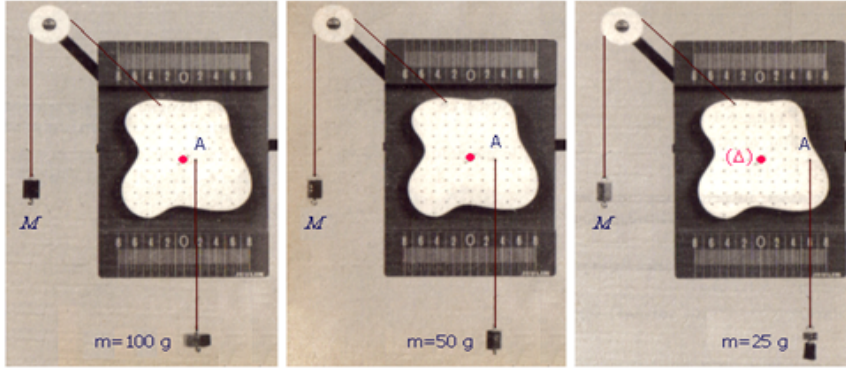


## تمارين في درس توازن جسم قابل للدوران

### التمرين 1

تمثل الصور التالية نفس حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) و متعامد مع مستواها:



حيث غير موضع  $A$  نقطة تأثير الكتلة المعلمة  $m$  و قيمتها، بينما قيمة الكتلة المعلمة الأخرى تبقى ثابتة  $M = 50 \text{ g}$ .

معطى:  $g = 9,8 \text{ N.kg}^{-1}$

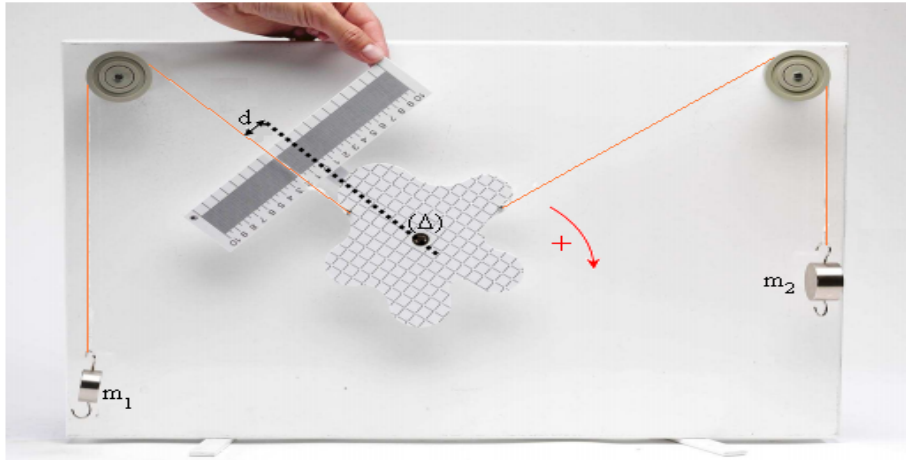
- 1- تبرز هذه التجارب أن مفعول قوة على دوران جسم يتعلق بعاملين اثنين، أذكرهما.
- 2- أنقل الجدول التالي ثم أتممه:

التجربة	$F \text{ (N)}$	$d \text{ (m)}$	$F \cdot d \text{ (N} \cdot \text{m)}$
1		0,060	
2		0,030	
3		0,015	

- 3- حيث  $F$  شدة القوة  $\vec{F}$  المطبقة من طرف الكتلة  $m$ ، و  $d$  المسافة الفاصلة بين خط تأثيرها و محور الدوران ( $\Delta$ ). ماذا تستنتج بخصوص الجداء  $F \cdot d$  ؟
- 4- يسمى هذا الجداء عزم القوة  $\vec{F}$  بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ). أعط تعريفا عاما لعزم قوة مطبقة على جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت و متعامد مع خط تأثيرها.

### التمرين 2

تمثل الصورة التالية حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) مار من مركز ثقلها و متعامد مع مستواها:

