Tronc Commun

Série 2 : Calcul Trigonométrique

Exercice 1:

1. Résoudre dans $[0, 2\pi]$ les équations :

a.
$$\cos x = \frac{1}{2}$$

b.
$$\cos x = -1$$

2. Montrer que pout tout élément x de $[0, 2\pi]$ on a :

$$2\cos^2(x) + \cos(x) - 1 = (2\cos(x) - 1)(\cos(x) + 1)$$

3. Résoudre dans $[0, 2\pi]$ l'équation :

$$2\cos^2(x) + \cos(x) - 1 = 0$$

- 4. Etudier le signe de : $2\cos^2(x) + \cos(x) 1$
- 5. En déduire dans $[0, 2\pi]$ l'ensemble de solutions de l'inéquation :

$$2\cos^2(x) + \cos(x) - 1 \ge 0$$

Exercice 2:

On pose $f(x) = 2\sin^2(x) - \sin(x) - 1$, pour tout x de \mathbb{R}

- 1. Calculer $f\left(\frac{2019\pi}{6}\right)$
- 2. Montrer que $f(\pi x) = f(x)$
- 3. Résoudre dans $I = [0, 2\pi[$:
 - a) f(x) = 0
 - b) f(x) > 0

Exercice 3:

Soit x un nombre réel vérifiant l'égalité : (1) : $\sin(x) \times \cos(x) = \frac{1}{2}$

- 1. Démontrer que $\sin x = \cos x$
- 2. Déterminer toutes les valeurs de x vérifiant (1)

Tronc Commun **Série 2 : Calcul Trigonométrique**

Exercice 4:

Etablir les inégalités suivantes :

1.
$$\cos^4(x) - \sin^4(x) = 2\cos^2(x) - 1$$

2.
$$\cos^6(x) + \sin^6(x) + 3\sin^2(x)\cos^2(x) = 1$$

Exercice 5:

Exprimer en fonction de tan(x)

1.
$$A(x) = \frac{\sin^3(x) - \cos^3(x)}{\sin(x) + \cos(x)}$$

2.
$$B(x) = \cos^2(x) - 5\sin(x)\cos(x)$$