

**القدرات المنتظرة**

\*- التعرف على تفاصيل وتشابه الأشكال استعمال الإزاحة والتحاكي والتماثل.  
\*- استعمال الإزاحة والتحاكي والتماثل في حل مسائل هندسية.

## I - التماثل المحوري - التماثل المركزي - الإزاحة

### 1- أنشطة:

ليكن  $ABCD$  معين مرکزه  $O$  ، و  $I$  و  $J$  منتصفى  $[AB]$  و  $[AD]$

1- أنشئ الشكل

2- حدد مماثلة كل من  $A$  و  $B$  و  $O$  بالنسبة للنقطة  $O$  على التوالي استنتج مماثل  $(AB)$  بالنسبة لـ  $O$

3- حدد مماثلة كل من  $B$  و  $O$  و  $I$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$  على التوالي استنتاج مماثل  $(IO)$  بالنسبة لـ  $(AC)$

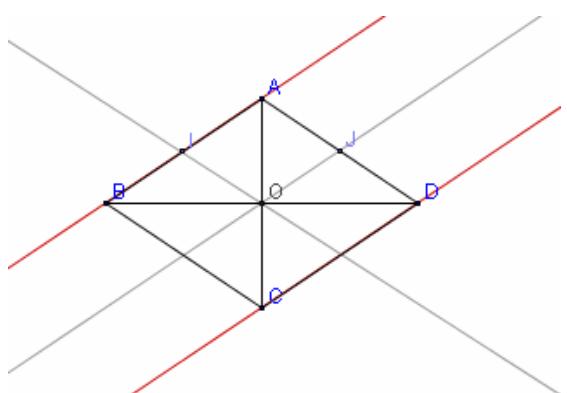
4- حدد صورة  $A$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BC}$

حدد صورة  $B$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{IJ}$

حدد صورة  $[BO]$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{IJ}$

1- الشكل

2- نحدد مماثلة كل من  $A$  و  $B$  و  $O$  بالنسبة للنقطة  $O$  على التوالي و نستنتج مماثل  $(AB)$  بالنسبة لـ  $O$



\*- مماثل  $O$  بالنسبة لـ  $O$  هي نفسها

\*- بما أن  $O$  منتصف القطعتان  $[BD]$  و  $[AC]$  فان  $C$  و  $D$  مماثلا  $A$  و  $B$  على التوالي بالنسبة لـ  $O$  و منه مماثل  $(AB)$  (بالنسبة لـ  $O$ ) هو المستقيم  $(DC)$

3- نحدد مماثلة كل من  $B$  و  $O$  و  $I$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$  على التوالي و نستنتج مماثل  $(IO)$  بالنسبة لـ  $(AC)$

\*- بما أن  $ABCD$  معين فان  $(AC)$  واسط  $(BD)$  و منه مماثل  $B$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$  هو

\*- لدينا  $O \in (AC)$  و منه مماثل  $O$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$  هي نفسها

\*- ليكن  $S_{(AC)}$  التماثل المحوري الذي محوره  $(AC)$

**تذكير:**  $S_{(AC)}(M) = M'$  مماثل  $M$  بالنسبة للمستقيم  $(AC)$

بما أن  $S_{(AC)}(B) = D$  و  $S_{(AC)}(A) = I$  و منه مماثل  $[AB]$  [ هو  $[AD]$  ] بالنسبة للمستقيم

و نعلم أن مماثل منتصف قطعة هو منصف مماثل القطعة

و حيث أن  $I$  و  $J$  منتصفان  $[AB]$  و  $[AD]$  على التوالي فان  $J = S_{(AC)}(I) = S_{(AC)}(I)$

\* نستنتج مماثل  $(IO)$  بالنسبة لـ  $(AC)$

لدينا  $J = I$  و  $S_{(AC)}(O) = O$  و منه مماثل  $(IO)$  و مماثل  $(AC)$  هو المستقيم  $(JO)$

4- نحدد صورة  $A$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BC}$  بما أن  $ABCD$  معين فان  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$

و منه صورة  $A$  هي النقطة  $D$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BC}$  نكتب  $t_{\overrightarrow{BC}}(A) = D$

