

أسئلة مختلفة: (6 نقط)

- (1) -1 حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{2x+3}{\sqrt{x^2+x}-2}$
- (1) -2 ادرس زوجية الدالة  $g$  المعرفة بما يلي :  $g(x) = |2x-1| - |2x+1|$ .
- 3 ليكن  $ABC$  مثلثا قائم الزاوية في  $A$  و  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $[BC]$ .  
 نضع :  $AB=4$  و  $BH=2$  . احسب المسافتين :  $BC$  و  $AC$  .  
 -4 ليكن  $ABC$  مثلثا بحيث :  $AB=\sqrt{3}$  و  $AC=\sqrt{5}$  و  $BC=2$  .  
 باستعمال مبرهنة الكوشي احسب  $\cos A$  .
- (1) -5 ليكن  $ABC$  مثلثا و  $K$  نقطة بحيث :  $\overrightarrow{AK} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AC}$  و  $h$  التحاكي الذي مركزه  $K$  ويحول  $A$  إلى  $C$  . حدد نسبة التحاكي  $h$  .
- (1,5)

التمرين الأول: (3,5 نقط)

- ليكن  $ABC$  مثلثا و  $E$  نقطة بحيث  $\overrightarrow{AE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$  و  $h$  التحاكي الذي مركزه  $A$  ويحول  $E$  إلى  $B$  .  
 المستقيم المار من  $E$  والموازي للمستقيم  $(BC)$  يقطع المستقيم  $(AC)$  في النقطة  $F$  .
- (1) -1 بين أن نسبة التحاكي  $h$  هي  $\frac{3}{2}$  .
- (0,5) -2 حدد صورة المستقيم  $(EF)$  بالتحاكي  $h$  .
- (1) -3 بين أن صورة النقطة  $F$  بالتحاكي  $h$  هي النقطة  $C$  .
- 4 لتكن  $M$  نقطة من  $(EF)$  خارج القطعة  $[EF]$  . أنشئ النقطة  $M'$  صورة النقطة  $M$  بالتحاكي  $h$  . ( علل جوابك )
- (1)

التمرين الثاني: (6,5 نقط)

- تعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  بحيث :  $f(x) = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{2}{3}x + 1$  و  $g(x) = \frac{-x+3}{x-1}$  .
- (1) -1 أعط جدول تغيرات كل من  $f$  و  $g$  .
- (1) -2 (أ) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محوري المعلم .
- (0,5) (ب) حدد نقط تقاطع  $(C_g)$  مع محوري المعلم .
- (1,5) (ج) احسب  $f(2)$  و  $g(2)$  ،  $f(3)$  و  $g(3)$  ،  $f(-2)$  و  $g(-2)$  .
- (2) -3 أنشئ في نفس المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  كلا من  $(C_f)$  و  $(C_g)$  .
- (0,5) -4 حل مبيانيا المتراحة :  $f(x) \geq g(x)$  .

ليكن  $ABC$  مثلثا متساوي الساقين وقائم الزاوية في  $A$  بحيث :  $AB = 4\sqrt{2}$  .

$E$  و  $F$  نقطتان بحيث :  $\overline{BE} = \frac{1}{4}\overline{BC}$  و  $\overline{BF} = \frac{3}{4}\overline{AC}$  .

1- بين أن :  $\overline{AE} = \frac{1}{4}(3\overline{AB} + \overline{AC})$  و  $\overline{EF} = \frac{1}{4}(\overline{AB} + 2\overline{AC})$  (1)

2- بين أن :  $\overline{AE} \cdot \overline{EF} = 10$  (0,5)

3- بين أن :  $AE = 2\sqrt{5}$  و  $EF = \sqrt{10}$  (يمكن حساب  $AE^2$  و  $EF^2$ ) (1)

4- استنتج قيمة  $\cos(\overline{EA}, \overline{EF})$  (0,5)

5- لتكن  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$  و  $I$  منتصف  $[AB]$  .

بين أن :  $\overline{HI} \cdot \overline{BC} = -16$  (1)