

الحساب المتجهي

التمرين 1

بسط التعابير المتجهية التالية :

$$\vec{EF} - \vec{GF} ; \vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CA} ; \vec{MO} + \vec{AM} + \vec{OA}$$

$$\vec{MN} + \vec{ON} + \vec{OM} ; \vec{OA} - \vec{OB} + \vec{CB} - \vec{CA}$$

التمرين 2

A و B و M ثلاث نقط من المستوى.

لتكن I منتصف القطعة [AB]. بين أن $\vec{MA} + \vec{MB} = 2\vec{MI}$.

التمرين 3

A و B و C و D أربع نقط من المستوى.
بين أن :

$$\vec{AC} + \vec{BD} = \vec{AD} + \vec{BC}$$

$$\vec{AB} + \vec{DC} = \vec{AC} + \vec{DB}$$

التمرين 4

A و B و C ثلاث نقط من المستوى حيث : $3\vec{AC} = \vec{AB} - \vec{BC}$
بين أن C منتصف القطعة [AB]

التمرين 5

EFG مثلث.

1. أنشئ النقطة M بحيث : $\vec{FM} = \vec{FE} + \vec{FG}$
2. لتكن N نقطة بحيث : $\vec{FN} = 4\vec{FE} + 3\vec{EG}$

أ- أثبت أن : $\vec{EN} = 3\vec{EM}$

ب- أنشئ النقطة N

التمرين 6

ABCD متوازي أضلاع

1. أنشئ النقطة E حيث : $\vec{AE} = \frac{3}{2}\vec{AB}$
2. أنشئ النقطة F حيث : $\vec{AF} = 3\vec{AD}$
3. بين أن : $\vec{CE} = \frac{3}{2}\vec{AB} - \vec{AC}$ و $\vec{FE} = \frac{9}{2}\vec{AB} - 3\vec{AC}$
4. استنتج أن النقط C و E و F نقط مستقيمة.

التمرين 7

ABCD متوازي أضلاع

لتكن E و F نقطتان بحيث :

$$\vec{AF} = \frac{5}{3}\vec{AB} + \frac{7}{3}\vec{AD} \quad \text{و} \quad \vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{AB} + \vec{AD}$$

1. أنشئ الشكل
2. بين أن : $\vec{EF} = \frac{4}{3}\vec{AC}$
3. استنتج أن $(EF) // (AC)$

التمرين 8

ABCD متوازي أضلاع

1. أنشئ النقطة M بحيث : $\vec{DM} = \frac{1}{3}\vec{DC}$
2. أنشئ النقطة N بحيث : $\vec{BN} = 3\vec{BC}$
3. بين أن $\vec{AM} = \vec{BC} + \vec{DM}$ و $\vec{AN} = 3\vec{BC} + 3\vec{DM}$
4. استنتج أن النقط A و M و N نقط مستقيمة.

التمرين 9

ABC مثلث و O مركز دائرته المحيطة و G مركز ثقله.

1. أنشئ D مماثلة O بالنسبة لـ (BC)
2. بين أن : $\vec{OD} = \vec{OB} + \vec{OC}$
3. أنشئ النقطة H بحيث : $\vec{OH} = \vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC}$
4. بين أن : $\vec{AH} = \vec{OD}$ ثم استنتج أن : $(AB) \perp (BC)$
5. أنشئ E مماثلة O بالنسبة لـ (AC)
6. أثبت أن : $\vec{BH} = \vec{OE}$ ثم استنتج أن : $(BH) \perp (AC)$
7. ماذا تمثل النقطة H بالنسبة للمثلث ABC ؟
8. بين أن : $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = 3\vec{OG}$
9. استنتج أن النقط : O و H و G مستقيمة

التمرين 10

ABCD متوازي أضلاع و E و F نقطتان بحيث :

$$\vec{BF} = 12\vec{AE} + 4\vec{AC} \quad \text{و} \quad \vec{AE} = -\frac{1}{3}\vec{AB}$$

لتكن J تقاطع المستقيمين (AF) و (CD)

1. بين أن : $\vec{BF} = 4\vec{BC}$
2. أنشئ الشكل.
3. بين أن : $\vec{FD} = -\vec{AB} - 3\vec{BC}$ و $\vec{DE} = -\frac{1}{3}\vec{AB} - \vec{BC}$
4. استنتج أن D و E و F مستقيمة.
5. بين أن $\vec{FE} = \frac{4}{3}\vec{FD}$
6. استنتج \vec{AE} بدلالة \vec{DJ}

التمرين 11

ABCD شبه منحرف قاعدته [AB] و [CD]

النقط E و F و G و H هي على التوالي منتصفات القطع [AD] و [BC] و [AC] و [BD].

1. بين أن : $\vec{GH} = \frac{1}{2}(\vec{AB} - \vec{DC})$ و $\vec{EF} = \frac{1}{2}(\vec{AB} + \vec{DC})$
2. بين أن النقط : E و F و G و H مستقيمة