

المستوى: ج . م . ع المادة : الرياضيات العدد : ساعتان	المستوى: ج . م . ع المادة : الرياضيات العدد : ساعتان	nisse	النقط
--	--	-------	-------

**أسئلة مستقلة : ( 5 ن )**

- (1) حدد مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية الأصغر من 106 والقابلة للقسمة على كل من 5 و 7 **1**
- (2) حدد مجموعة القواسم الأولية الموجبة للعدد 30 **1**
- (3) بين أن العدد  $(5 \times 7 \times 31 + 21)$  ليس أوليا **1**
- (4) ليكن  $n$  من  $\mathbb{N}$  . بين أن العدد  $(2^{n+3} - 2^n)$  مضاعف للعدد 7 **1**
- (5) حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية  $x$  و  $y$  بحيث :  $(x - 5)(y + 1) = 37$  **1**

**التمرين الأول : ( 4 ن )**

- (1) فكك إلى جداء من العوامل الأولية العددين  $a$  و  $b$  حيث :  $a = 792$  و  $b = 924$  **1**
- (2) حدد  $PGDC(a; b)$  و  $PPMC(a; b)$  **1**
- (3) بسط العدد  $\frac{a}{b}$  ثم أحسب قيمة  $X$  حيث :  $X = \frac{7}{b} + \frac{3}{a}$  **0,5+1,5**

**التمرين الثاني : ( 3 ن )**

- لتكن  $a, b$  و  $n$  أعدادا صحيحة طبيعية حيث :  $a = 2n^2 + 4n + 7$  و  $b = n^2 + 5n + 6$
- (1) بين أن العدد  $a$  فردي **1**
- (2) أ- تحقق أن :  $n^2 + 5n + 6 = (n+2)(n+3)$  **0,5**  
ب- استنتج أن  $b$  زوجي **0,5**
- (3) بين أن العدد  $(2b - a - n)$  قابل للقسمة على 5 **1**

**التمرين الثالث : ( 5 ن )**

ABCD متوازي الأضلاع مركزه  $I$  و  $E, F$  نقطتان من المستوى بحيث :

$$\overrightarrow{DE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{DA} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AF} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB}$$

- (1) أنشئ الشكل **1**
- (2) بين أن :  $\overrightarrow{IE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AD} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$  **1**
- (3) بين أن النقط  $E, I$  و  $F$  مستقيمية **1**
- (4) لتكن  $K$  نقطة من المستوى بحيث :  $\overrightarrow{AK} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$  **1**  
أ- بين أن  $AFKD$  متوازي الأضلاع **1**  
ب- استنتج أن النقطة  $K$  تنتمي الى المستقيم  $(CD)$  **1**

**التمرين الرابع : ( 3 ن )**

ABC مثلث .  $D$  و  $E$  نقطتان من المستوى بحيث :  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \vec{0}$  و  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$

- (1) أنشئ الشكل **2**
- (2) بين أن النقطة  $A$  هي منتصف القطعة  $[CE]$  **1**