## تم تحميل هذا الملف من موقع Talamidi.com

#### EXERCICES CORRIGES SUR LE TRANSFORMATEUR MONOPHASE

## **EXERCICE N°1:**

La puissance apparente d'un transformateur monophasé 5,0 kV / 230 V ; 50 Hz est S=21 kVA. La section du circuit magnétique est  $s=60\ cm^2$  et la valeur maximale du champ magnétique  $\overset{.}{B}=1,\!1T$  .

L'essai à vide a donné les résultats suivants :

 $U_1 = 5\ 000\ V$ ;  $U_{20} = 230\ V$ ;  $I_{10} = 0.50\ A$  et  $P_{10} = 250\ W$ .

L'essai en court-circuit avec  $I_{2CC} = I_{2n}$  a donné les résultats suivants :

 $P_{1CC} = 300 \text{ W et } U_{1CC} = 200 \text{ V}.$ 

- 1- Calculer le nombre de spires N<sub>1</sub> au primaire.
- 2- Calculer le rapport de transformation m et le nombre N<sub>2</sub> de spires au secondaire.
- 3- Quel est le facteur de puissance à vide de ce transformateur ?
- 4- Ouelle est l'intensité efficace du courant secondaire I<sub>2n</sub>?
- 5- Déterminer les éléments R<sub>S</sub> ; Z<sub>S</sub> et X<sub>S</sub> de ce transformateur.
- 6- Calculer le rendement de ce transformateur lorsqu'il débite un courant d'intensité nominale dans une charge inductive de facteur de puissance 0,83.

## REPONSE:

1- En utilisant le théorème de Boucherot : U<sub>1</sub> = 4,44 N<sub>1</sub>sf<sup>J</sup><sub>B</sub>, on en déduit :

$$N_1 = \frac{U_1}{4,44 \text{ sfB}} = \frac{5000}{4,44 \times 60.(10^{-2})^2 \times 50 \times 1,1} = 3413 \text{ spires}$$

2- m = 
$$\frac{U_{20}}{U_1} = \frac{230}{5000} = 0.046$$
 et m =  $\frac{N_2}{N_1} \Rightarrow N_2 = \text{m.N}_1 = 0.046 \times 3413 = 157$  spires.

3- 
$$P_{10} = P_F \text{ et } \cos \phi_{10} = \frac{P_{10}}{U_1 I_{10}} = \frac{250}{5000 \times 0.5} = 0.1$$

4- S = 
$$U_{1n} I_{1n} = U_{20} I_{2n}$$
 soit  $I_{2n} = \frac{S}{U_{20}} = \frac{21.10^3}{230} = 91.3 A$ .

5- 
$$R_s = \frac{P_{ICC}}{I_{2CC}^2} = \frac{300}{91,3^2} = 36m\Omega$$

$$Z_{s} = \frac{\text{m.U}_{1CC}}{I_{2CC}} = 0.1\Omega$$

$$X_{s} = \sqrt{Z_{s}^{2} - R_{s}^{2}} = \sqrt{0.1^{2} - 0.036^{2}} = 94\text{m}\Omega.$$

7- Pour déterminer le rendement, il faut déjà déterminer la tension  $U_2$  aux bornes de la charge soit en utilisant la méthode graphique ( $\underline{U}_{2v} = R_s.\underline{I}_2 + jX_s.\underline{I}_2 + \underline{U}_2$ ) soit en utilisant l'expression approchée de la chute de tension :

$$\Delta U_2 = U_{20} - U_2 = R_s I_2 . \cos \varphi_2 + X_s I_2 . \sin \varphi_2$$
 soit

 $\Delta U_2 = 36.10^{-3} \times 91,3 \times 0,83 + 94.10^{-3} \times 91,3 \times \sin(\cos^{-1}0,83) = 7,51$ V. On en déduit  $U_2$ :

