

## مبادئ في الحسابات

### التمرين الأول:

حدد القاسم المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر للعددين  $a$  و  $b$  في كل حالة من الحالات التالية:

$$1 - b = 408, a = 102$$

$$2 - b = 816, a = 214$$

$$3 - b = 825, a = 196$$

### التمرين السادس:

ليكن  $n$  عددا صحيحا طبيعيا فرديا:

$$1 - \text{بين أن } 8 \text{ يقسم } n^2 - 1$$

$$2 - \text{استنتج أن } 16 \text{ يقسم } n^4 - 1$$

3 - ليكن  $a$  و  $b$  عددين صحيحين فرديين بحيث:

$$\text{بين أن } 8 \text{ يقسم } a^2 + b^2 - 2$$

### التمرين الثاني:

تتكون  $m$  و  $n$  عددين صحيحين طبيعيين. حدد زوجية كل من الأعداد التالية:

$$1 - n^2 + 3n - 1, \quad n^2 + 13n + 17 - 2$$

$$2 - 3n + 2, \quad 6m^2 + 14n + 7 - 4$$

### التمرين السابع:

نعتبر العدد:  $a = 2^5 \times 5^2 \times 7^3$

$$1 - \text{تأكد أن العدد } 28 \text{ يقسم } a$$

2 - حدد أصغر عددا صحيحا طبيعيا  $k$  حيث  $ka$  مربع كامل؛

3 - حدد أصغر عددا صحيحا طبيعيا  $m$  حيث  $ma$  مكعب كامل؛

### التمرين الثالث:

تتكون  $m$  و  $n$  عددين صحيحين طبيعيين حيث  $m > n$ .

1 - بين أن للعددين  $m+n$  و  $m-n$  نفس الزوجية.

$$2 - \text{حدد قيم كل من } m \text{ و } n \text{ حيث } m^2 - n^2 = 9$$

### التمرين الثامن:

تتكون  $a$  و  $b$  عددين صحيحين طبيعيين بحيث:

$$a \wedge b = 24 \text{ و } a \geq b$$

1 - ماهي العوامل الأولية المشتركة للعددين  $a$  و  $b$ ؛

2 - إذا علمت أن:  $a \times b = 3456$  فأحسب  $a \vee b$  ثم

استنتج كل من العددين  $a$  و  $b$ .

### التمرين الرابع:

1 - حدد العددين  $m$  و  $n$  في كل حالة من الحالات

التالية:

$$\text{أ - } (x+2)(y+3) = 15, \quad \text{ب - } x + y + xy = 4$$

$$\text{ج - } x + 5y + xy = 10$$

2 - ليكن  $a$  عددا صحيحا طبيعيا:

$$\text{نضع: } a = 5^{n+2} - 5^n \text{ و } b = 5^{n+1} + 7 \times 5^n$$

أ - بين أن  $a$  مضاعف لعدد 3.

ب - بين أن  $b$  مضاعف لعدد 12.

ج - أعط تفكيك للعددين  $a$  و  $b$  إلى جداء عوامل أولية

د - حدد  $a \vee b$

### التمرين التاسع:

تتكون  $a$  و  $b$  عددين صحيحين طبيعيين بحيث:

$$a = 1008 \text{ و } b = 16200$$

1 - فكك العددين  $a$  و  $b$ ؛

2 - حدد  $a \wedge b$  و  $a \vee b$ ؛

3 - بسط العددين:  $\frac{1008}{16200}$  و  $\sqrt{16200}$ ؛

### التمرين الخامس:

نعتبر العددين:  $a = 4200$  و  $b = 1386$

1 - فكك العددين  $a$  و  $b$  إلى جداء عوامل أولية.

2 - استنتج  $a \wedge b$  و  $a \vee b$

3 - حدد عددا صحيحا طبيعيا  $c$  لكي يكون  $ac$  مربعا

كاملا.

### التمرين العاشر:

1 - أُنشُر العدد  $a = (10^6 - 1)^3$ ؛

2 - استنتج باقي قسمة العدد  $999999^3$  على 5؛