



$$\cos a = \sin b \\ \Leftrightarrow \cos a = \cos\left(\frac{\pi}{2} - b\right)$$

On se ramène à

$$\sin a = \cos b \\ \Leftrightarrow \sin a = \sin\left(\frac{\pi}{2} - b\right)$$

### Point de ralliement

$$\begin{aligned} \cos a &= \cos b & \sin a &= \sin b \\ \Leftrightarrow \begin{cases} a = b + k2\pi \\ a = -b + k2\pi \end{cases} & \Leftrightarrow \begin{cases} a = b + k2\pi \\ a = \pi - b + k2\pi \end{cases} \\ \text{où } k \in \mathbb{Z} & \end{aligned}$$

On se ramène à

$$\cos a = -\cos b \\ \Leftrightarrow \cos a = \cos(\pi - b)$$

On se ramène à

$$\sin a = -\sin b \\ \Leftrightarrow \sin a = \sin(-b)$$

$$\begin{aligned} \cos a &= -\sin b \\ \Leftrightarrow \cos a &= \cos\left(\frac{\pi}{2} + b\right) \end{aligned}$$

### Un autre outil possible

Le changement de variable. On posera suivant les cas :  $X = \cos x$  ou  $X = \sin x$

**But :** Se ramener à une équation du type  $P(X) = 0$  avec :

⚠ Ne pas oublier de revenir à la variable  $x$ .

$$P(X) = aX^2 + bX + c$$

On calcule  $\Delta = b^2 - 4ac$  puis l'on détermine les éventuelles solutions réelles  $X_1, X_2$

$$P(X) = aX^3 + bX^2 + cX + d$$

On cherche une solution évidente  $\alpha$ , puis on factorise  $P(X)$  sous la forme :  

$$P(X) = (X - \alpha)(aX^2 + bX + c)$$
  
 où  $a, b, c$  sont à déterminer.

$$P(X) = aX^4 + bX^2 + c$$

On reconnaît une équation bicarrée. On pose alors  $Z = X^2$  et l'on résout alors :  

$$aZ^2 + bZ + c = 0$$