 $U_{2}=U_{20}-\Delta U_{2}=230-7,\!51=222,\!5V$  . On calcule ensuite  $P_{2}$  et  $P_{1}$  :

$$P_2 = U_2.I_2.\cos\varphi_2 = 222,5 \times 91,3 \times 0,83 = 16,86kW$$
;

$$P_1 = P_2 + P_F + P_C = 16,86.10^3 + 250 + 300 = 17,41 \text{kW} \text{ et } \eta = \frac{P_2}{P_1} = 96,8\%$$

#### **EXERCICE N°2:**

L'étude d'un transformateur monophasé a donné les résultats suivants :

Mesure en continu des résistances des enroulements à la température de

fonctionnement :  $r_1 = 0.2 \Omega$  et  $r_2 = 0.007 \Omega$ .

Essai à vide :  $U_1 = U_{1n} = 2\ 300\ V$  ;  $U_{20}\ = 240\ V$  ;  $I_{10} = 1,0\ A$  et  $P_{10} = 275\ W.$ 

Essai en court-circuit :  $U_{1CC} = 40 \text{ V}$  ;  $I_{2CC} = 200$ .

- 1- Calculer le rapport de transformation m.
- 2- Montrer que dans l'essai à vide les pertes Joule sont négligeables devant P<sub>10</sub>.
- 3- Déterminer la valeur de la résistance ramenée au secondaire Rs.
- 4- Calculer la valeur de P<sub>1CC</sub>.
- 5- Déterminer X<sub>s</sub>.
- 6- Déterminer par la méthode de votre choix, la tension aux bornes du secondaire lorsqu'il débite un courant d'intensité I<sub>2</sub> = 180 A dans une charge capacitive de facteur de puissance 0.9.
- 7- Quel est alors le rendement.

#### REPONSE:

1- m = 
$$\frac{U_{20}}{U_1} = \frac{240}{2300} = 0,104$$
.

- 2-  $P_{10} = P_{E} + r_{1} I_{10}^{2}$ . On montre que  $r_{1} I_{1V}^{2} \ll P_{E}$  donc  $P_{1V} = P_{E}$ .
- 3-  $R_s = r_2 + m^2 \cdot r_1 = 0.007 + 0.104^2 \cdot 0.02 = 9.18 \cdot 10^{-3} \Omega$
- 4-  $P_{1CC} = R_s I_{2CC}^2 = 9,18.10^{-3} \times 200^2 = 367,1W$ .
- 5- On calcule en premier  $Z_S$ .  $Z_S = \frac{m.U_{ICC}}{I_{2CC}} = \frac{0.104 \times 40}{200} = 20.10^{-3} \Omega$

$$X_s = \sqrt{Z_s^2 - R_s^2} = \sqrt{(20.10^{-3})^2 - (9.18.10^{-3})^2} = 17.7 \text{ m}\Omega$$

6-  $\Delta U_2 = U_{20} - U_2 = R_S I_2 .\cos \varphi_2 + X_S I_2 .\sin \varphi_2$  avec  $\varphi_2 < 0$  car charge capacitive.

$$\Delta U_2 = 9.18.10^{-3} \times 180 \times 0.9 - 17.7.10^{-3} \times 180 \times \sin(\cos^{-1} 0.9) = 0.93 \text{ V}$$

$$U_2 = U_{20} - \Delta U_2 = 240 - 0.93 = 239.9V$$

$$P_2 = U_2.I_2.\cos\varphi_2 = 239.9 \times 180 \times 0.9 = 38.86 \text{kW}$$

!! Ici, le courant I<sub>2</sub> est différent que I<sub>2CC</sub>!!

$$P_1 = P_2 + P_F + P_C = P_2 + P_F + R_S I_2^{-2} = 38,86.10^3 + 275 + 9,18.10^{-3} \times 180^2 = 39,44 \text{kW}$$
  
 $\eta = 98,5\%$ 

## **EXERCICE N°3:**

Les essais d'un transformateur monophasé ont donné les résultats suivants :

