



المستوى: ج . م . ع
المادة : الرياضيات
المدة : ساعتان
فرض محروس (2)
(5 دجنبر 2015)

النقط

اسئلة مستقلة : (5,5 ن)

(1) أحسب قيمة العدد : $A = 2|1 - \sqrt{3}| - |5 - \sqrt{12}| - 4|\sqrt{27} - 4\sqrt{3}|$ 1

(2) عمل : $x^3 + 1 - (x^2 - 1) - x - 1$ 1

(3) قارن العددين : $a = \sqrt{5} - \sqrt{2}$ و $b = \sqrt{7} - 2\sqrt{10}$ 1

(4) حدد المجموعة التي ينتمي إليها x في كل حالة : أ- $|x - 2| \leq \frac{1}{2}$ و ب- $|2x - 3| > 1$ 1,5

(5) نعتبر المجالين : $I = [-3; 7]$ و $J =]-\infty; 5[$. حدد : $I \cup J$ و $I \cap J$ 1

التمرين الأول : (4 ن)

x و y عدنان حقيقيان بحيث : $\frac{4}{3} \leq x \leq 4$ و $|y - 2| \leq 1$

(1) بين أن : $1 \leq y \leq 3$ 1

(2) أطر : $y + 3x$ 1

(3) بين أن $\frac{1}{2}$ قيمة مقربة للعدد $\frac{1}{x}$ بالدقة $\frac{1}{4}$. 1

(4) أحسب قيمة العدد A حيث : $A = |3x + y - 15| + |3x + y - 5|$ 1

التمرين الثاني : (4,5 ن)

ABC مثلث . لتكن النقطة M منتصف القطعة [BC] و النقطة D حيث : $\overrightarrow{MD} = \frac{1}{4}\overrightarrow{MA}$

E و F مسقطا النقطة D على المستقيم (BC) بتواز مع المستقيمين (AB) و (AC) على التوالي .

(1) أنسى الشكل 0,5

(2) بين أن $\frac{ME}{MB} = \frac{1}{4}$ ثم استنتج أن : $\overrightarrow{ME} = \frac{1}{4}\overrightarrow{MB}$ 1+1

(3) أ- بين أن : $\overrightarrow{MF} = \frac{1}{4}\overrightarrow{MC}$ 1

ب- استنتج أن : M منتصف القطعة [EF] 1

التمرين الثالث : (4 ن)

x و y عدنان حقيقيان بحيث : $x \in [2; 5]$ و $y \in [-3; 4]$

(1) بين أن : $8 \leq 3x + 2 \leq 17$ و $-15 \leq 2y - 9 \leq -1$ 1

(2) أنشر : $(3x + 2)^2$ و $(2y - 9)^2$ 1

(3) نضع : $A = \sqrt{9x^2 + 12x + 4}$ و $B = \sqrt{4y^2 - 36y + 81}$

أ- بسط : A و B 1

ب- بين أن العدد $\frac{B}{A}$ ينتمي إلى المجال $[\frac{1}{17}; \frac{15}{8}]$ 1

التمرين الرابع : (2 ن)

ليكن a عددا حقيقيا بحيث : $2 \leq a \leq 3$. بين أن : $2 \leq \frac{a^3 + 2}{a^2 + 1} \leq 3$ 2