\*- نحدد صورة  $B$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{IJ}$

في المثلث  $ABD$  لدينا  $I$  و  $J$  منتصفان  $[AB]$  و  $[AD]$  ومنه  $\overrightarrow{IJ} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BD}$  فان  $t_{\overrightarrow{IJ}}(B) = O$  إذن  $\overrightarrow{BO} = \overrightarrow{IJ}$  وبالتالي  $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{BO} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BD}$  فان  $t_{\overrightarrow{IJ}}(O) = D$  إذن  $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{IJ}$  مما سبق نستنتج أن  $t_{\overrightarrow{IJ}}(D) = O$  وحيث أن  $t_{\overrightarrow{IJ}}(B) = O$  فان صورة  $[BO]$  هي  $[OD]$  بالازاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{IJ}$

## 2- تعاريف و مصطلحات

### A- المماثل المركزي

لتكن  $I$  نقطة معلومة و  $M$  و  $M'$  نقطتين من المستوى  
\* نقول إن النقطة  $M'$  هي مماثلة النقطة  $M$  بالنسبة للنقطة  $I$  إذا و فقط إذا تحقق ما يلي:  
 - إذا كان  $M = I$  فان  $M' = I$   
 - إذا كان  $I$  منتصف  $[MM']$

\* العلاقة التي تربط كل نقطة  $M$  من المستوى  $(P)$  بمماثلتها  $M'$  بالنسبة للنقطة  $I$  تسمى التمايز المركزي الذي يرمز له بالرمز  $S_I$

نقول إن النقطة  $M'$  صورة  $M$  بالتمايز المركزي  $S_I(M) = M'$  نكتب  $S_I : M \rightarrow M'$  أو  $S_I(M) = M'$   
 نقول كذلك إن  $M'$  إلى  $M$  يتحول  $S_I$  لذلك  $S_I$  صامدة بالتمايز المركزي  $S_I$  تحويل في المستوى.

### ملاحظات:



$$\overrightarrow{IM'} = -\overrightarrow{IM} \quad S_I(M) = M' \quad *$$

\* نقول إن النقطة  $I$  صامدة بالتمايز المركزي  $S_I(I) = I$

$$S_I(M') = M \quad S_I(M) = M' \quad *$$

### B- المماثل المحوري

ليكن  $(D)$  مستقيماً و  $M$  و  $M'$  نقطتين من المستوى

\* نقول إن النقطة  $M'$  هي مماثلة النقطة  $M$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$  إذا و فقط إذا تتحقق ما يلي:

- إذا كان  $M' = M$  فان  $M \in (D)$

- إذا كان  $M \notin (D)$  فان  $M' \in (D)$  واسط  $[MM']$

\* العلاقة التي تربط كل نقطة  $M$  من المستوى  $(P)$  بمماثلتها  $M'$  بالنسبة للمستقيم  $(D)$  تسمى التمايز المحوري الذي يحويه  $(D)$  نرمز له بالرمز  $S_{(D)}$

نقول إن النقطة  $M'$  صورة  $M$  بالتمايز المحوري  $S_{(D)}(M) = M'$  نكتب  $S_{(D)} : M \rightarrow M'$  أو  $S_{(D)}(M) = M'$

نقول كذلك إن  $M'$  إلى  $M$  يتحول  $S_{(D)}$  لذلك  $S_{(D)}$  صامدة بالتمايز المحوري  $S_{(D)}$  تحويل في المستوى.

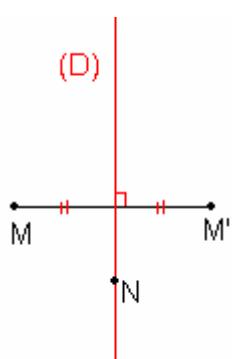
### ملاحظة:

$$[MM'] \text{ يكافيء } S_{(D)}(M) = M' \quad *$$

\* لكل نقطة  $N$  من  $(D)$  :

نقول إن جميع نقاط المستقيم  $(D)$  صامدة بالتمايز المحوري  $S_{(D)}(N) = N$

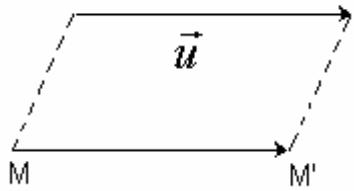
$$S_{(D)}(M') = M \quad S_{(D)}(M) = M' \quad *$$



**ب- الإزاحة**

ليكن  $\vec{u}$  متجهة و  $M$  و  $M'$  نقطتين من المستوى

- \* نقول إن النقطة  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}$  إذا وفقط إذا  $\vec{u} = \overrightarrow{MM}'$
- \* العلاقة التي تربط كل نقطة  $M$  من المستوى  $M$  بصورتها  $(P)$   $M'$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}$  تسمى الإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}$  نرمز لها  $t_{\vec{u}}$
- نكتب ' $t_{\vec{u}} : M \rightarrow M'$ ' أو ' $t_{\vec{u}}(M) = M'$ '
- نقول كذلك إن  $t_{\vec{u}}$  يحول  $M$  إلى  $M'$  لذا نقول إن الإزاحة  $t_{\vec{u}}$  تحويل في المستوى.

