



الجذع المشترك  
الفيزياء جميع الشعب  
الصفحة:  $\frac{1}{2}$

## توازن جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازنة

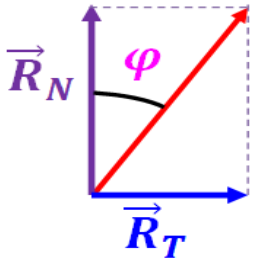
*Equilibre d'un corps solide soumis à l'action de trois forces non parallèles*

الجزء الأول:  
الميكانيك

المحور الثالث  
الوحدة 6

ذ. هشام محجر

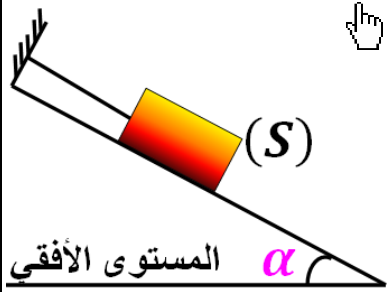
\* عندما يكون جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازنة  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  و  $\vec{F}_3$  في توازن ، فإن :  
⊕ المجموع المتجهي للقوتين منعدم  $\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0}$  أو الخط المضلعي لمتجهات القوى الثلاث مغلق ، وهذا الشرط لازم لسكون مركز قصوره .  
⊕ خطوط تأثير القوى الثلاث متلاقية ومستوائية ، وهذا الشرط ضروري لغياب دوران الجسم في حالة تحقيق الشرط الأول .



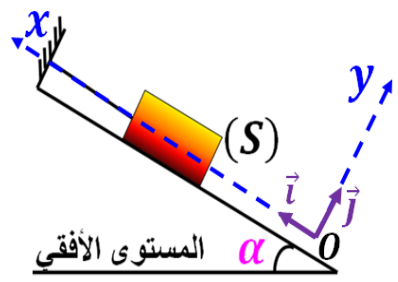
\* تقوم القوة  $\vec{R}$  بمفعولين : مقاومة الانغراز من خلال المركبة المنظمة  $\vec{R}_N$  ومقاومة الحركة من خلال المركبة المماسية  $\vec{R}_T$  والتي تسمى قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  حيث  $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{R}_T = \vec{R}_N + \vec{f}$   
\* نسمي زاوية الاحتكاك الساكن  $\varphi_0$  القيمة الحدية لزاوية الاحتكاك  $\varphi$  التي يختل توازن الجسم عندها و هي مقدار مميز لطبيعة التماس بين جسمين معينين .  
\* نعرف معامل الاحتكاك الساكن  $K_0$  بالعلاقة :  $K_0 = \tan \varphi_0 = \frac{R_T}{R_N}$  . وهذا المقدار يتعلق بطبيعة الجسمين المتماسين و لا يتعلق بمساحتهما .

### تمرين 2 :

نضع جسما صلبا (S) كتلته  $m = 2 \text{ kg}$  فوق سطح مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  عن المستوى الأفقي ، ونشده بخيط غير مدود وكتلته مهملة وثبت طرفه الآخر بحامل . عند توازن الجسم (S) يكون الخيط موازيا للمستوى الأفقي



