

نيابة تاوريرت  
ثانوية الفتح التأهيلية  
الجمعة 26 نوفمبر 2010  
من 14:00 إلى 17:00

**فرض الأولبياد في الرياضيات  
للجذع المشترك العلمي  
الفرض الأول -**

الجذع المشترك العلمي  
و التكنولوجي

هذه نسخة تم إعادة تحريرها للفرض الفعلي و ليست بنسخة أصلية

**تمرين 1:** رتب الأعداد التالية تزايديا:  $3^{203}$ ,  $5^{145}$ ,  $7^{87}$

**تمرين 2:** و  $a$  و  $b$  و  $c$  أعدادا حقيقة موجبة قطعا.

$$\frac{2ab}{a+b} + \frac{2bc}{b+c} + \frac{2ca}{c+a} \leq a+b+c$$

**تمرين 3:** لتكن  $a$  و  $b$  و  $c$  أعدادا حقيقة بحيث  $a+b+c=0$

$$a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$$

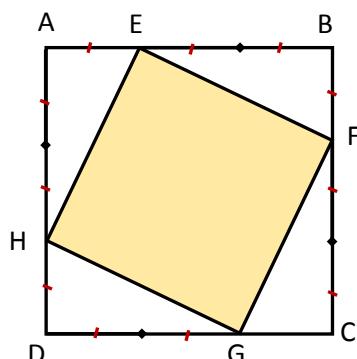
$$\frac{a^5 + b^5 + c^5}{5} = \left( \frac{a^2 + b^2 + c^2}{2} \right) \left( \frac{a^3 + b^3 + c^3}{3} \right)$$

**تمرين 4:** ليكن  $ABC$  مثلث بحيث:  $AC=b$  و  $AB=a$ ، منصف الزاوية  $\hat{BAC}$  يقطع  $[BC]$  في النقطة  $I$ .

الموازي لل المستقيم  $(AC)$  و المار من  $I$  يقطع  $[AB]$  في النقطة  $J$ . نضع:  $c=IJ$

$$c(a+b)=ab$$

**تمرين 5:** ليكن  $ABCD$  مربعا بحيث:  $AB=a$  و  $(a \in IR_+^*)$  (انظر الشكل)



لتكن  $E$  نقطة من القطعة  $[AB]$  بحيث  $AE = \frac{1}{3}AB$

لتكن  $F$  نقطة من القطعة  $[BC]$  بحيث  $BF = \frac{1}{3}BC$

لتكن  $G$  نقطة من القطعة  $[CD]$  بحيث  $CG = \frac{1}{3}CD$

لتكن  $H$  نقطة من القطعة  $[DA]$  بحيث  $DH = \frac{1}{3}DA$

■ أحسب مساحة الرباعي  $EFGH$