

**التمرين الخامس**

$ABCD$  متوازي أضلاع. ليكن  $h$  تحاكي مركزه

$$h(B) = C \text{ وبحيث } k = -2$$

$$1) \text{ بين أن } \frac{1}{3} \overrightarrow{BI} \text{ ثم أنجز شكلا }$$

2) المستقيم  $(DI)$  يقطع  $(AB)$  في النقطة  $G$   
يبين أن  $h(G) = D$

3) ليكن  $H$  مسقط النقطة  $G$  على  $(BC)$  بتواءز  
مع المستقيم  $(BD)$   
أ. بين أن  $h(H) = B$

ب. بين أن  $H$  منتصف القطعة  $[BC]$

**التمرين السادس**

ليكن  $ABCD$  مربعا طول ضلعه  $4\text{cm}$  ، ولتكن  
 $O$  الدائرة التي أحد أقطارها  $[AD]$  ومركزها  
و $C'$  هي نقطة تقاطع  $[OC]$  والدائرة  $(C)$ .

نعبر التحاكي  $h$  الذي مركزه  $O$  وتحول  $C$  إلى  
1) بين أن نسبة التحاكي  $h$  هي  $k = \frac{\sqrt{5}}{5}$

2) ليكن  $D'$  المسقط العمودي للنقطة  $C'$  على  
المستقيم  $(AD)$ . بين أن  $h(D) = D'$

3) ماهي صورة الدائرة  $(C)$  بالتحاكي  $h$

**التمرين السابع**

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم  $(O, i, j)$  النقط

$$C(0,2) \text{ و } B\left(-\frac{3}{2}, -1\right), A(3, -1)$$

$$\bar{u} = \frac{5}{3} \overrightarrow{AB} \text{ ونعتبر المتجهة } \bar{u}$$

1) حدد إحداثيات النقطة  $D$  صورة  $C$  بالإزاحة  $t$   
متجهتها  $\bar{u}$

2) تحاكي  $h$  نسبته  $k = \frac{5}{2}$  وتحول  $A$  إلى  $C$

أ. حدد إحداثيات النقطة  $I$  مركز التحاكي  $h$

ب. حدد إحداثيات النقطة  $E$  سابق النقطة  $D$

$$\overrightarrow{AE} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AB} \text{ ثم بين أن } h$$

ج. ليكن  $F$  مسقط النقطة  $E$  على  $(AC)$  بتواءز  
مع  $(BC)$  بين أن  $A$  منتصف القطعة  $[IF]$

**تمارين حول التحويلات****التمرين الأول**

1) ثلث نقط في المستوى بحيث :  $C, B, A$

$$3\overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{BC}$$

2) حدد نسبة التحاكي  $h$  الذي مركزه  $A$  وتحول  
إلى  $B$

3) حدد نسبة التحاكي  $h$  الذي مركزه  $B$  وتحول  
إلى  $A$

4) ليكن  $C'$  صورة النقطة  $C$  بالإزاحة  $t$  متجهتها  
أ. بين أن  $C'$  منتصف القطعة  $[AC]$

**التمرين الثاني**

ليكن  $ABC$  مثلثا و  $I, J$  منتصفين القطعتين

$[BC]$  ،  $[AC]$  على التوالي و  $E$  نقطة بحيث :

$$(EI) \text{ والنقطة } P \text{ هي تقاطع } (AB) \text{ و } (EI) \quad 3) \text{ بين أن } \overrightarrow{EB} = 3\overrightarrow{EJ} \text{ وأنجز شكلا}$$

5) التحاكي الذي مركزه  $I$  وتحول  $E$  إلى  $P$

$$A. \text{ بين أن } \frac{EI}{EP} = \frac{EJ}{EB} \text{ ثم استنتج أن نسبة } h \text{ هي } -2$$

6) ليكن  $M$  نقطة بحيث  $E$  هي النقطة  $M$

ب. بين أن صورة  $B$  بالتحاكي  $h$  هي النقطة  $M$

**التمرين الثالث**

ليكن  $ABC$  مثلثا و  $E$  نقطة بحيث :

$$(CA) \text{ والنقطة } I \text{ تقاطع } (BE) \text{ و } (CA) \quad 7) \text{ حدد صورة النقطة } B \text{ بالتحاكي } h$$

8) نعتبر التحاكي  $h$  الذي مركزه  $I$  وتحول  $A$  إلى

أ. حدد صورة النقطة  $B$  بالتحاكي  $h$

ب. استنتاج نسبة التحاكي  $h$

9) المستقيمين  $E$  والموازي للمستقيم  $(BC)$

يقطع  $(AI)$  في النقطة  $J$ . بين أن  $J = h(C)$

**التمرين الرابع**

ليكن  $ABCD$  متوازي أضلاع و  $I$  منتصف  $[BC]$  و

نقطة بحيث  $\overrightarrow{BA} = 3\overrightarrow{BE}$  والنقطة  $O$  هي تقاطع

المستقيمين  $(DE)$  و  $(AI)$  نعتبر التحاكي  $h$  الذي

مركزه  $O$  وتحول  $A$  إلى  $I$

1) ماهي صورة  $(AD)$  بالتحاكي  $h$

2) أ. حدد وضع النقطة  $M$  صورة النقطة  $D$

بالتحاكي  $h$  ثم بين أن  $B$  منتصف القطعة  $[IM]$

ب. استنتاج أن نسبة التحاكي  $h$  هي  $-1$

3) حدد النقطة  $J$  بحيث  $B = h(J)$