



السبت 01 دجنبر 2012

الفرض رقم : 1 - المستوى : أجزع المشترك العلمي

MATH=003

التوقيت : من 10H إلى 12H

التمرين الأول

1- بين أنه لكل  $x \in \mathbb{R}$  :  $x^2 + x + 1 = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}$

2- بين أنه لكل  $x \in \mathbb{R}$  :  $-\frac{5}{3} \leq \frac{x^2 + x - 1}{x^2 + x + 1} < 1$

التمرين الثاني

ليكن  $AB = c$  و  $BC = a$  و  $CA = b$  أطوال أضلاع مثلث  $ABC$  بحيث :  
 $b^4 + a^2c^2 = c^4 + a^2b^2$  و  $b \neq c$

حدد طبيعت المثلث  $ABC$  ؟

التمرين الثالث

نعتبر مثلثا  $ABC$  والنقطتان  $D$  و  $E$  المعرفتان بما يلي :  $\overline{AD} = 2\overline{AB} + \overline{AC}$  و  $\overline{BE} = \frac{1}{3}\overline{BC}$

أنشئ شكلا مناسباً ثم بين أن النقط  $D$  و  $E$  و  $A$  مستقيمات.

التمرين الرابع

1- بين أنه لكل  $n \in \mathbb{N}^*$  :  $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} = \frac{1}{n(n+1)}$

2- بين أنه لكل  $n \in \mathbb{N}^*$  :  $\left(1 + \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}\right)^2 = 1 + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{(n+1)^2}$

3- احسب المجموع التالي :  $S = \sqrt{1 + \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} + \dots + \sqrt{1 + \frac{1}{2012^2} + \frac{1}{2013^2}}$