Essai à vide sous tension primaire nominale :

$$U_{1n} = 2,20 \text{ kV}$$
;  $f = 50 \text{ Hz}$ ;

Valeur efficace de l'intensité du courant mesuré au primaire :

$$U_{20} = 230 \text{ V}$$
;

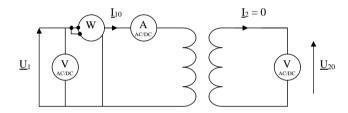
Puissance active mesurée au primaire :

$$P_{10} = 700 \text{ W}$$
;

Essai en court-circuit sous tension primaire réduite :

$$U_{1cc} = 130 \text{ V}$$
;  $I_{2cc} = 200 \text{A}$  et  $P_{1cc} = 1,50 \text{ kW}$ .

1- Proposer un schéma de câblage du transformateur permettant lors de l'essai à vide, avec tous les appareils pour mesurer  $I_{10}$ ,  $U_{20}$ ,  $P_{10}$  en indiquant le type d'appareil choisi.



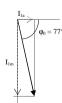
2- Calculer le rapport de transformation m:

$$m = \frac{U_{20}}{U_{1n}} = \frac{230}{2200} = 0,104$$

3- Calculer le facteur de puissance du transformateur lors de l'essai à vide :

$$P_{10} = U_{10}.I_{10}.\cos\phi_{10} \Rightarrow \cos\phi_{10} = \frac{P_{10}}{U_{10}.I_{10}} = \frac{700}{2200 \times 1.5} = 0.212$$

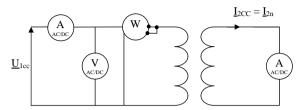
4- On note  $I_{1m}$  la valeur efficace de la composante réactive de l'intensité  $I_{10}$ . Calculer  $I_{1m}$  (appelé parfois courant magnétisant).



La composante magnétisante  $I_{1m}$  est :

$$I_{1m} = I_{10} \cdot \sin \varphi_{10} = 1.5 \times \sin(77^{\circ}) = 1.46A$$

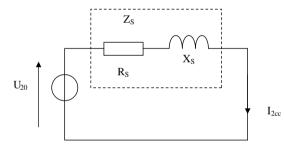
- 5- On appelle  $R_S$  la résistance des enroulement ramené au secondaire et  $X_S$  la réactance ramené au secondaire.
  - a- Proposer un schéma de câblage du transformateur lors de l'essai en courtcircuit, avec tous les appareils permettant de mesurer  $U_{1cc}$ ,  $I_{1cc}$ ,  $P_{1cc}$ .



b- Pourquoi cet essai est-il réalisé sous tension primaire réduite ?

Le secondaire étant court-circuité, seule la résistance de l'enroulement du secondaire limite l'intensité du courant  $I_{2cc}$ . Comme cette résistance est très faible, il suffit d'une tension primaire réduite  $(U_2=mU_1)$  pour obtenir une intensité de court-circuit égale à l'intensité nominale.

 c- Faire un schéma électrique équivalent du transformateur ramené au secondaire pour cet essai; y porter toutes les grandeurs électriques.



- d- Que représente la puissance active P<sub>1cc</sub> lors de cet essai ?
   Cette puissance représente les pertes par effet Joule ou pertes cuivres.
- e- Calculer Rs.

$$P_{1cc} = R_1.I_{1cc}^2 + R_2.I_{2cc}^2$$

0

$$I_{lcc} = m.I_{2cc} d'où P_{lcc} = m^2.R_1.I_{2cc}^2 + R_2.I_{2cc}^2 = (m^2.R_1 + R_2)I_{2cc}^2$$

$$P_{1cc} = R_S I_{2cc}^2 \text{ avec } R_S = m^2 . R_1 + R_2.$$

A.N.: 
$$R_S = \frac{1500}{200^2} = 37,5 \text{m}\Omega$$

# تم تحميل هذا الملف من موقع Talamidi.com

f- Calculer le module de l'impédance  $Z_S$  ramené au secondaire. Montrer que  $X_s = \sqrt{Z_s^2 - R_s^2}$  . Calculer  $X_S$ .

