

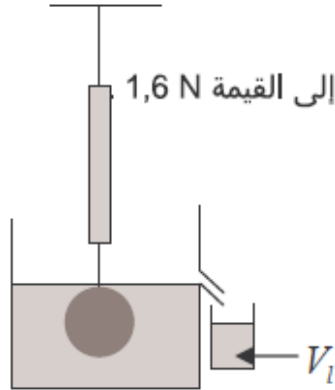
## تمارين التوازن الميكانيكي

### التمرين 1

نعتبر كرة من مادة كثافتها  $d=7,25$  ، حجمها  $V$  ، تطفو على سطح إناء به زئبق ، حجم الكرة الذي يطفو خارج الزئبق هو  $V_1$  . كثافة الزئبق  $d_{Hg}=13,7$  . أحسب الخارج  $\frac{V_1}{V}$  .

### التمرين 2

1. نعلق كرة A وزنها  $P=2N$  إلى دينامومتر. هذا الأخير يشير إلى القيمة  $2N$  . استنتج وزن الكرة.



2. نغمر الكرة كلياً في سائل ، فيزاح منه الحجم  $V_1 = 50cm^3$  ، ويشير الدينامومتر إلى القيمة  $1,6 N$  .

2.1. أحسب شدة دافعة أرخميدس المطبقة من طرف السائل على الكرة.

2.2. استنتج الكتلة الحجمية للسائل.

2.3. أحسب كتلة السائل المزاح.

2.4. أحسب شدة وزن السائل المزاح ، قارنها مع دافعة أرخميدس. استنتج.

3. نضع الكرة A في إناء مملوء بالزئبق ، فتطفو فوقه.

3.1. أوجد القوى المطبقة على الكرة A و أعط مميزاتها .

3.2. أحسب حجم الجزء المغمور من الكرة A .

3.3. أحسب شدة القوة  $\vec{F}$  التي يجب تطبيقها على الكرة لكي تصبح مغمورة كلياً في السائل وتبقى في حالة توازن .

معطيات :  $g=9,8N/kg$

الكتلة الحجمية للزئبق :  $\rho_{Hg} = 13,6g/cm^3$

### التمرين 3

1. يمثل الشكل جانبه كوبرة (S) في حالة توازن كتلتها  $m=100g$  معلقة بنهاية نابض ذي لفات غير متصلة ، كتلته مهملة و ثابتة صلابته  $k=25N.m^{-1}$  ، نأخذ  $g=10N/kg^{-1}$  .

1.1. أوجد القوى المطبقة على S .

1.2. أوجد مميزات القوة المطبقة من طرف النابض

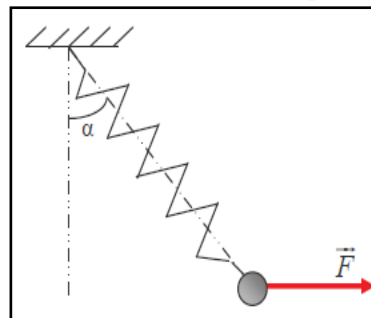
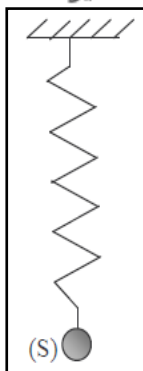
على S واستنتج الإطالة  $\Delta l$  للنابض .

2. نطبق على الكوبرة (S) قوة أفقية  $\vec{F}$  فتأخذ المجموعة { النابض ، (S) }

عند التوازن اتجاهها يكون الزاوية  $\alpha=60^\circ$  مع المستقيم الرأسى ( أنظر الشكل ) .

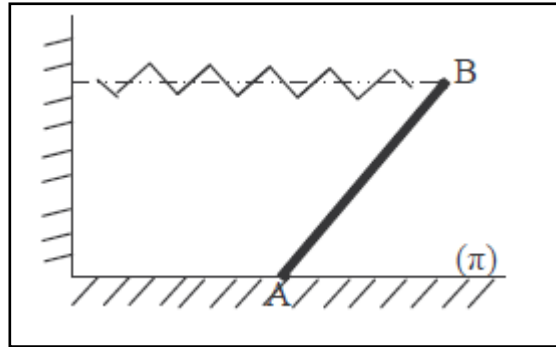
2.1. أوجد شدة القوة  $\vec{F}$  و شدة توتر النابض .

