

## Tronc Commun

## Série 1 : Etude de Fonctions

**Exercice 1**

Déterminer l'ensemble de définition des fonctions suivantes définies par :

a.  $f(x) = x^2 + 4x - 5$

b.  $f(x) = \frac{2x+1}{x}$

c.  $f(x) = \frac{3x}{x^2-9}$

d.  $f(x) = \sqrt{x^2+1}$

e.  $f(x) = \sqrt{x^2+x+5}$

f.  $f(x) = \sqrt{x} + \frac{1}{x-1}$

g.  $f(x) = \sqrt{x^2-x-2}$

h.  $f(x) = 3 - \sqrt{2-x}$

i.  $f(x) = \frac{2x+1}{\sqrt{x^2-6x+5}}$

j.  $f(x) = \frac{1}{x-2}$

**Exercice 2**

On considère la fonction  $f$  définie par :  $f(x) = x^2 + x - 2$

Soit  $(C_f)$  la courbe représentative de la fonction  $f$

déterminer Parmi les points suivants :  $O(0,0)$   $A(0,-2)$   $B(-2,0)$   $C(1,1)$   $D(2,7)$   $E(1,0)$  qui appartiennent à  $(C_f)$

**Exercice 3**

Etudier la parité des fonctions suivantes :

$$f(x) = -x^3 + 2x|x| \quad f(x) = x^4 - 3|x| \quad f(x) = -2x^3 + 5x - 2$$

**Exercice 4**

Etudier la monotonie des fonctions définies par:

1)  $I = \mathbb{R}$  ;  $f(x) = 3x - 4$

2)  $I = ]-\infty, 0]$  ;  $f(x) = 5 - x^2$

3)  $I = \mathbb{R}^+$  ;  $f(x) = \frac{2}{\sqrt{x} + 1}$

\*\*\*

**Corrigé de l'exercice 1 :**

a.  $f(x) = x^2 + 4x - 5$

$D_f = \mathbb{R}$  ( car  $f$  est une fonction polynôme)

b.  $f(x) = \frac{2x+1}{x}$

$D_f = \{x \in \mathbb{R} / x \neq 0\} = \mathbb{R} - \{0\} = ]-\infty, 0[ \cup ]0, +\infty[$

c.  $f(x) = \frac{3x}{x^2 - 9}$

$$\begin{aligned} D_f &= \{x \in \mathbb{R} / x^2 - 9 \neq 0\} \\ &= \{x \in \mathbb{R} / (x-3)(x+3) \neq 0\} \\ &= \{x \in \mathbb{R} / x-3 \neq 0 \text{ et } x+3 \neq 0\} \\ &= \{x \in \mathbb{R} / x \neq 3 \text{ et } x \neq -3\} \\ &= \mathbb{R} - \{-3, 3\} \\ &= ]-\infty, -3[ \cup ]-3, 3[ \cup ]3, +\infty[ \end{aligned}$$

d.  $f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$

$D_f = \{x \in \mathbb{R} / x^2 + 1 \geq 0\} = \mathbb{R}$  ( car pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ , on a :  $x^2 + 1 > 0$  )

e.  $f(x) = \sqrt{x^2 + x + 5}$

$D_f = \{x \in \mathbb{R} / x^2 + x + 5 \geq 0\}$

Etudions le signe du polynôme  $x^2 + x + 5$  :

On a :  $\Delta = 1^2 - 4(1)(5) = -19 < 0$

$x$	$-\infty$ $+\infty$
$x^2+x+5$	+

D'où :  $D_f = \mathbb{R}$

f.  $f(x) = \sqrt{x} + \frac{1}{x-1}$