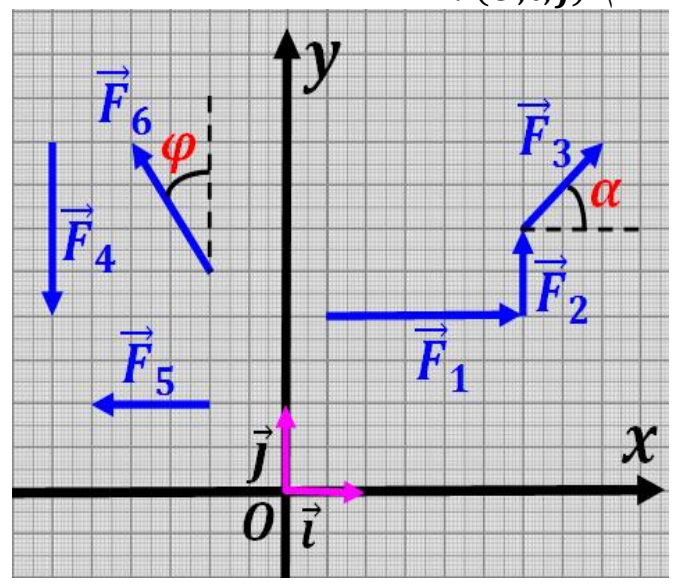
- للسطح . نعطي :  $T = 15 \text{ N}$  و  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$
- 1- اوجد القوى المطبقة على (S) وهو في توازن .
  - 2- أنشئ الخط المضلعي لهذه القوى ثم استنتج طبيعة التماس بين الجسم (S) والسطح .
  - 3- احسب شدة تأثير السطح  $R$  .
  - 4- نهمل الاحتكاكات ، ونعتبر المعلم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$  كما هو مبين جانبه .



- 1- حدد إحداثيات كل متجهة في المعلم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$  .
  - 2- حدد منظم كل متجهة .
  - 3- حدد قيمة الزاويتين  $\alpha$  و  $\varphi$  .
  - 4- حدد اتجاه ومنحى ومنظم كل متجهة .
  - 5- احسب المجموع المتجهي لكل القوى  $\sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  .
- شدة توتر الخيط و  $R$  شدة تأثير السطح .

### تمرين 1 :

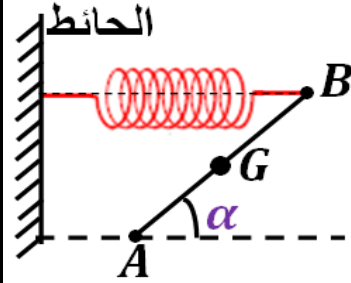
يمثل الشكل أسفله مجموعة من متجهات قوى ممثلة في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .



- 1- حدد إحداثيات كل متجهة في المعلم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$  .
- 2- حدد منظم كل متجهة .
- 3- حدد قيمة الزاويتين  $\alpha$  و  $\varphi$  .
- 4- حدد اتجاه ومنحى ومنظم كل متجهة .
- 5- احسب المجموع المتجهي لكل القوى  $\sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  .

## توازن جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازنة

*Equilibre d'un corps solide soumis à l'action de trois forces non parallèles*

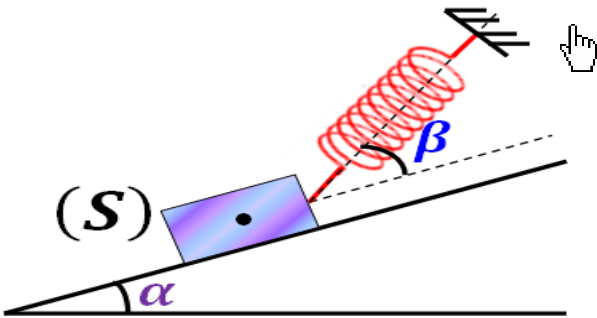


- 1- اجرد القوى المطبقة على العارضة  $AB$ .
- 2- نكر بشرطي توازن العارضة.
- 3- احسب  $T$  شدة توتر النابض و  $P$  شدة وزن العارضة.

- 4- حدد مبيانيا نقطة التلاقي  $I$  لخطوط تأثير القوى المطبقة على  $AB$  واستنتج طبيعة التماس بين  $AB$  والسطح الأفقي.
- 5- أوجد هندسيا شدة القوة  $R$  المطبقة من طرف السطح الأفقي على العارضة.
- 6- عين قيمة زاوية الاحتكاك  $\varphi$  وقيمة معامل الاحتكاك  $K$ .  
نعطي:  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$  و  $\Delta l = 5 \text{ cm}$ .

