

الأستاذ:  
نجيب  
عثمانى

## سلسلة رقم 15: الهندسة الفضائية

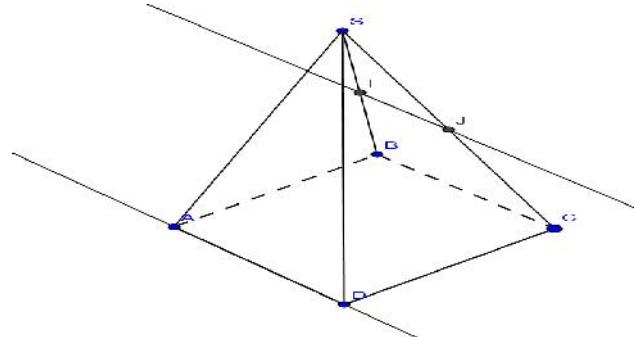
المستوى : الجذع مشترك علمي  
و الجذع مشترك تكنولوجي

أكاديمية  
الجهة  
الشرقية

### تمرين 1:

ليكن  $SABCD$  هرم ما قاعدته متوازي الأضلاع  $ABCD$  ولتكن  $I$  و  $J$  منتصف القطعتين  $[SB]$  و  $[SC]$  على التوالي.

$$(1) \text{ بين أن } (AD) \parallel (IJ)$$



$$(2) \text{ أثبت أن } (IJ) \parallel (ADS)$$

### تمرين 2:

ليكن  $ABCD$  رباعي أوجه و لتكن  $I$  منتصف القطعة  $[AC]$  و  $J$  منتصف القطعة  $[AB]$  و  $K$  منتصف القطعة  $[AD]$

(1) أنشئ شكلًا مناسباً.

$$(2) \text{ بين أن } (BCD) \parallel (IJK)$$

### تمرين 3:

ليكن  $ABCD$  رباعي أوجه حيث  $BD = DC$  و  $I$  منتصف القطعة  $[AB]$  و  $J$  منتصف القطعة  $[AC]$  و  $K$  منتصف

القطعة  $[BC]$

(1) أنشئ شكلًا مناسباً.

$$(2) \text{ بين أن } (DK) \perp (IJ)$$

### تمرين 4:

ليكن  $ABCD$  شبه منحرف قطراه  $[AC]$  و  $[BD]$  يتقاطعان في  $I$ . لتكن  $S$  نقطة من الفضاء لا تنتهي إلى المستوى  $(ABC)$  بحيث

يكون  $(SI) \perp (ABC)$

(1) حدد تقاطع المستويين  $(SAC)$  و  $(SBD)$  وحدد تقاطع المستويين  $(SAB)$  و  $(SDC)$ .

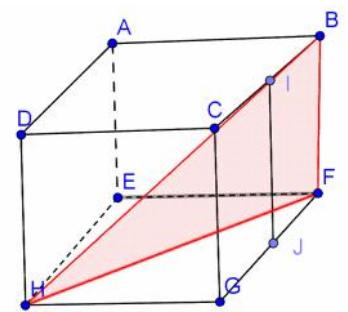
(2) تحقق أن  $(SI) \perp (AB)$  وبين أن المستويين  $(SAC)$  و  $(ABC)$  متعامدان.

(3) نفترض أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $B$  و أن  $SI = 3$  .  $CD = 3$  ,  $AB = 2$  ,  $BC = \frac{1}{4}$

أحسب حجم الهرم.

### تمرين 5:

ليكن  $ABCDEFGH$  مكعباً في الفضاء. لتكن  $I$  و  $J$  منتصف القطعتين  $[BC]$  و  $[FG]$  على التوالي.



$$(1) \text{ بين أن } (IJ) \parallel (HFB)$$

$$(2) \text{ بين أن } (HFB) \cap (EJ) = (PQ)$$

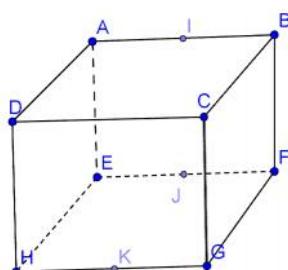
$$\text{حيث } (HF) \cap (EJ) = \{P\}$$

و  $(AI) \cap (BD) = \{Q\}$   
 (3) بين أن  $(PQ) \parallel (FB)$

**تمرين 6:** ليكن  $ABCD$  رباعي أوجه و لتكن  $I$  منتصف القطعة  $[BC]$  و  $B'$  مماثلة  $B$  بالنسبة للنقطة  $D$ .

- (1) أنشئ شكلاً مناسباً.
- (2) بين أن  $(CB') \parallel (AID)$ .
- (3) حدد تقاطع المستويين  $(AID)$  و  $(AB'C)$ .

فإن المستويين  $(AID)$  و  $(AB'C)$  يتقاطعان في مستقيم يمر من  $A$  و يوازي  $(B'C)$  و  $(ID)$ .



**تمرين 7:** ليكن  $ABCDEFGH$  مكعباً.

لتكن  $I, J$  و  $K$  منتصفات القطع  $[EF]$ ,  $[AB]$  و  $[GH]$  على التوالي.

