

المستقيم في المستوى

التمرين الرابع:

- نعتبر الحدودية $P(x) = 2x^3 + x^2 - 12x + 9$
- 1- بإيجاز القسمة الإقليدية حدد العددين α و β
- حيث: $P(x) = (\alpha x + \beta)(x^2 + 2x - 3)$
- 2- تحقق أن 1 جذر للحدودية $Q(x) = x^2 + 2x - 3$
- 3- اكتب الحدودية $P(x)$ على شكل جداء من الدرجة الأولى؛
- 4- حل في \mathbb{R} المعادلة: $P(x) = 0$.

التمرين الخامس:

- 1- أنشر التعبير $(x-1)(x+4)$
- 2- نعتبر الحدودية: $P(x) = x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 3x - 4$
- أ- حدد العددين الحقيقيين a و b بحيث:
- $$P(x) = a(x^2 - x)^2 + b(x^2 - x) - 4$$
- ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$.

التمرين الخامس:

- نعتبر الحدودية: $P(x) = (x-2)^{3n} + (x-1)^{2n} - 1$
- حيث n عددا صحيحا طبيعيا
- 1- أ- أثبت وجود حدودية $Q(x)$ بحيث:
- $$P(x) = (x-2)Q(x)$$
- ب- حدد درجة الحدودية $Q(x)$ ؛
- 2- أحسب $P(1)$ بدلالة n ، وحدد قيم n التي من أجلها تكون الحدودية $P(x)$ تقبل القسمة على $(x-1)$
- 3- نفترض أن: $n = 1$
- بين أن: $P(x) = (x-2) \left[\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{7}{4} \right]$
- 4- بين أن: $P(x) > 0$ لكل x من المجال $]2, +\infty[$ و لكل n من \mathbb{N}^* .

التمرين الأول: في المستوى المنسوب لمعلم

- نعتبر النقط $A(2, -1)$ و $B(-2, 3)$ و $C(-2, 0)$ و (O, \vec{i}, \vec{j})
- 1- أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (AB) ؛
- 2- ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة C و الموازي للمستقيم ذي المعادلة: $2x - y = 0$ (Δ)
- أ- أعط معادلة ديكارتيية للمستقيم (Δ) ؛
- ب- حدد زوج إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين (Δ) و (AB) ؛

التمرين الثاني: في المستوى المنسوب

- لمعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط $A(3, 0)$ و $B(0, 2)$ و C
- بحيث: $\vec{AC} = \frac{1}{3}\vec{AO}$
- 1- بين أن $(2, 0)$ هو زوج إحداثيتي النقطة C ؛
- 2- حدد معادلة ديكارتيية للمستقيم (BC) ؛
- 3- ليكن (D) المستقيم المعرف بالمعادلة الديكارتيية $(D): y = x$
- أ- بين أن المستقيمين (BC) و (D) متقاطعان
- ثم حدد إحداثيتي نقطة تقاطعهما؛
- ب- تحقق أن I منتصف القطعة $[BC]$.

التمرين الثالث: في المستوى المنسوب لمعلم

- نعتبر النقطتين $A(2, 4)$ و $B(4, 1)$ و (O, \vec{i}, \vec{j})
- 1- حدد زوج إحداثيتي النقطة C بحيث يكون الرباعي $CABO$ متوازي أضلاع؛
- 2- أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم المار من B و الموجه بالمتجهة \vec{AO} ؛
- 3- نعتبر المستقيم (D) المعرف بالمعادلة: $(D): 5x + 4y - 14 = 0$
- أ- بين أن المستقيمين (AB) و (D) متقاطعان؛
- ب- حدد إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين (AB) و (D) .