



الجزء الأول :
الميكانيك

المحور الثالث
الوحدة 7

ذ. هشام محجر

توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت

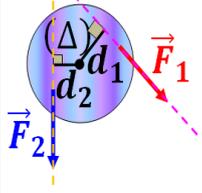
Equilibre d'un corps solide pouvant tourner autour d'un axe fixe

الجذع المشترك
الفيزياء لجميع الشعب
الصفحة: $\frac{1}{2}$

* يكون جسم صلب في دوران حول محور ثابت (Δ) إذا كانت جميع نقطه في حركة دائرية ممرضة في محور الدوران (Δ) ، ما عدا النقط التي تنتمي إلى محور الدوران (Δ) .

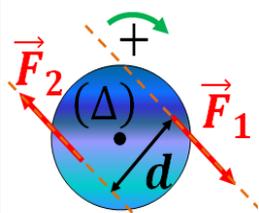
* يكون لقوة \vec{F} مفعول دوران على جسم صلب إذا كان خط تأثيرها غير مواز لمحور الدوران (Δ) ولا يتقاطع معه .
* تزداد شدة القوة التي نختارها لإدارة جسم صلب كلما اقتربنا من محور الدوران (Δ) .

* عزم قوة \vec{F} بالنسبة لمحور دوران ثابت (Δ) ومتعامد مع خط تأثيرها ، هو جداء الشدة F لهذه القوة والمسافة d الفاصلة بين خط تأثيرها والمحور (Δ) حيث : $\mathcal{M}_{\Delta}(\vec{F}) = \pm F \cdot d$.
* عندما يكون جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت (Δ) في توازن بالنسبة لمعلم مرتبط بالأرض تحت تأثير عدة قوى ، فإن :



❖ المجموع المتجهي للقوى المطبقة على الجسم منعدم $\sum \vec{F} = \vec{0}$.

❖ المجموع الجبري لعزوم كل القوى المطبقة عليه بالنسبة لهذا المحور منعدم $\sum \mathcal{M}_{\Delta}(\vec{F}) = 0$.



* تكون القوتان \vec{F}_1 و \vec{F}_2 مزدوجة قوتين قادرة على إدارة جسم صلب في نفس المنحى ،

إذا كان : مجموعهما المتجهي منعدم $\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{0}$ وليس لهما نفس خط التأثير .

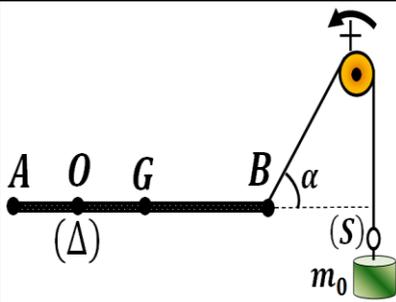
* عزم مزدوجة قوتين \vec{F}_1 و \vec{F}_2 بالنسبة لمحور دوران ثابت (Δ) عمودي على مستوى المزدوجة هو جداء الشدة F المشتركة للقوتين والمسافة d الفاصلة بين خطي تأثيرهما :

$\mathcal{M}_C = \pm F \cdot d$. عزم مزدوجة قوتين لا يتعلق بمحور الدوران .

* نسمي نواس اللي الجهاز المكون من سلك فولاذي أسطواني محور راسي ثبت أعلاه

بأسطوانة مدرجة من 0° إلى 150° ، بينما يحمل في طرفه الأسفل قضيبا فلزيا متجانسا أفقيا .

* عند لي سلك فلزي بزواية θ فإن هذا الأخير يطبق مزدوجة اللي تقاوم هذا الالتواء ، تعبير عزم مزدوجة اللي هو :
 $\mathcal{M}_T = -C \cdot \theta$ حيث نسمي ثابتة لي السلك ، وحدتها في (ن ع) هي $N \cdot m \cdot rad^{-1}$.



محور أفقي ثابت (Δ)

يمر من النقطة O

حيث $OA = \frac{L}{4}$

نثبت عند النقطة

خيطا يمر عبر مجرى

بكرة ويحمل في

الطرف الآخر جسما (S) كتلته m_0 ، علما أن اتجاه

الخيطة يكون زاوية $\alpha = 30^\circ$ مع المستقيم الأفقي المار

من O و G . **نعتي** : $g = 10 N \cdot kg^{-1}$

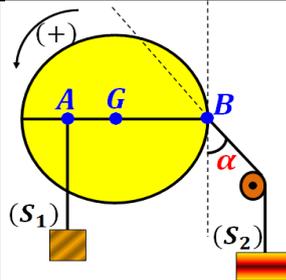
1- اجد القوى المطبقة على القضيب AB .

2- أوجد تعبير عزم كل قوة .

3- بتطبيق مبرهنة العزوم ، عين شدة القوة المطبقة من

طرف الخيط على القضيب AB .

4- استنتج قيمة m_0 كتلة الجسم (S) .



تمرين 1 :

يمثل الشكل جانبه قرصا (D)

قابلا للدوران بدون احتكاك

حول محور ثابت (Δ) .

(S_1) كتلته m_1 و (S_2)

كتلته m_2 .

1- اجد القوى المطبقة على القرص (D) .

2- اعط تعبير عزم كل القوى المطبقة على القرص (D) .