- (1) بين أن النقط  $B, C, J$  و  $K$  مستوائية.
- (2) بين أن  $H, B$  و  $K$  مستوائية.
- (3) بين أن  $(IH) \parallel (KB)$ .
- (4) استنتج أن  $(IH) \parallel (JKC)$ .

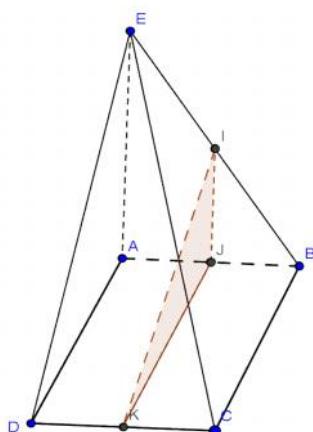
**تمرين 8:** ليكن  $ABCDA'B'C'D'$  متوازي مستطيلات.

ولتكن  $O$  و  $O'$  مركزي المستطيلين  $ABCD$  و  $A'B'C'D'$  على التوالي.

- (1) أنشئ شكلاً مناسباً.
- (2) بين أن النقط  $A, A'$ ,  $C, C'$  و  $D, D'$  مستوائية.
- (3) بين أن  $(AA'C) \cap (BB'D) = (OO')$ .
- (4) بين أن  $(OO') \parallel (CC') \parallel (DD')$  و  $(OO') \parallel (AA') \parallel (BB')$ .

**تمرين 9:** ليكن  $ABCD$  مربعاً و  $E$  نقطة من الفضاء حيث:  $(AE) \perp (ABC)$

- النقط  $I, J$  و  $K$  منتصفات القطع  $[DC]$ ,  $[AB]$ ,  $[EB]$  و  $[AK]$ .
- (1) بين أن  $(IJ) \parallel (ADE)$ .
  - (2) بين أن  $(IJK) \parallel (ADE)$ .
  - (3) بين أن  $(JK) \parallel (ABE)$ .
  - (4) حدد تقاطع المستويين  $(ABE)$  و  $(AIE)$ .



**تمرين 10:** ليكن  $ABCD$  و  $ABEF$  مربعان بحيث  $(AD)$  عمودي على  $(AF)$ .

لتكن  $I$  و  $J$  مركزي المربعين  $ABCD$  و  $ABEF$  على التوالي.  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $I$  على المستقيم  $(AB)$

- (4) بين أن  $(AD) \perp (ABE)$ .
- (5) حدد تقاطع المستويين  $(ACE)$  و  $(BDF)$ .
- (6) بين أن  $(BCE) \parallel (IJH)$ .
- (7) أحسب بدلالة  $a = AD$  حجم رباعي الأوجه  $IAJB$ .

**تمرين 11:** ليكن  $ADIB$  رباعي أوجه بحيث يكون  $(AD)$  عمودياً على المستوى  $(DIB)$  و لتكن  $E$  و  $F$  منتصفى القطعتين

- [1] على التوالي  $[DB]$  و  $[DI]$ .  
 (1) بين أن  $(IB) \parallel (AEF)$ .
- (2) حدد تقاطع المستويين  $(AIF)$  و  $(AIB)$ .
- (3) حدد تقاطع المستويين  $(AIF)$  و  $(ABE)$ .
- (4) بين أن  $(EB) \perp (AD)$ .

**تمرين 12:** ليكن  $ABCD$  رباعي أوجه بحيث يكون  $(AB)$  عمودياً على المستوى  $(BCD)$  و  $CB = CD$  انظر الشكل. لتكن  $I$  و  $J$  منتصفى

- القطعتين  $[AD]$  و  $[BD]$  على التوالي
- (1) حدد تقاطع المستويين  $(ABD)$  و  $(CIJ)$ .

(2) بين أن  $(IJ) \parallel (ABC)$ .حدد تقاطع المستويين  $(ABC)$  و  $(CIJ)$ .(3) بين أن  $(CJ) \perp (ABD)$ . وحدد طبيعة المثلث  $CIJ$ .**تمرین 13:** لیکن  $ABCDE$  هرما بحیث  $ADC$  مثلث قائم الزاويةفی  $D$  و الرباعي  $BCDE$  مربع (أنظر الشكل).(4) حدد المستقيم  $(\Delta)$  تقاطع المستويين  $(ACD)$  و  $(ABE)$ .(5) حدد المستقيم  $(\Delta')$  تقاطع المستويين  $(AED)$  و  $(ABC)$ .(6) بين أن  $(P) \perp (EBC)$ .(7) لیکن  $(P)$  المستوى المحدد بالمستقيمين  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$ .(أ) بين أن  $(P) \parallel (EBC)$ .(ب) استنتاج أن  $(P) \parallel (AED)$ .**تمرین 14:** لیکن  $ABCDEFGH$  مکعبا.(1) بين أن:  $(EF) \parallel (ABH)$ .(2) بين أن  $(ABH) \perp (CEF)$ .(3) لتكن  $I$  منتصف القطعة  $[BF]$ . أثبت أن المستقيم  $(IH)$  يخترق المستوى  $(ABC)$ .(4) لیکن  $2cm$  طول الحرف المکعب  $ABCDEFGH$ , أحسب ب  $cm^3$  حجم الهرم الذي رأسه  $I$  و قاعدته  $ABCD$ .

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.  
 c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