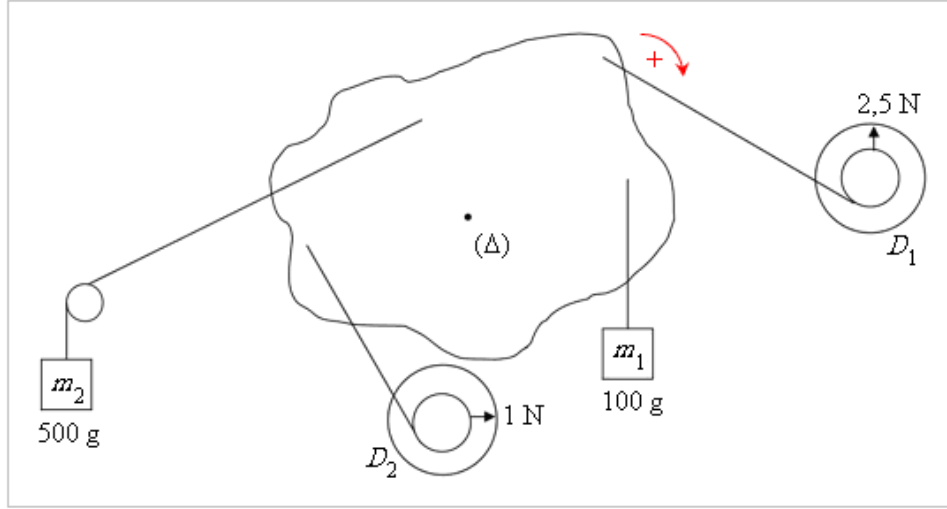


معطيات:  $g = 9,8 \text{ N.kg}^{-1}$  /  $d_2 = 1,0 \text{ cm}$  /  $d_1 = 2,0 \text{ cm}$  /  $m_2 = 200 \text{ g}$  /  $m_1 = 100 \text{ g}$

- 1- أجرد جميع القوى المطبقة على الصفيحة.
- 2- باعتبار المنحنى الموجب المشار إليه في الشكل، أحسب عزم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ). ثم استنتج المجموع الجبري لعزم القوى.
- 3- استنتج شرط توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت (مبرهنة العزم).

التمرين 3

يمثل الشكل التالي حالة التوازن لصفيحة قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) مار من مركز ثقلها و متعامد مع مستواها:

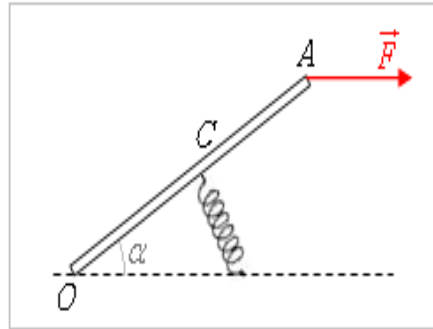


معطى:  $g = 10 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$

- 1 - أجرد جميع القوى المطبقة على الصفيحة.
- 2 - انسخ الشكل (بطيعة أو نقله على ورق شفاف) ثم مثل متجهات القوى المقرونة بتأثيرات الخيوط على الصفيحة باستعمال السلم  $1 \text{ cm} \leftrightarrow 1 \text{ N}$ .
- 3 - باعتبار المنحنى الموجب المشار إليه في الشكل، أحسب عزوم هذه القوى بالنسبة لمحور الدوران ( $\Delta$ ).
- 4 - تحقق من أن المجموع الجبري لعزوم جميع القوى المطبقة على الصفيحة منعدم.

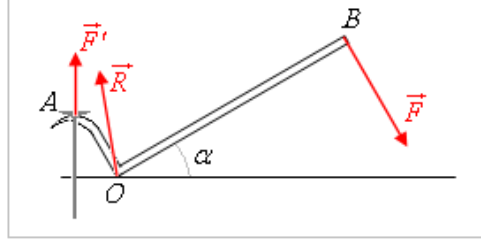
التمرين 4

يمكن ممائلة دواسة مسرع بعارضة  $OA$  وزنها مهمل و قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) متعامد معها و يمر من طرفها  $O$ ، و مشدودة بناض في منتصفها  $C$ ، في الطرف  $A$  تطبق قوة  $\vec{F}$  خط تأثيرها أفقي، و شدتها  $F = 20 \text{ N}$ ، عند حالة التوازن اتجاه النابض متعامد مع  $OA$  الذي يكون الزاوية  $\alpha = 30^\circ$  مع الخط الأفقي.



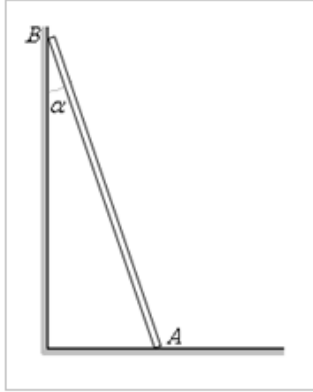
- 1 - أجرد جميع القوى المطبقة على العارضة.
- 2 - أحسب شدة القوة التي يطبقها النابض على العارضة.

لخلع مسمار يستعمل ببناء عتلة مكسوة وزنها مهملة. في الطرف  $B$  يطبق البناء قوة عمودية على  $OB$  و شدتها  $F = 200 \text{ N}$ . العتلة قابلة للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) متعامد معها و يمر من نقطة الارتكاز  $O$ . و الذراعان  $OB$  و  $OA$  متعامدان.