3- بتطبيق مبرهنة العزوم ، بين أن :

$$m_2 = m_1 \cdot \frac{AG}{GB \cdot \cos \alpha}$$

تمرين 2 :

نعتبر قضيبا متينا ومتجانسا طوله $L = AB$ وكتلته

$m = 400 g$ في توازن أفقي ، قابل للدوران حول

توازن جسم صلب قابل للدوران حول

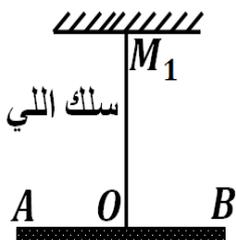
محور ثابت

Equilibre d'un corps solide pouvant tourner autour d'un axe fixe

المحور (Δ) على العارضة . السلم $1N \rightarrow 1cm$

نعطي : $P = 3N$ و $CG = EG = \frac{L}{4}$

تمرين 5 :



يمثل الشكل جانبه قضيبا متجانسا مقطعه ثابت وطوله L معلق من منتصفه O بسلك فلزي OM_1 ثابتة إليه هي

$C_1 = 0,063 N.m.rad^{-1}$

نطبق على القضيب مزدوجة قوتين

(\vec{F}_1, \vec{F}_2) حيث يبقى خطأ تأثيرهما

دوما متعامدين معه ، ويوجدان في

المستوى الأفقي المار به ، فيدور

القضيب بزاوية θ ويلتوي السلك ،

ثم يبقى القضيب في حالة توازن .

1- اجرد القوى المطبقة على القضيب AB

2- اعط تعبير عزم كل القوى المطبقة على القضيب AB

3- بتطبيق مبرهنة العزوم ، أوجد العلاقة بين M_T عزم

مزدوجة اللي و M_C عزم مزدوجة القوتين (\vec{F}_1, \vec{F}_2)

4- احسب قيمة الزاوية θ علما أن $F_2 = 3.10^{-2} N$

5- نضيف إلى التركيب السابق سلكا

آخر OM_2 من نفس النوع والمقطع ، ثابتة إليه C_2 .

نطبق على القضيب مزدوجة قوتين (\vec{F}'_1, \vec{F}'_2) و يبقى

القضيب في حالة توازن .

1-5- ادرس توازن القضيب ،

واستنتج M'_C عزم مزدوجة القوتين

(\vec{F}'_1, \vec{F}'_2) بدلالة C_1 و C_2 و θ .

2-5- نغير الشدة المشتركة

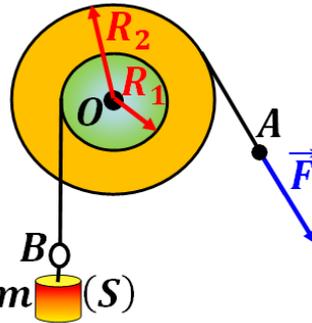
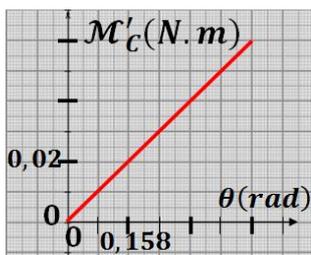
لقوتي المزدوجة المطبقة على

القضيب ، ونقيس الزاوية θ .

يمثل المبيان جانبه تغيرات

M'_C بدلالة الزاوية θ .

حدد مبيانيا قيمة الثابتة C_2 .



تمرين 3 :

نعتبر بكرة متجانسة وذات

مجرين ، وكتلتها مهملة ،

وقابلة للدوران حول محور

(Δ) أفقي وثابت يمر من

مركزها O .

نثبت خيطا غير مدود في

المجرى ذي الشعاع R_1

ونشد بنهايته جسما صلبا

(S) كتلته $m = 200 g$

، ونطبق عليها في المجرى ذي الشعاع R_2 قوة \vec{F} تكون

زاوية $\alpha = 45^\circ$ مع الخط الأفقي .

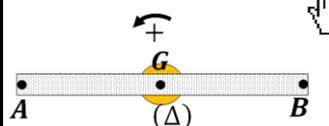
نعطي : $g = 10 N.kg^{-1}$ و $R_2 = 2R_1$

1- اجرد القوى المطبقة على البكرة وهي في توازن .

2- اعط تعبير عزم كل قوة بالنسبة للمحور (Δ) .

3- أوجد قيمة F

4- حدد مميزات \vec{R} القوة المطبقة من طرف المحور (Δ) .



تمرين 4 :

نعتبر عارضة متجانسة

طولها $L = AB$ قابلة

للدوران حول محور (Δ) أفقي وثابت يمر من مركز

قصورها G حيث تكون في توازن وهي في وضع أفقي .

1- اجرد القوى المطبقة على العارضة AB .

2- ذكر بشرطي توازن العارضة AB .

3- بواسطة خيطين

نطبق على العارضة

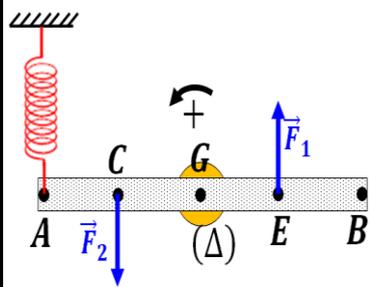
قوتين \vec{F}_1 و \vec{F}_2 لهما

نفس الشدة $F = 2 N$

ونبقي العارضة في

توازن أفقي بتطبيق قوة

بواسطة نابض .



1-3- هل تكون القوتان \vec{F}_1 و \vec{F}_2 مزدوجة قوتين ؟

2-3- ادرس توازن العارضة واستنتج توتر النابض .

3-3- باستعمال الطريقة الهندسية ، استنتج R شدة تأثير