$$E_S = Z_S.I_{2CC}$$

$$\begin{cases} E_{S} = m.U_{lcc} \\ I_{2cc} = \frac{I_{lcc}}{m} \Rightarrow mU_{lcc} = Z_{S}.\frac{I_{lcc}}{m} \text{ soit } Z_{S} = m^{2}.\frac{U_{lcc}}{I_{lcc}} \end{cases}$$

ou

$$Z_{S} = m. \frac{U_{1cc}}{I_{2cc}}$$

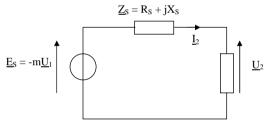
A.N: 
$$Z_s = 0.104 \cdot \frac{130}{200} = 67.9 \text{m}\Omega$$
 et  

$$X_s = \sqrt{0.067^2 - 0.037^2} = 56.7 \text{m}\Omega.$$

6- Le secondaire alimente maintenant une charge inductive de facteur de puissance 0,8.

$$U_{1n} = 2.2$$
 kV. On relève  $I_{2n} = 200$ A.

 Faire un schéma électrique équivalent du montage, le transformateur étant représenté par son modèle ramené au secondaire.



b- Calculer une valeur approchée de U<sub>2</sub>.

$$U_2 = U_{20} - \Delta U_2 = 230 - (0.0375 \times 200 \times 0.8 + 0.0567 \times 200 \times 0.6) = 217.2V$$

c- En déduire la puissance active fournie à la charge.

$$P_2 = U_2.I_2.\cos\varphi_2 = 217,2 \times 200 \times 0,8 = 34,75 \text{kW}$$

d- Quel est la valeur des pertes dans le fer Pf? ... des pertes Joules Pj? et calculer la puissance active P<sub>1</sub>.

Comme le transformateur fonctionne sous les grandeurs nominales et que l'essai à vide s'est fait sous ces grandeurs, P = 700 W.

Idem pour les pertes Joules :  $P_1 = 1500 \text{ W}$ 

D'où 
$$P_1 = P_f + P_J + P_2 = 700 + 1500 + 34751 = 36,95 \text{kW}$$
.

e- Calculer le rendement du transformateur  $\eta$  :

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} = \frac{34,75}{36,95} = 94\%$$

#### EXERCICE N°4:

Les essais d'un transformateur monophasé ont donné :

 $\bullet \quad \text{A vide}: U_1 = 220 V, \, 50 \; \text{Hz (tension nominale du primaire)} \; ;$ 

$$U_{20} = 44V$$
;  $P_{10} = 80W$  et  $I_{10} = 1A$ .

- En continu au primaire ;  $U_1 = 5V$  ;  $I_1 = 10A$ .
- En court-circuit :  $U_{1cc} = 40V$  ;  $P_{ICC} = 250W$  ;  $I_{ICC} = 20A$ (courant nominale primaire).
- 1.1 Déterminer le rapport de transformation, et le nombre de spires du secondaire si l'on en compte 520 au primaire.

$$m = \frac{U_{20}}{U_{.}} = \frac{44}{220} = 0.2$$
 et  $N_{2} = m.N_{1} = 0.2 \times 520 = 104$  spires

1.2 Vérifier que l'on peut négliger les pertes par effet Joule lors de l'essai à vide. En admettant que les pertes fer sont proportionnelles au carré de la tension primaire, montrer qu'elles sont négligeables dans l'essai en court circuit.

Calcul de R<sub>1</sub>: R<sub>1</sub> = 
$$\frac{U_1}{I}$$
 =  $\frac{5}{10}$  = 0,5 $\Omega$ 

Les pertes mesurées lors de l'essai à vide sont :  $P_{10} = P_f + R_1 I_{10}^2$ 

Soit  $P_f = P_{10} - R_1 I_{10}^2 = 80 - 0.5 \times 1^2 = 79.5 W$  (les pertes Joule pour cet essai sont négligeables ; elles représentent 1% des pertes !).