2.2. أحسب الإطالة  $\Delta l'$  في هذا الوضع .



#### التمرين 4

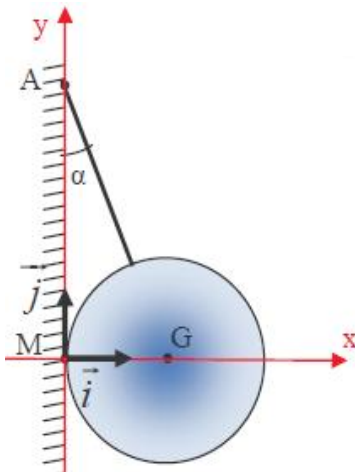
العارضة AB، كتلتها  $m=1\text{kg}$ ، طرفها A مثبت على السطح الأفقي  $(\pi)$ ، الطرف B مثبت إلى نابض ذي لفات متصلة صلابته  $k=100\text{N/m}$ . ثبت الطرف الثاني للنابض إلى جدار رأسي كما يبين الشكل. عند التوازن تكون إطالة النابض  $\Delta l = 5\text{cm}$ . نأخذ  $g = 10\text{N/kg}$ .



1. أوجد القوى المطبقة على العارضة AB .
2. ما شرطي هذا التوازن ؟
3. أحسب شدتي وزن العارضة وتوتر النابض .
4. حدد مبيانيا نقطة التلاقي I لخطوط تأثير القوى المطبقة على العارضة . استنتج طبيعة التماس بين العارضة والسطح الأفقي.
5. أوجد هندسيا شدة القوة  $\vec{R}$  المطبقة من طرف السطح  $(\pi)$  على العارضة.
6. حدد قيمة زاوية الاحتكاك و قيمة معامل الاحتكاك.
7. حدد مبيانيا شدة كل من المركبتين المماسية  $\vec{R}_T$  و المنظمية  $\vec{R}_N$  للقوة  $\vec{R}$  .

#### التمرين 5

نعتبر كرة معدنية متجانسة مركز ثقلها G، كتلتها m، معلقة بواسطة خيط غير قابل للامتداد بحيث تتكى على جدار رأسي عند النقطة M .



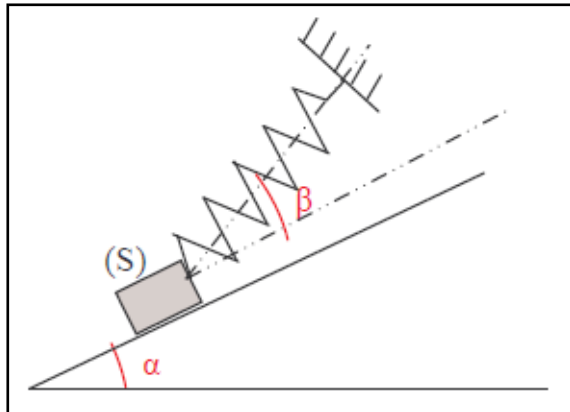
1. أوجد القوى المطبقة على الكرة.
2. اتجاه الخيط يمر من النقطة G، هل التماس يتم باحتكاك أم بدونه؟ علل الجواب.

3. أوجد بطريقتين، الميانية، ثم التحليلية في المعلم  $(M, \vec{i}, \vec{j})$ ، شدة توتر الخيط وشدة تأثير الجدار على

الكرة عند النقطة M .  
 معطيات:  $m=1200\text{g}$      $g=10\text{N/kg}$      $\alpha=30^\circ$  .