**ملاحظة:**

$$\begin{aligned} \overrightarrow{MM}' &= \vec{u} \text{ يكافئ } t_{\vec{u}}(M) = M' \\ t_{\vec{u}}(M) &= M \text{ من المستوى } M \text{ لكل } t_{\vec{AB}}(A) = B \\ \overrightarrow{MM}' &= \vec{0} \text{ تكافئ } t_{\vec{u}}(M) = M \\ t_{-\vec{u}}(M') &= M \text{ يكافئ } t_{\vec{u}}(M) = M' \end{aligned}$$

**2- الخاصية المميزة للإزاحة**

- لتكن  $M$  و  $N$  نقطتين من المستوى  $(P)$  حيث  $t_{\vec{u}}(M) = M'$  و  $t_{\vec{u}}(N) = N'$

$$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'} \quad \text{و بالتالي } \overrightarrow{MM}' = \overrightarrow{NN}' \quad \text{إذن } \overrightarrow{MM}' = \vec{u} \quad ; \quad \overrightarrow{NN}' = \vec{u} \quad \text{و منه}$$

$$\boxed{\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'} \quad \text{فإن } t_{\vec{u}}(N) = N' \text{ و } t_{\vec{u}}(M) = M'}$$

- ليكن  $T$  التحويل حيث لكل نقطتين  $M$  و  $N$  من المستوى  $M'$  و  $N'$  حيث  $T(M) = M'$  و  $T(N) = N'$

نحدد طبيعة  $T$   
لتكن  $A$  نقطة معلومة و  $M$  نقطة ما من المستوى  
لنععتبر  $T(A) = A'$

$$\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{M'A'} \quad \text{تكافئ } T(M) = M'$$

$$\overrightarrow{MM}' = \overrightarrow{AA}'$$

$$\text{تكافئ } t_{\overrightarrow{AA}'}(M) = M'$$

$$\boxed{\text{إذن } T = t_{\overrightarrow{AA}'}}$$

**الخاصية المميزة**

ليكن  $T$  تحويل في المستوى  
يكون  $T$  إزاحة إذا وفقط إذا كانت  $T$  تحول كل نقطتين  $M$  و  $N$  من المستوى إلى نقطتين  $M'$  و  $N'$  حيث  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'}$

**3- الاستقامية والتحولات  
نشاط**

لتكن  $D$  و  $C$  و  $B$  و  $A$  نقطتين من المستوى حيث  $\overrightarrow{CD} = \alpha \overrightarrow{AB}$ . نعتبر ' $T$ ' صورها على التوالي بتحويل  $T = S_{\Omega}$  و  $T = t_{\vec{u}}$  في الحالتين  $\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B'}$  نبين أن  $T = t_{\vec{u}}$  في الحالات  $T = t_{\vec{u}}$  -

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{A'B'} \quad \text{و منه } T(A) = A' \quad ; \quad T(B) = B'$$

$$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{C'D'} \quad \text{و منه } T(C) = C' \quad ; \quad T(D) = D'$$

وحيث أن  $\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B'}$  فإن  $\overrightarrow{CD} = \alpha \overrightarrow{AB}$   
 $T = S_{\Omega}$  -

$$\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{A'B'} \quad \text{و منه } T(A) = A' \quad ; \quad T(B) = B'$$

$$\overrightarrow{CD} = -\overrightarrow{C'D'} \quad \text{و بالتالي } \overrightarrow{CD} = -\overrightarrow{AB} \quad \text{و منه } T(C) = C' \quad ; \quad T(D) = D'$$

وحيث أن  $\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B}$  فان  $\overrightarrow{CD} = \alpha \overrightarrow{AB}$   
**نقل الحالة**

**خاصية**

ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التمايل المركزي - التمايل المحوري  
 $D'$  ;  $C'$  ;  $B'$  ;  $A'$  نقط من المستوى