### تمرين 6 :

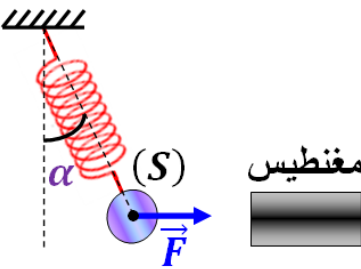
للحفاظ على توازن جسم صلب  $(S)$  شدة وزنه  $P = 3 \text{ N}$  فوق سطح مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  عن المستوى الأفقي ، نشده بواسطة نابض يكون محوره زاوية  $\beta$  مع اتجاه المستوى المائل . نعتبر التماس بين الجسم  $(S)$  والسطح المائل بدون احتكاك .



- 1- اجرد القوى المطبقة على الجسم  $(S)$ .
- 2- باستعمال الطريقة المبيانية ، أوجد  $T$  شدة توتر النابض و  $R$  شدة تأثير السطح على  $(S)$  في حالة  $\beta = 15^\circ$ .
- 3- باستعمال الطريقة التحليلية ، أوجد  $T$  شدة توتر النابض بدلالة  $P$  و  $\alpha$  و  $\beta$ .
- 4- احسب قيمة  $T$  في حالة  $\beta = 0^\circ$  و  $\beta = 30^\circ$  ، ثم استنتج إطالة النابض في كل حالة.  
نعطي:  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$  و  $K = 50 \text{ N.m}^{-1}$ .

### تمرين 3 :

نعلق كرية حديدية  $(S)$  كتلتها  $m = 300 \text{ g}$  بطرف نابض صلابته  $K = 100 \text{ N.m}^{-1}$  ، ونطبق عليها قوة  $\vec{F}$  أفقية بواسطة مغنطيس فنلاحظ أنها تنحرف وتصبح في توازن عندما يكون محور النابض زاوية  $\alpha = 30^\circ$  مع الخط الرأسى .

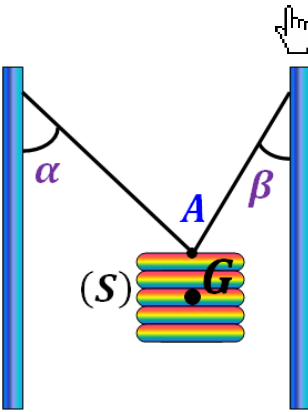


نعطي:  $g = 10 \text{ N.g}^{-1}$  و  $l_0 = 20 \text{ cm}$ .

- 1- اجرد القوى المطبقة على الكرية  $(S)$ .
- 2- مثل الخط المضلعي بالسلم  $1 \text{ N} \rightarrow 1 \text{ cm}$ .
- 3- أوجد تعبير الشدتين  $T$  و  $F$  بدلالة  $m$  و  $g$  و  $\alpha$  ، ثم احسب قيمتيهما.
- 4- أوجد تعبير الطول النهائي للنابض بدلالة  $m$  و  $g$  و  $l_0$  و  $K$  ، ثم احسب قيمته.

### تمرين 4 :

نعتبر جسما صلبا  $(S)$  كتلته  $m = 300 \text{ kg}$  في توازن حيث يكون الخيطان الزاويتين  $\beta = 30^\circ$  و  $\alpha = 45^\circ$  وكتلتاهما مهمة .



- 1- اجرد القوى المطبقة على الجسم  $(S)$ .
- 2- مثل الخط المضلعي بالسلم  $10^3 \text{ N} \rightarrow 1 \text{ cm}$ .
- 3- أوجد شدات القوى . نعطي:  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$ .

### تمرين 5 :

نعتبر عارضة  $AB$  طولها  $L$  وكتلتها  $m = 0,2 \text{ kg}$  ، طرفها  $A$  يرتكز على سطح أفقي ، والطرف  $B$  مثبت إلى نابض ذي لفات غير متصلة صلابته  $K = 50 \text{ N.m}^{-1}$  الطرف الآخر للنابض نُثبت إلى حائط رأسي (انظر جانبه).