### التمرين 6

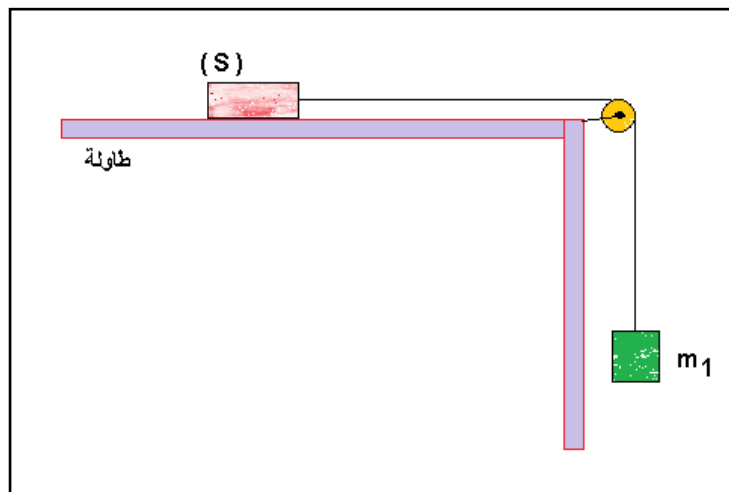
للحفاظ على توازن جسم صلب (S) وزنه  $P=3N$  فوق مستوى مائل بالزاوية  $\alpha=30^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي، نشده بواسطة نابض يكون محوره زاوية  $\beta$  مع اتجاه المستوى المائل. نعتبر أن التماس بين (S) والمستوى المائل يتم بدون احتكاك.



1. أوجد القوى المطبقة على الجسم (S) .
2. باستعمال الطريقة الميانية ، أوجد شدة توتر النابض وشدة القوة التي يؤثر بها المستوى على (S) في حالة  $\beta=15^\circ$  .
3. باستعمال الطريقة التحليلية ، أوجد شدة توتر النابض وشدة القوة التي يؤثر بها المستوى على (S) بدلالة الزاوية  $\beta$  .
4. أحسب شدة كل من القوتين السابقتين في حالة  $\beta=0^\circ$  ،  $\beta=15^\circ$  ، ثم  $\beta=30^\circ$  واستنتج إطالة النابض في كل حالة .  
نعطي ثابتة صلابة النابض :  $k=50N.m^{-1}$  .

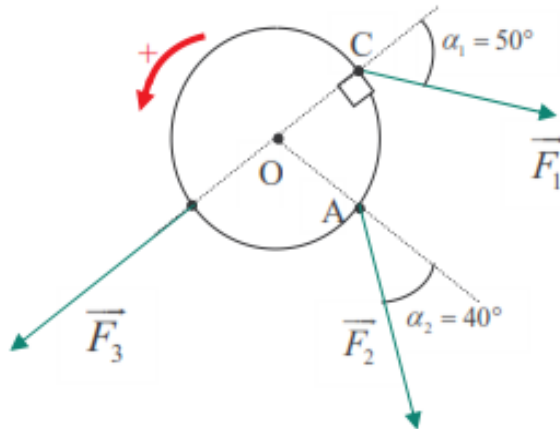
### التمرين 7

- نربط جسما صلبا (S) كتلته  $m=1,2kg$  موضوعا فوق طاولة أفقية ، بأحد طرفي خيط يمر عبر مجرى بكرة . نعلق في الطرف الآخر للخيط كتلته معلمة  $m_1=100g$  .  
تبقى المجموعة في توازن ( انظر الشكل ) . نعتبر أن البكرة تغير اتجاه القوة ولا تغير شدتها .  
حدد مميزات  $\vec{R}$  القوة المطبقة من طرف الطاولة على الجسم (S) .  
نأخذ :  $g=10N/kg$



### التمرين 8

نطبق ثلاث قوى شدة كل منها 30N على قرص شعاعه  $R=50\text{cm}$  كما بين الشكل. اتجاهات كل منها في مستوى القرص. أحسب عزم كل قوة بالنسبة للمحور  $\Delta$  العمودي على القرص والمار من مركزه O.