إذا كان  $T$  يحول النقط  $D'$  ;  $C'$  ;  $B'$  ;  $A'$  بالتوازي إلى النقط  $D$  ;  $C$  ;  $B$  ;  $A$   
 فان  $\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B'}$

نعبر عن هذا بقولنا الإزاحة و التمايل المركزي و التمايل المحوري تحويلات تحافظ على معامل استقامية متوجهين

**نتيجة**

ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التمايل المركزي - التمايل المحوري  
 $C$  ;  $B$  ;  $A$  نقط مستقيمية حيث  $A \neq B$  ومنه يوجد  $\alpha$  حيث  $\overrightarrow{AC} = \alpha \overrightarrow{AB}$   
 اذن  $\overrightarrow{A'C'} = \alpha \overrightarrow{A'B'}$  ومنه صورها بالتحويل  $T$  اذن  $C'$  ;  $B'$  ;  $A'$  مستقيمية.  
 الإزاحة و التمايل المركزي و التمايل المحوري تحافظ على استقامية النقط

#### 4- التحويل و المسافات

**خاصية**

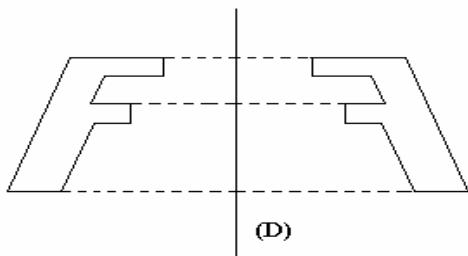
الإزاحة و التمايل المركزي و التمايل المحوري تحويلات تحافظ على المسافة أي إذا كان  $A'$  و  $B'$  صورتي  $A$  و  $B$

$$AB = A'B'$$

#### 5- صورة أشكال بتحويل: الإزاحة - التمايل المركزي - التمايل المحوري

##### أ- أنشطة

نشئ صورة الشكل ( $F$ ) بالتحويلات الإزاحة و التمايل المركزي و التمايل المحوري



##### تعريف

ليكن ( $F$ ) شكلاً مجموعه صور نقط الشكل ( $F$ ) تكون شكلاً ( $F'$ ) يسمى صورة شكل ( $F$ ) بالتحويل  $T$  نكتب  $T((F)) = (F')$

**خاصية**

صورة تقاطع شكلين ( $F_1$ ) و ( $F_2$ ) صورتي هذين الشكلين بهذا التحويل

$$T((F_1) \cap (F_2)) = T((F_1)) \cap T((F_2))$$

#### ب- صور أشكال اعتيادية بتحويل

**صورة مستقيم - صورة نصف مستقيم - صورة قطعة**

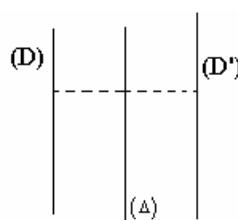
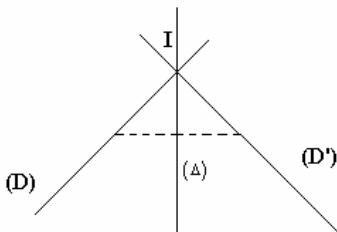
ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التمايل المركزي - التمايل المحوري  
 إذا كان  $A'$  و  $B'$  صورتي  $A$  و  $B$  فان  $T((AB)) = (A'B')$  و  $T((AB)) = [A'B']$  و  $T((AB)) = (A'B)$

##### أ- صورة مستقيم

\*- صورة مستقيم ( $D$ ) بتمايل محوري  $S_{(\Delta)}$  هو مستقيم ( $D'$ )

+ إذا كان ( $D$ ) يقطع ( $\Delta$ ) في نقطة  $I$  فان ( $D'$ )

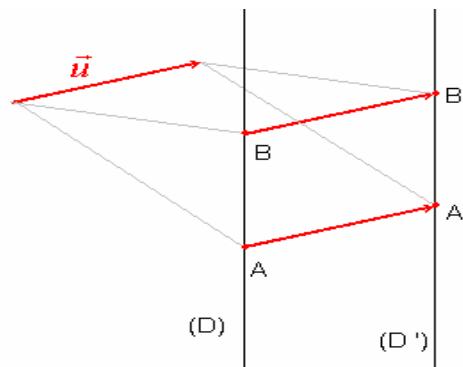
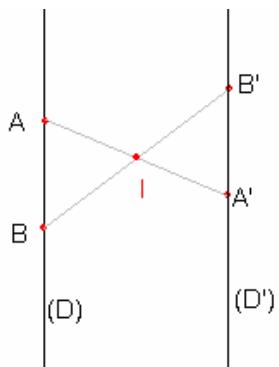
يقطع ( $\Delta$ ) في نقطة  $I$



