

<p>المدة : ساعتان الأستاذ : محسن الشرفي</p> <p>الفرض رقم 1 الدورة الأولى الجدع المشترك علمي 2</p> <p>الثانوية التأهيلية المختار السوسي التاريخ: 2006/11/24</p>	<p>المدة : ساعتان الأستاذ : محسن الشرفي</p> <p>الفرض رقم 1 الدورة الأولى الجدع المشترك علمي 1</p> <p>الثانوية التأهيلية المختار السوسي التاريخ: 2006/11/21</p>
<p><b>التمرين رقم 1 : (6 نقط)</b></p> <p>نعتبر العددين التاليين <math>a</math> و <math>b</math> بحيث <math>a = 1134</math> و <math>b = 3^{n+3} + 3^n</math>. فكاك العدد <math>a</math> الى جداء عوامل أولية ثم بسط <math>\sqrt{a}</math>.</p> <p>1 - بين أن <math>b = 2^2 \times 3^n</math>. 2 - بين أن <math>b = 2 \times 3^n \times 7</math>. 3 - بين أن <math>b</math> يقبل القسمة على 14. 4 - حدد المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر للعددين <math>a</math> و <math>b</math> علماً أن <math>4 \prec n</math>. 5 - حدد قيمة العدد الصحيح الطبيعي <math>n</math> لكي يكون <math>\frac{n+12}{n+3}</math> عدداً صحيحاً طبيعياً . علل جوابك.</p>	<p><b>التمرين رقم 1 : (6 نقط)</b></p> <p>نعتبر العددين التاليين <math>a</math> و <math>b</math> بحيث <math>a = 1500</math> و <math>b = 5^{n+2} - 5^n</math>. فكاك العدد <math>b</math> الى جداء عوامل أولية ثم بسط <math>\sqrt{b}</math>.</p> <p>1 - بين أن <math>a = 2^3 \times 3 \times 5^n</math>. 2 - بين أن <math>a</math> يقبل القسمة على 6. 3 - حدد المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر للعددين <math>a</math> و <math>b</math> علماً أن <math>3 \succ n</math>. 4 - حدد قيمة العدد الصحيح الطبيعي <math>n</math> لكي يكون <math>n+16</math> مضاعفاً للعدد <math>n+4</math> . علل جوابك.</p>
<p><b>التمرين رقم 2 : (7 نقط)</b></p> <p>أنشر ثم بسط : <math>(2 - 3\sqrt{2})^2</math> ثم استنتج تبسيطاً للعدد <math>\sqrt{22-12\sqrt{2}}</math></p> <p>2 - بين أن <math>\sqrt{7-2\sqrt{6}} - \sqrt{7+2\sqrt{6}} = \sqrt{7-2\sqrt{6}} - \sqrt{7+2\sqrt{6}} = (\sqrt{7-2\sqrt{6}} - \sqrt{7+2\sqrt{6}})^2</math> ثم استنتاج قيمة <math>\sqrt{7-2\sqrt{6}}</math></p> <p><math>y = \frac{5}{2} \times \frac{2^7 \times 5^{-2} \times 10^{-4}}{5^{-7} \times 4^2}</math> و <math>x = \left[ \left( \frac{2}{3} \right)^{-2} - 3^{-1} \right]^{-1}</math> . بين أن <math>x = \frac{12}{23}</math> و <math>y = 7</math>. نضع</p>	<p><b>التمرين رقم 2 : (7 نقط)</b></p> <p>أنشر ثم بسط : <math>(3 - 2\sqrt{5})^2</math> ثم استنتاج تبسيطاً للعدد <math>\sqrt{6-3\sqrt{3}} + \sqrt{6+3\sqrt{3}}</math></p> <p>2 - بين أن <math>\sqrt{6-3\sqrt{3}} + \sqrt{6+3\sqrt{3}} = \sqrt{6-3\sqrt{3}} + \sqrt{6+3\sqrt{3}} = (\sqrt{6-3\sqrt{3}} + \sqrt{6+3\sqrt{3}})^2</math> ثم استنتاج قيمة <math>\sqrt{6-3\sqrt{3}}</math></p> <p><math>x = -18</math> و <math>y = \frac{3}{2} \times \frac{3^2 \times 2^{-5} \times 6^{-2}}{4^{-3} \times 3^{-1}}</math> . بين أن <math>x = \left[ \left( \frac{3}{2} \right)^{-2} - 2^{-1} \right]^{-1}</math> و <math>y = \left[ \left( \frac{3}{2} \right)^{-2} - 2^{-1} \right]^{-1}</math></p>
<p><b>التمرين رقم 3 : (7 نقط)</b></p> <p>و <math>b</math> عددان حقيقيان بحيث : <math>\left  b - \frac{3}{2} \right  \leq \frac{1}{2}</math> و 5 قيمة مقربة للعدد <math>1 - 2a</math> إلى 8 بافراط.</p> <p>1 - أ - بين أن <math>1 \leq b \leq 2</math> و <math>-1 \leq a \leq 3</math> . أطر <math>a - 3b</math></p> <p>2 - قارن بين <math>2 - \frac{3}{4\sqrt{2}}</math> و <math>2 - \frac{3}{2\sqrt{7}}</math></p> <p>3 - ليكن <math>x</math> عدداً حقيقياً بحيث <math>0 &lt; x &lt; 1</math> . نضع <math>A = \frac{1+\sqrt{x}}{2}</math></p> <p>أ - بين أن : <math>A - 1 = \frac{x-1}{2(1+\sqrt{x})}</math></p> <p>ب - بين أن : <math> A - 1  &lt; \frac{1}{2} x - 1 </math> ثم استنتاج أن العدد 1 قيمة مقربة للعدد <math>10^{-1}</math> بالدقة <math>\frac{1 + \sqrt{0,8}}{2}</math></p>	<p><b>التمرين رقم 3 : (7 نقط)</b></p> <p>و <math>b</math> عددان حقيقيان بحيث : <math>1 - 2a \leq b \leq 2</math> و <math>-1 \leq a \leq 3</math> . أطر <math>a - 3b</math></p> <p>1 - أ - بين أن <math>1 \leq b \leq 2</math> و <math>-1 \leq a \leq 3</math> . أطر <math>a - 3b</math></p> <p>2 - قارن بين <math>2 - \frac{3}{4\sqrt{2}}</math> و <math>2 - \frac{3}{2\sqrt{7}}</math></p> <p>3 - ليكن <math>x</math> عدداً حقيقياً بحيث <math>0 &lt; x &lt; 1</math> . نضع <math>A = \frac{1+\sqrt{x}}{2}</math></p> <p>أ - بين أن : <math>A - 1 = \frac{x-1}{2(1+\sqrt{x})}</math></p> <p>ب - بين أن : <math> A - 1  &lt; \frac{1}{2} x - 1 </math> ثم استنتاج أن العدد 1 قيمة مقربة للعدد <math>10^{-1}</math> بالدقة <math>\frac{1 + \sqrt{0,8}}{2}</math></p>