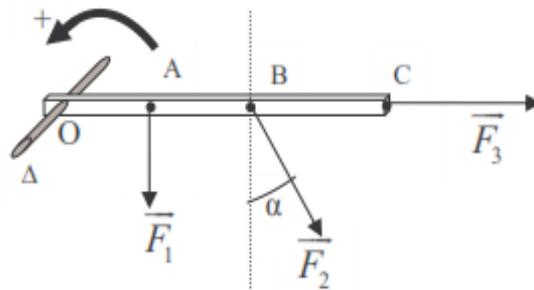
### التمرين 9

على عارضة متجانسة أفقية، قابلة للدوران حول محور ثابت  $\Delta$ ، نطبق ثلاث قوى شداتها كالتالي:  $F_1=17\text{N}$ ،  $F_2=25\text{N}$  و  $F_3=23\text{N}$ .

نعطي:  $\alpha=30^\circ$ ،  $OC=60\text{cm}$ ،  $OB=37\text{cm}$ ،  $OA=16\text{cm}$ .

1. أحسب عزم كل من القوى الثلاثة بالنسبة للمحور  $\Delta$ .

2. استنتج مجموع العزوم بالنسبة للمحور  $\Delta$ .



### التمرين 10

نعتبر عارضة متجانسة كتلتها  $m$  متكئة على جدار رأسي بحيث التماس بينهما يتم بدون احتكاك، بينما السطح

الأفقي خشن. نرمز بـ  $\vec{R}_A$  للقوة المقرونة بتأثير السطح الرأسي على العارضة بالنقطة A وبـ  $\vec{R}_B$  للقوة المقرونة

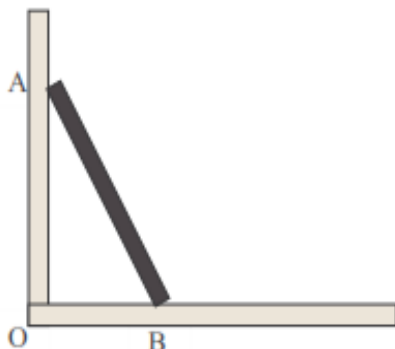
بتأثير السطح الأفقي عليها بالنقطة B.

1. أجرد القوى المطبقة على العارضة.

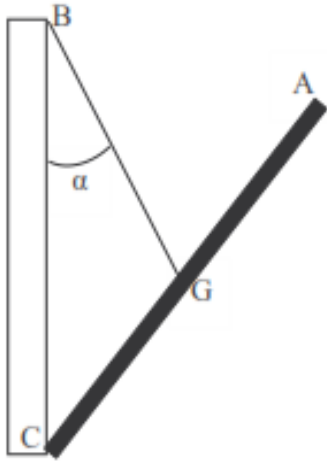
2. أذكر الشروط اللازمة لتوازن العارضة.

3. حدد مميزات  $\vec{R}_A$  و  $\vec{R}_B$ .

معطيات:  $g=10\text{N/kg}$ ،  $m=80\text{kg}$ ،  $OB=3\text{m}$ ،  $OA=4\text{m}$ .



### التمرين 11



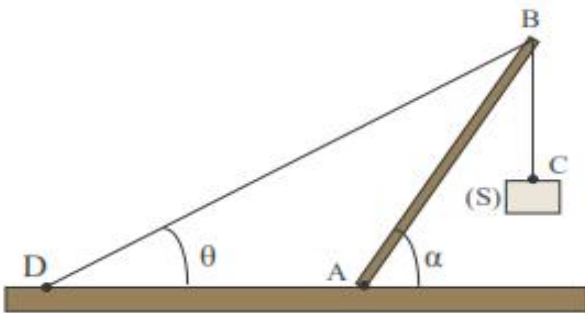
- العارضة AC متجانسة معلقة من مركز ثقلها G إلى جدار بواسطة الحبل BG كما يبين الشكل. علما أن  $BG=CG$ ، أوجد
1. مميزات توتر الخيط .
  2. مميزات قوة تأثير الجدار BC على العارضة بالنقطة C .
- معطيات : وزن العارضة:  $P=30N$  ،  $\alpha=30^\circ$  .

### التمرين 12

العارضة AB متجانسة كتلتها  $M=1kg$  في حالة توازن ، تتكى على مستوى أفقى في النقطة A و يشدها خيط DBC ذو كتلة مهملة يحمل في نهايته جسما (S) كتلته  $m=0,5kg$ . يوجد كل من الخيط والقضيب والجسم (S) في نفس المستوى الرأسى.