+ إذا كان ( $\Delta$ ) // ( $D$ ) فان ( $\Delta$ ) // ( $D'$ )

+ إذا كان  $(D) \perp (D')$  فان  $(D') = (D)$

\* صورة مستقيم  $(D)$  بزاوية أو تماثل مركزي هو مستقيم  $(D')$  يوازيه

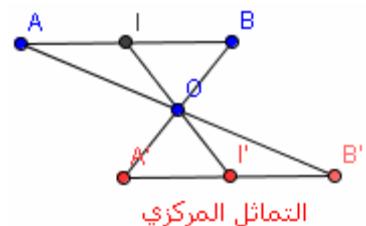
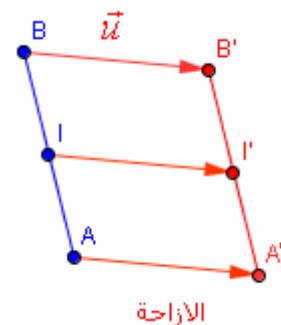
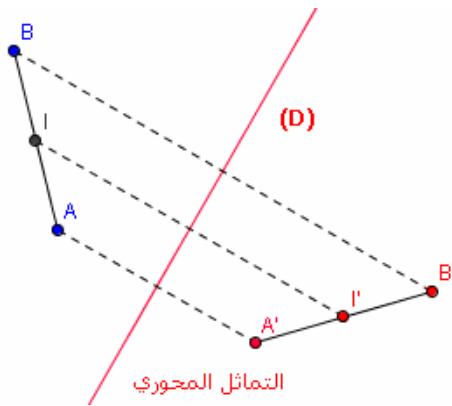


### ملاحظة

\* صورة مستقيم  $(D)$  بتماثل مركزي ينتمي إلى  $(D)$  هو المستقيم نفسه

\* صورة مستقيم  $(D)$  بزاوية متوجهها موجهة لـ  $(D)$  هو المستقيم نفسه

### ب- صورة منتصف قطعة



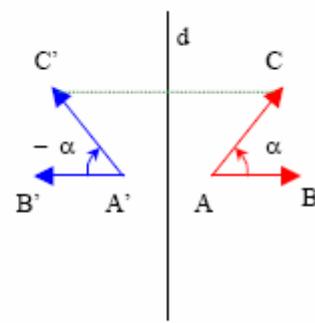
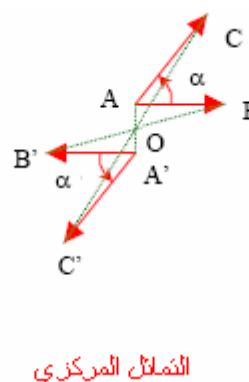
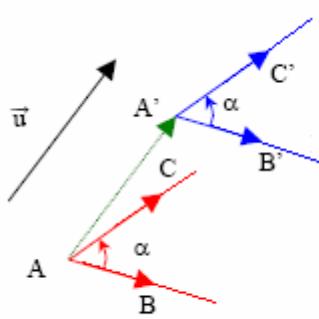
ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التماثل المركزي - التماثل المحوري  
إذا كان  $I$  منتصف  $[AB]$  و  $[A'B']$  فان  $T(I) = I'$  و  $T(B) = B'$  و  $T(A) = A'$  منتصف

### ج- صورة دائرة

صورة دائرة مركزها  $O$  وشعاعها  $r$  بزاوية أو تماثل محوري أو تماثل مركزي هو دائرة مركزها  $O'$  صورة  $O$  و

شعاعها  $r$

### د- صورة زاوية



ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التماثل المركزي - التماثل المحوري

إذا كان  $A'$  و  $B'$  و  $C'$  فان  $T(A) = A'$  و  $T(B) = B'$  و  $T(C) = C'$   
الإزاحة و التماثل المركزي و التماثل المحوري تحافظ على قياس الزوايا الهندسية

