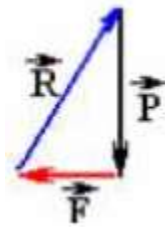
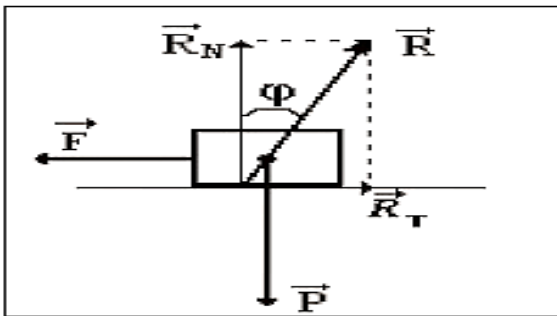
$\vec{T}$  : تأثير الدينامومتر .

$\vec{R}$  : تأثير المستوى الأفقي .

\*مميزات القوة  $\vec{R}$  :

الجسم (C) في حالة توازن ومنه :  $\vec{R} + \vec{T} + \vec{P} = \vec{0}$

وخطوط تأثير القوى الثلاث مستوائية ومتلاقية .



نلاحظ أن الجسم ( $C$ ) يبقى في حالة توازن مادامت شدة القوة المطبقة من طرف الدينامومتر اصغر من قيمة حدية  $F_m$

### 3- مفهوم الاحتكاك :

القوة  $\vec{R}$  ليست عمودية على سطح التماس لأن التماس يتم باحتكاك .

يمكن تفكيك القوة  $\vec{R}$  الى مركبتين :

✓ مركبة مماسية  $R_T = f$  تسمى قوة الاحتكاك .

✓ مركبة منظمية  $R_N$  عمودية على سطح التماس .

الزاوية  $\varphi$  تسمى زاوية الاحتكاك .

والمعامل  $k = \tan\varphi$  يسمى معامل الاحتكاك .

بسبب وجود الاحتكاك يبقى الجسم الصلب في حالة توازن مادامت شدة القوة  $F$  أصغر من قسمة حدية  $F_m$  .

•  $F < F_m$  : الجسم الصلب في حالة توازن ( $\varphi < \varphi_0$ ) حيث زاوية الاحتكاك الساكن .

•  $F > F_m$  : الجسم الصلب في حركة ( $\varphi > \varphi_0$ ) .