معطيات:  $\alpha=60^\circ$  ،  $\theta=30^\circ$  ،  $g=10N/kg$  .

1. أجد القوى المطبقة على العارضة AB.
2. حدد طبيعة التماس بين المستوى الأفقى و العارضة AB عند النقطة A .
3. بتطبيق مبرهنة العزوم بالنسبة للمحور الأفقى  $\Delta$  المار من A والعمودي على الشكل ، أوجد شدة القوة المطبقة من طرف الجزء BD للخيط على القضيب عند النقطة B .
4. حدد مميزات القوة المقرونة بتأثير المستوى الأفقى على العارضة بالنقطة A .

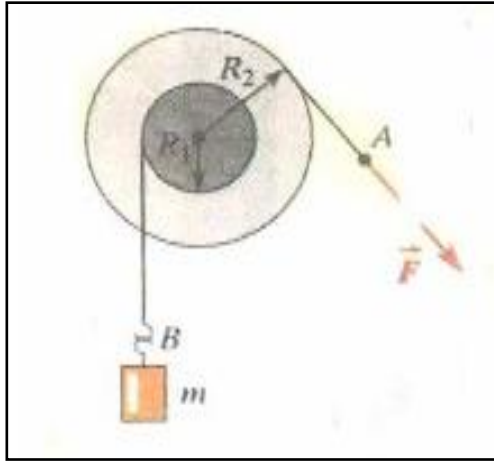


### التمرين 13

نعتبر بكرة متجانسة و ذات مجرىين ، كتلتها مهملة و قابلة للدوران حول محور (Δ) أفقى و ثابت يمر من مركزها O . ثبت خيطا غير قابل للامتداد في المجرى ذي الشعاع  $R_1$  و نشد بنهايته جسما صلبا (S) كتلته  $m$  . للحفاظ على توازن البكرة نطبق عليها عبر خيط في المجرى ذي الشعاع  $R_2$  قوة  $\vec{F}$  تكون الزاوية  $\alpha$  مع الخط الأفقى المار من النقطة A ( انظر الشكل ) .

- 1) أجد القوى المطبقة على البكرة .
- 2) أكتب تعبير عزم كل قوة بالنسبة للمحور (Δ) .
- 3) أوجد شدة القوة  $\vec{F}$  .
- 4) حدد مميزات  $\vec{R}$  القوة المطبقة من طرف المحور .

نعطي :  $R_2 = 2R_1$  ،  $m = 200g$  ،  $g = 10N/kg$



### التمرين 14

- يمثل الشكل جانبه عارضة متجانسة طولها  $L=50\text{cm}$  وكتلتها  $m$  معلقة من مركز قصورها  $G$  بسلك ثابتة ليه  $C$  مثبت عند النقطة  $O$ .
- ندير العارضة أفقيا عن موضع توازنها المستقر  $M_0N_0$  بزاوية  $\theta=0,2\text{rad}$ ، وذلك بتطبيق مزدوجة قوتين  $(M, \vec{F}_1)$  و  $(N, \vec{F}_2)$  بواسطة نابضين  $(R_1)$  و  $(R_2)$  لهما نفس الصلابة  $K_1 = K_2 = K = 40 \text{ N/m}$  و نفس الطول الأصلي  $\ell_0 = 15\text{cm}$ .
- يبقى محور كل نابض متعامدا مع العارضة، كما يوجد كل منهما في نفس المستوى الأفقي الذي يشمل  $(MN)$ .
- 1) أجرد القوى المطبقة على العارضة في توازنها الجديد.
  - 2) علما أن طول كل نابض عند توازن العارضة هو  $\ell = 20\text{cm}$ ، أحسب شدتي القوتين  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  (توتري النابضين).
  - 3) بتطبيق مبرهنة العزوم، أوجد تعبير  $C$  ثابتة ليّ السلك بدلالة  $\theta, \ell, \ell_0, K, L$ . أحسب  $C$ .