**6- صورة مثلث**

ليكن  $T$  أحد التحويلات التالية : الإزاحة - التماثل المركزي - التماثل المحوري  
إذا كان  $A'$  و  $B'$  و  $C'$  فان صورة المثلث  $T(C) = C'$  و  $T(B) = B'$  و  $T(A) = A'$  هو المثلث  $A'B'C'$  الذي يقابله

**7- التحويلات و التوازي و التعماد  
خاصية**

الإزاحة التماثل المركزي و التماثل المحوري تحويلات تحافظ على التعماد و التوازي

**8- محاور تماثل شكل - مراكز تماثل شكل****أ- تعريف**

نقول إن المستقيم  $(D)$  محور تماثل شكل  $(F)$  إذا و فقط إذا كان  $S_{(D)}((F)) = (F)$

**أمثلة:** + محاور تماثل مستقيم هو المستقيم نفسه و جميع المستقيمات العمودية عليه.

+ محاور تماثل دائرة هي حاملات أقطارها

**ب تعريف**

نقول إن النقطة  $I$  مركز تماثل شكل  $(F)$  اذا و فقط اذا كان  $S_I((F)) = (F)$

+ مركز تماثل دائرة هي دائرة

+ مركز تماثل مستقيم جميع نقطه

+ مركز تماثل متوازي الأضلاع هو مركزه

**II- التحاكي  
نشاط 1**

لتكن  $O$  و  $A$  و  $B$  نقط من المستوى

أنشئ  $O'$  و  $A'$  و  $B'$  حيث  $\overrightarrow{OB}' = -2\overrightarrow{OA}$  و  $\overrightarrow{OA}' = -2\overrightarrow{OB}$

**نقول ان  $A'$  و  $B'$  صوري  $A$  و  $B$  على التوازي بالتحاكي الذي مركزه  $O$  و نسبته 2**

أنشئ  $M'$  صورة  $M$  بالتحاكي الذي مركزه  $O$  و نسبته 2

بين أن  $(AB) \parallel (A'B')$  و استنتج أن  $(AM) \parallel (A'M')$

ما هو الوضع النسبي للمستقيمين  $(AM)$  و  $(A'M')$

**2- تعريف**

لتكن  $I$  نقطة معلومة من المستوى  $(P)$  و  $k$  عددا حقيقة غير منعدم

العلاقة التي تربط النقطة  $M$  بالنقطة  $M'$  حيث  $\overrightarrow{IM}' = k\overrightarrow{IM}$  تسمى التحاكي الذي مركزه  $I$  و نسبته  $k$   
ونرمز له بالرمز  $h(I; k)$  أو

نقول ان النقطة  $M'$  صورة النقطة  $M$  بالتحاكي  $h$  و نكتب  $M' = h(M)$  أو  $h(M) = M'$

نقول كذلك  $h$  يحول  $M$  إلى  $M'$

التحاكي  $h$  تحويل في المستوى

**مثال**

أ-  $h$  تحاكي مركز  $I$  و نسبته 3 أنشئ  $M'$  صورة  $M$  بالتحاكي  $h$



ب-  $h$  تحاكي مركز  $I$  و نسبته  $\frac{-1}{2}$  أنشئ  $M'$  صورة  $M$  بالتحاكي  $h$

**ملاحظات**

ليكن  $h(I; k)$  تحاكي حيث  $k \neq 0$

\* - إذا كان  $k = 1$  فإن  $h(I; 1)$  يحول كل نقطة إلى نفسها

- إذا كان  $k > 1$  نقول إن  $h(I; k)$  "تكبير"

- إذا كان  $|k| \neq 1$  نقول إن  $h(I; k)$  "تصغير"

\* - إذا كان  $M'$  يحول  $M$  إلى  $I$  فان  $M$  و  $M'$  نقط مستقيمية

\* إذا كان  $M'$  فان  $h(I; k) = M'$  و بالنالي  $M$  صورة  $M'$  بالتحاكي الذي مركزه  $I$

$\frac{1}{k}$  و نسبته

\*  $h(I; k) = I$  نقول إن  $I$  بالتحاكي

- مركز التحاكي هو النقطة الوحيدة الصامدة بهذا التحاكي

## 2- خاصيات أ- أنشطة 1- شاطئ

ليكن  $h(N) = N'$  تحاكي حيث  $k \neq 0$  و  $N$  و  $M$  و  $M'$  و  $N'$  حيث  $N'$  صورة  $N$  بالتحاكي  $h(I; k)$

