

جهة سوس ماسة درعة  
نيابة أكادير  
الجمعة 27 فبراير 2015  
من 18<sup>h</sup>:00 إلى 15<sup>h</sup>:00

**فرض الأولياد الجهوي في الرياضيات  
للجذع المشترك العلمي  
- المرحلة الثانية -**

الجذع المشترك العلمي  
و التكنولوجي

هذه نسخة تم إعادة تحريرها لفرض الفعلي و ليست بنسخة أصلية

**تمرين 1 :**

1)  $a$  و  $b$  عددين حقيقيان بحيث  $a > 1$  و  $b > 1$  ، بين أن :  $b\sqrt{a-1} + a\sqrt{b-1} \leq ab$

2) ليكن  $x$  و  $y$  عددين حقيقيان بحيث : احسب المجموع  $x + y$  حيث  $(x + \sqrt{x^2 + 1})(y + \sqrt{y^2 + 1}) = 1$

**تمرين 2 :**

ليكن  $x$  و  $y$  عددين حقيقيان موجبين قطعا. بين أن :  $x\left(1 + \frac{1}{y^2}\right) + y\left(1 + \frac{1}{x^2}\right) \geq 4$

**تمرين 3 :**

ليكن  $ABCD$  رباعياً محدباً، و النقط  $A'$  و  $B'$  و  $C'$  و  $D'$  بحيث تكون النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  هي على التوالي منتصفات القطع  $[AA']$  و  $[BB']$  و  $[CC']$  و  $[DD']$ . حدد مساحة الرباعي  $A'B'C'D'$  بدلالة مساحة الرباعي  $ABCD$ .