معطيات:  $\alpha = 30^\circ$  /  $OB = 70 \text{ cm}$  /  $OA = 10 \text{ cm}$   
أحسب:

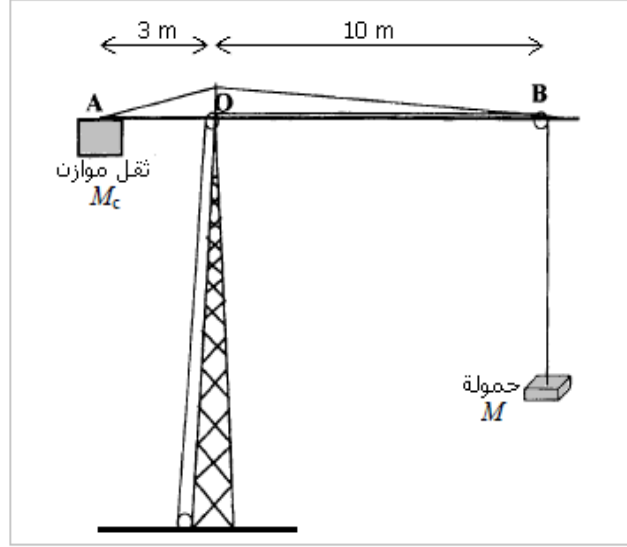
- 1 - شدة القوة ( $A, \vec{R}$ ) العمودية التي تطبقها العتلة على المسمار.
- 2 - شدة القوة ( $O, \vec{R}$ ) التي يطبقها سطح التماس على العتلة.



- يستند سلم  $AB$  وزنه  $P = 40 \text{ N}$  على سطح أفقي و جدار رأسي. في الطرف  $A$  يطبق السطح الأفقي قوة مموضعة ( $A, \vec{R}$ ) تمنع انزلاق الطرف  $A$ ، و خط تأثيرها يكون مع الخط الرأسي زاوية  $\varphi$  لا تتعدى قيمتها النهائية  $\varphi_m$  حتى لا يفقد السلم توازنه، مع  $\tan \varphi_m = 0,25$ . و في الطرف  $B$  يطبق الجدار قوة مموضعة ( $B, \vec{R}$ ) أفقية. عند حالة التوازن يكون السلم مع الجدار الرأسي الزاوية  $\alpha$  بحيث  $\tan \alpha = 0,15$ .
- 1 - أجرد القوى المطبقة على  $AB$  و مثل متجهاتها في الشكل بدون سلم.
  - 2 - باعتبار أن السلم قابل للدوران حول محور أفقي ( $\Delta$ ) متعامد معه و يمر من نقطة الارتكاز  $A$ ، أحسب شدة القوة المطبقة من طرف الجدار.
  - 3 - بإنشاء الخط المضلعي لمتجهات القوى، أحسب شدة القوة التي يطبقها السطح الأفقي و قيمة الزاوية  $\varphi$ .
  - 4 - ما هي القيمة النهائية  $\varphi_m$  للزاوية  $\alpha$  دون أن يفقد السلم توازنه ؟

التمرين 7

عُلقت حمولة كتلتها  $M$  بطرف حبل رافعة وزنها مهمل، وهي في حالة توازن:

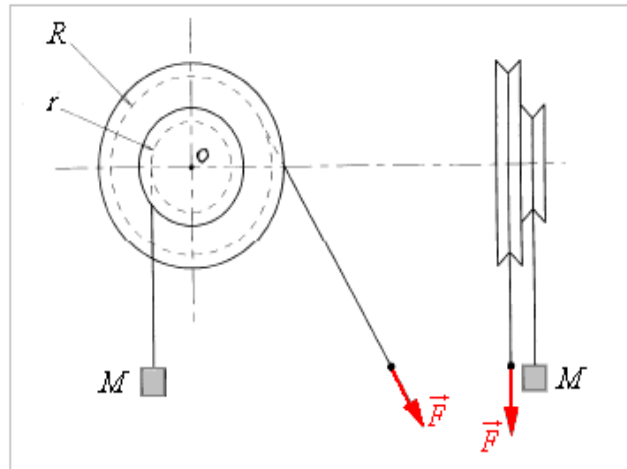


معطيات:  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$  /  $M = 1500 \text{ kg}$  /  $OB = 10 \text{ m}$  /  $OA = 3 \text{ m}$

- 1- بدراسة توازن الحمولة أحسب شدة توتر الحبل.
- 2- أجرد القوى المطبقة على الرافعة.
- 3- بتطبيق مبرهنة العزوم بالنسبة لمحور أفقي مار من  $O$  و متعامد مع الذراعين  $OB$  و  $OA$ ، أحسب الكتلة  $M_c$  للثقل الموازن.