1- بين أن  $M'N' = |k|MN$  وأن  $\overrightarrow{M'N'} = k\overrightarrow{MN}$

2- بين أن إذا كان  $M \neq N$  فان  $M' \neq N'$  و  $(MN) \parallel (M'N')$

### شاطئ 2

ليكن  $\overrightarrow{M'N'} = k\overrightarrow{MN}$  و  $M$  و  $M'$  و  $N$  و  $N'$  نقط حيث  $k \in \mathbb{R}^* - \{1\}$

1- بين أن المستقيمين  $(MM')$  و  $(NN')$  متقطعين في نقطة  $I$

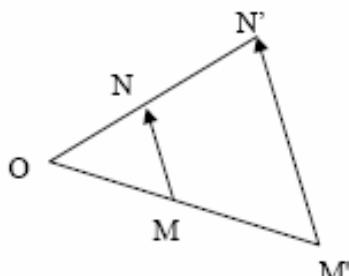
2- بين أن  $\overrightarrow{IN} = k\overrightarrow{IM}$  و  $\overrightarrow{IN'} = k\overrightarrow{IM'}$  و استنتج أنه يوجد تحاكي يحول  $M$  و  $N$  على التوالي إلى  $M'$  و  $N'$

### شاطئ 3

لتكن  $\overrightarrow{CD} = \alpha \overrightarrow{AB}$  نقطة من المستوى حيث  $D ; C ; B ; A$ .

نعتبر  $D' ; C' ; B' ; A'$  صورها على التوالي بالتحاكي  $h(I; k)$  حيث  $k \neq 0$

بين أن  $\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B'}$



### ب- الخاصية المميزة

ليكن  $T$  تحويل في المستوى و  $k$  عدد حقيقي غير منعدم يخالف 1 يكون  $T$  تحاكي نسبته  $k$  إذا و فقط إذا كانت  $T$  تحول كل نقطتين  $M$  و  $N$  من المستوى إلى نقطتين  $M'$  و  $N'$

حيث  $k \overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'}$

### نتيجة

إذا كان  $M$  و  $N$  من المستوى و كان  $M'$  و  $N'$  صوريهما على التوالي بتحاكي نسبته  $k$  غير منعدمة فان

$$M'N' = |k|MN$$

### ج- خاصية: المحافظة على معامل الاستقامية

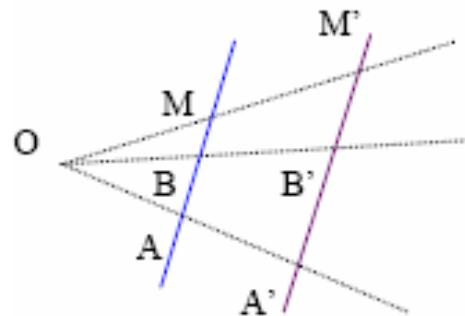
لتكن  $A ; C ; B ; D$  نقط من المستوى و  $A' ; C' ; B' ; D'$  صورها على التوالي

بالتحاكي  $h(I; k)$  حيث  $k \neq 0$

$$\overrightarrow{C'D'} = \alpha \overrightarrow{A'B'} \text{ فان } \overrightarrow{CD} = \alpha \overrightarrow{AB}$$

نتيجة

التحاكي يحافظ على استقامية النقاط



نتيجة

ليكن  $h$  تحاكي $h([AB]) = [A'B']$  و  $h([AB]) = [A'B']$  و  $h((AB)) = (A'B')$  فان  $h(B) = B'$  و  $h(A) = A'$ 

نتيجة

ليكن  $h$  تحاكي $[A'B'] = I'$  فان  $h(I) = I'$  و  $h(B) = B'$  و  $h(A) = A'$  منتصف  $[AB]$  و

## 3- صور بعض الأشكال بتحاكي

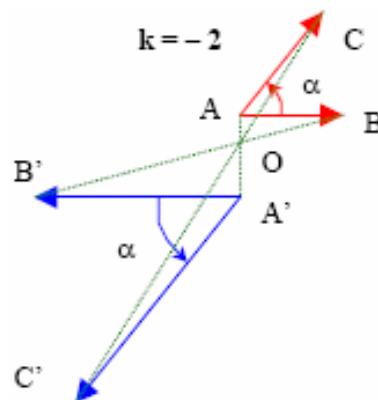
## خاصية 1

صورة مستقيم  $(D)$  بتحاكي هو مستقيم  $(D')$  يوازيهملاحظة : صورة مستقيم  $(D)$  بتحاكي مركزه ينتمي إلى  $(D)$  هو المستقيم نفسه

