

**تمارين غير محلولة**  
**التمرين 1**

1- حدد الأضول المنحني الرئيسي المرتبط بالأضولين المنحنيين التاليين  $\frac{789\pi}{7}$  ;  $\frac{-214\pi}{5}$

2- مثل على الدائرة المثلثية النقط ذات الأضويل المنحنية  $\frac{-\pi}{6}$  و  $\frac{2\pi}{3}$  و  $\frac{23\pi}{2}$  و  $\frac{-59\pi}{4}$

3- بين أن الأعداد التالية تمثل الأضويل المنحنية لنفس النقطه  $\frac{601\pi}{6}$  ;  $\frac{143\pi}{6}$  ;  $\frac{25\pi}{6}$

2- مثل على الدائرة المثلثية النقط  $M_k$  التي أضايلها المنحنية هي  $\frac{\pi}{3} + k \frac{\pi}{4}$  حيث  $k \in \mathbb{Z}$

4- ليكن  $x$  الأضول لمنحني الرئيسي لنقطه  $M$

حدد الأضويل المنحنية لنقطه  $M$  التي تنتمي الى المجال  $I$  في الحالتين التاليتين

$$I = \left[ \frac{-33\pi}{5}; \frac{-13\pi}{5} \right] \quad x = \frac{-2\pi}{5} \quad (b) \quad I = \left[ \frac{34\pi}{3}; \frac{43\pi}{3} \right] \quad x = \frac{\pi}{4} \quad (a)$$

5- ضع على دائرة مثلثية النقط  $M$  التي أفصولها المنحني  $x$  حيث  $[2\pi]$   $3x \equiv \frac{\pi}{2}$

6- ما هو القياس الرئيسي لزاوية موجهة قياسها أحد القياسات

$$-\frac{25\pi}{3} ; \frac{52\pi}{5} ; -36\pi ; 47\pi$$

### التمرين 2

- أنشئ مثلثا  $ABC$  متساوي الساقين في الرأس  $A$  حيث  $[2\pi]$   $(\widehat{AB;AC}) \equiv -\frac{2\pi}{5}$

- حدد بالدرديان قياس كل من الزوايا  $(\widehat{BA;BC})$  و  $(\widehat{BA;AC})$  و  $(\widehat{CB;AC})$

### التمرين 3

على الدائرة المثلثية نعتبر  $A \left( \frac{-\pi}{3} \right)$ . أعط القياس الرئيسي للزاوية  $(\widehat{OA;OM})$  في كل من الحالتين

$$(a) \frac{27\pi}{2} \text{ أفصول منحني لنقطة } M \quad (b) \frac{23\pi}{8} \quad (\widehat{OJ;OM}) \equiv$$

### التمرين 4

1- حدد النسب المثلثية للأعداد  $\cos \frac{7\pi}{6}$  ;  $\tan -\frac{73\pi}{3}$  ;  $\sin \frac{15\pi}{4}$  ;  $\sin \frac{-23\pi}{3}$

2- إذا علمت أن  $\sin \frac{7\pi}{8} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2}$  فأحسب  $\cos \frac{7\pi}{8}$  ;  $\tan \frac{7\pi}{8}$  ;  $\sin \frac{\pi}{8}$  ;  $\sin \frac{3\pi}{8}$

$$\cos \frac{327\pi}{8} ; \tan \frac{-78\pi}{8} ; \sin \frac{-25\pi}{8}$$

### التمرين 5

ليكن  $x \in \left] \frac{\pi}{2}; \pi \right]$  نضع  $A = \frac{\tan x - 1}{\tan^2 x + 1}$

1- بين أن  $A = \cos x \sin x - \cos^2 x$

2- إذا علمت أن  $\sin x = \frac{4}{5}$  فأحسب  $A$

3- إذا علمت أن  $A = 0$  فأحسب  $x$

### التمرين 6

1- إذا علمت أن  $\sin \frac{7\pi}{8} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2}$  أحسب  $\cos \frac{7\pi}{8}$  ;  $\tan \frac{7\pi}{8}$  ;  $\sin \frac{\pi}{8}$  ;  $\sin \frac{3\pi}{8}$

2- بسط  $A = \cos^6 x + \sin^6 x + 3 \cos^2 x \cdot \sin^2 x$   $B = (1 + \sin x + \cos x)^2 - 2(1 + \sin x)(1 + \cos x)$

$C = 2(\cos^6 x + \sin^6 x) - 3(\cos^4 x + \sin^4 x)$   $D = \cos^6 x + \sin^6 x + \cos^4 x + \sin^4 x + 5 \cos^2 x \sin^2 x$

### التمرين 7

1- أحسب  $\tan \frac{\pi}{5} + \tan \frac{2\pi}{5} + \tan \frac{3\pi}{5} + \tan \frac{4\pi}{5}$

2- ليكن  $x \in \mathbb{R}$

بسط  $\sin(\pi - x) \cdot \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \cdot \cos(\pi - x)$

$$\sin(x - 7\pi) + \sin(x + 9\pi)$$

$$\cos\left(x - \frac{27\pi}{2}\right) - \sin(x + 27\pi)$$

### التمرين 8

ليكن  $x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right] \cup \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$  نعتبر  $A = \cos^4 x + \sin^4 x - (\sin x \cos x)(\cos x - \sin x)^2$

1- بين أن  $A = 1 - \sin x \cdot \cos x$

$$-2 \text{ علما أن } \sin \frac{11\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4} \text{ أحسب } A \text{ من أجل } x = \frac{11\pi}{12}$$

### التمرين 9

نضع  $x \in [0; \pi]$  حيث  $P(x) = \cos^6 x + \sin^6 x - \frac{1}{4}$

$$-1 \text{ بين أن } P(x) = \frac{3}{4}(2\cos^2 x - 1)^2$$

-2 أكتب  $P(x)$  بدلالة  $\tan x$

-3 علما أن  $\tan x = -\sqrt{2}$  أحسب  $P(x)$  و  $\cos x$ .

### التمرين 10

حدد

$$A = \cos^2 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{3\pi}{8} + \cos^2 \frac{5\pi}{8} + \cos^2 \frac{7\pi}{8} \quad B = 1 + \sin \frac{\pi}{7} + \sin \frac{2\pi}{7} + \sin \frac{3\pi}{7} + \dots + \sin \frac{13\pi}{7}$$

### التمرين 11

مثل على دائرة المثلثية النقط  $M$  التي أفصلها المنحنى  $\alpha$  حيث  $\cos \alpha = \frac{-3}{4}$ ، ثم لون بالأحمر جزء الدائرة

المثلثية الذي يحتوي على النقط التي أفصلها المنحنى  $\beta$  حيث  $\cos \beta \leq -\frac{3}{4}$

### التمرين 12

لون بالأحمر مجموعة النقط  $M$  التي أفصلها المنحنى  $\theta$  حيث  $\tan \theta \geq 2$

### التمرين 13

على الدائرة المثلثية انشئ النقطتين  $M_1$  و  $M_2$  الذي أرتوبيهما  $\frac{1}{2}$

-1 حدد مجموعة النقط  $M$  التي أفصلها المنحنى  $x$  حيث  $\sin x > \frac{1}{2}$

-2 حدد مجموعة الأعداد  $x$  من  $[-\pi; \pi]$  حيث  $\sin x > \frac{1}{2}$

-3 حدد مجموعة الأعداد  $x$  من  $[0; 2\pi[$  حيث  $\sin x > \frac{1}{2}$

-4 حدد مجموعة الأعداد  $x$  من  $\left[\pi; \frac{3\pi}{2}\right[$  حيث  $\sin x > \frac{1}{2}$