التمرين 8

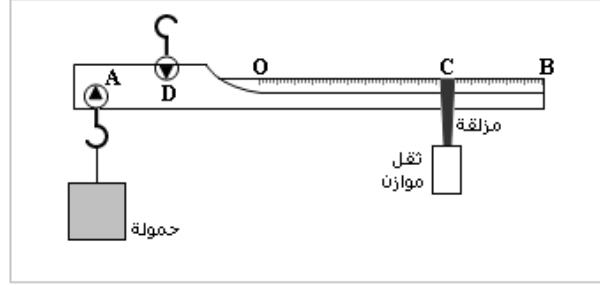
لرفع حمولة وزنها  $P = 500 \text{ N}$ ، تستعمل بكرة ذات مجريين شعاعاهما  $r = 5 \text{ cm}$  و  $R = 10 \text{ cm}$ . البكرة قابلة للدوران بدون احتكاك حول محورها الأفقي المار من مركزها  $O$ ، و كتلتا الحبلين مهملتان.



- 1- أجرد القوى المطبقة على البكرة.
- 2- أحسب شدة القوة  $\vec{F}$  لكي تكون البكرة في توازن.
- 3- ما العائدة من هذا التركيب؟

التمرين 9

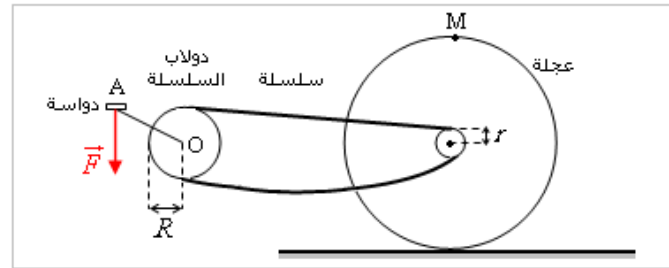
يتكون الميزان الروماني من عائق  $AB$  مدرج و معلق بمحور مار من  $D$ . تعلق الحمولة المراد وزنها بمحور مار من  $A$ . يمكن إزاحة المزلقة التي تحمل ثغلا موازنا على العائق المدرج. في غياب أي حمولة يكون العائق أفقيا عندما تكون المزلقة في  $O$  التي تطابق التدرج صفر. وعند تعليق حمولة كتلتها  $M = 3 \text{ kg}$ ، يتحقق التوازن الأفقي إذا كان  $OC = 30 \text{ cm}$ .  
معطيات:  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$  /  $DO = 5 \text{ cm}$  /  $DA = 10 \text{ cm}$



- 1- أحسب  $m$  كتلة الثقل الموازن.
- 2- عبر عن المسافة  $x = OC$  بدلالة  $M$  كتلة الحمولة.
- 3- علما أن كتلة العائق  $AB$  (بدون الثقل الموازن) هي  $m_0 = 1 \text{ kg}$ ، حدد المسافة  $DG$  التي تحدد موضع  $G$  مركز ثقل العائق.
- 4- أحسب شدة القوة  $\vec{R}$  المقرونة بتأثير محور تعليق العائق عندما تكون كتلة الحمولة هي  $M = 5 \text{ kg}$ .

التمرين 10

يمثل الشكل التالي المجموعة (دواسة- سلسلة- عجلة) لدراجة.



معطيات:  $OA = 16 \text{ cm}$  /  $D = 60 \text{ cm}$  / قطر العجلة:  $r = 4 \text{ cm}$  /  $R = 10 \text{ cm}$   
يطبق الدراج على الدواسة قوة رأسية  $(A, \vec{F})$  شدتها  $F = 60 \text{ N}$ .

- 1- أحسب عزم القوة  $(A, \vec{F})$  في الحالات التالية:
  - أ - عندما يكون الذراع  $OA$  أفقيا،
  - ب - عندما يكون الذراع  $OA$  رأسيا،
  - ت - عندما يكون الذراع  $OA$  مائلا بالزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي (هناك إكمانيتان).
- 2- نفترض أن الدراج يدوس فقط على الدواسة  $A$ ، ونهمل وزن السلسلة. كما نهمل الاحتكاكات بين العجلة و سطح التماس. بدراسة توازن المجموعة (دواسة- دولاب السلسلة) في حالة  $OA$  أفقي، أحسب:
  - أ - شدة توتر الجزء الأعلى للسلسلة (الجزء السفلي غير متوتر)،
  - ب - شدة قوة الكبح  $(M, \vec{F})$  المطبقة على العجلة و المماسية لها في  $M$ .