## خاصية 2

ليكن  $h$  $\widehat{BAC} = \widehat{B'A'C}$  و  $T(\widehat{BAC}) = \widehat{B'A'C}$  فان  $h(C) = C'$  و  $h(B) = B'$  و  $h(A) = A'$ 

التحاكي يحافظ على قياس الزوايا الهندسية

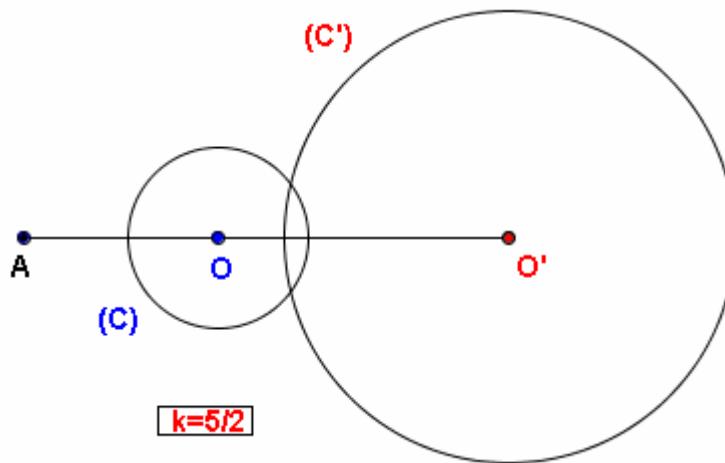


## خاصية 3

التحاكي يحافظ على التعامد و التواري أي صورتا مستقيمان متعامدان هما مستقيمان متعامدان صورتا مستقيمان متوازيان هما مستقيمان متوازيان

صورة دائرة مرکزها  $O$  وشعاعها  $r$  بتحاک نسبته  $k$  هو دائرة مرکزها'  $O'$  صورة  $O$  بهذا التحاکي

وشعاعها  $|k|r$

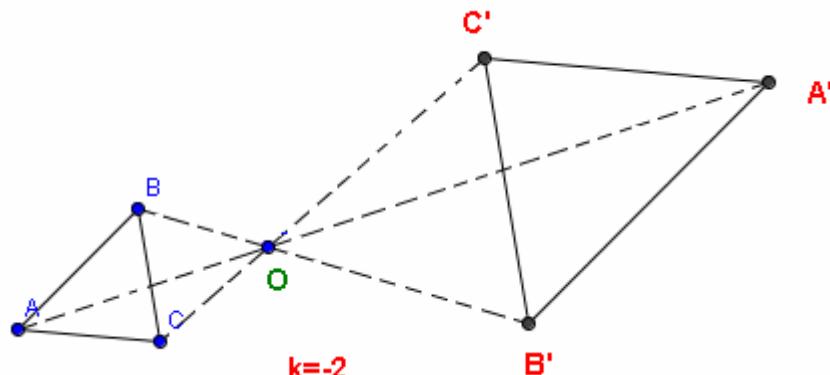


#### خاصية 5: صورة مثلث

ليكن  $h$  نسبته  $k \neq 0$

إذا كان  $A'B'C'$  صورة المثلث  $ABC$  فان  $h(C) = C'$  و  $h(B) = B'$  و  $h(A) = A'$

ملاحظة و اصطلاح :  
إذا كان المثلث  $A'B'C'$  صورة المثلث  $ABC$  بتحاک نسبته  $k$  غير منعدمة فان المثلث  $ABC$  صورة المثلث  $A'B'C'$  بتحاکي نسبته  $\frac{1}{k}$   
نقول إن المثلثين  $ABC$  و  $A'B'C'$  متحاکيان



#### خاصية 6

إذا كان المثلثان  $ABC$  و  $B'A'C'$  متحاکيان فان  $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = \frac{BC}{B'C'}$

$$\widehat{ACB} = \widehat{A'C'B'} \text{ و } \widehat{ABC} = \widehat{A'B'C'} \text{ و } \widehat{BAC} = \widehat{B'A'C'}$$

$$(CB) \parallel (C'B') \text{ و } (AC) \parallel (A'C') \text{ و } (AB) \parallel (A'B')$$