Les pertes mesurées lors de l'essai en court circuit sont :  $P_{ICC} = P_C + P_f$ 

Or, 
$$P_f = k.U_1^2 \Rightarrow k = \frac{P_f}{U_1^2} = \frac{80}{220^2} = 1,65.10^{-3} \text{(pour l'essai à vide)}.$$

Pour l'essai en court-circuit :  $U_{1cc} = 40 \text{ V}$  d'où  $P_{\rm f} = 1,65.10^{-3}.40^2 = 2,64 \text{ W}$ .

Soit,  $P_J = P_{ICC} - P_F = 250 - 2,64 = 247,4 \text{W}$  (les pertes fer pour cet essai représentent 1% des pertes totales, donc elles sont négligeables).

1.3 Déterminer les valeurs de X<sub>s</sub> et R<sub>S</sub>

$$P_{lcc} = R_s . I_{2cc}^2 \Rightarrow R_s = \frac{P_{lcc}}{I_{2cc}^2} = m^2 \frac{P_{lCC}}{I_{1cc}^2} = 0.2^2 . \frac{250}{20^2} = 25 m\Omega$$

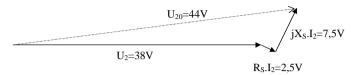
$$mU_{ICC} = Z_s \cdot \frac{I_{Icc}}{m} \Rightarrow Z_s = m^2 \cdot \frac{U_{Icc}}{I_{Icc}} = 80 \text{m}\Omega \,\text{d'où}$$

$$X_s = \sqrt{Z_s^2 - R_s^2} = \sqrt{(80.10^{-3})^2 - (25.10^{-3})^2} = 76 \text{m}\Omega$$

2- Le transformateur, alimenté au primaire sous sa tension nominale, débite 100A au secondaire avec un facteur de puissance égal à 0,9 (charge inductive).

## تم تحميل هذا الملف من موقع Talamidi.com

2.1 Déterminer graphiquement la tension secondaire du transformateur. En déduire la puissance délivrée au secondaire.



$$U_2 = 44 - (2.5 \times 0.9 + 7.5 \times 0.4) = 38.4V$$
  
 $P_2 = U_2 I_2 . \cos \varphi_2 = 38.4 \times 100 \times 0.9 = 3.46 \text{kW}$ 

2.2 Déterminer la puissance absorbée au primaire, ainsi que le facteur de puissance.

$$P_1 = P_f + P_C + P_2 = 80 + 250 + 3460 = 3,78 \text{kW}$$

е

$$\cos \varphi_1 = \frac{P_1}{U_1 \cdot I_1} = \frac{3786}{220.20} = 0,86$$

## **EXERCICE N°5:**

L'étude d'un transformateur monophasé 1500V, 225V, 50 Hz de puissance apparente 44 kVA, a donné les essais suivants :

- Essai en continu au primaire :
- $U_1 = 2.5V ; I_1 = 10A ;$
- Essai à vide :
  - $U_1 = 1500V$ ;  $I_{10} = 2A$ ;  $U_{20} = 225 V$ ;  $P_{10} = 300W$ ;
- Essai en court-circuit :
- $U_{1cc} = 22,5V$ ;  $I_{1cc} = 22,5$  A;  $P_{1cc} = 225W$ .
- 1- Déterminer le rapport de transformation :

$$m = \frac{U_{20}}{U_{1}} = \frac{225}{1500} = 0.150$$

2.a- Calculer la composante active du courant lors de l'essai à vide :

$$I_{10a} = I_{10}.cos\,\phi_{10} = I_{1v}.\frac{P_{10}}{U_{10}.I_{10}} = 2 \times 0, 1 = 0, 2A$$

2.b- Vérifier que l'on peut négliger les pertes par effet Joule lors de l'essai à vide :

Calcul de R<sub>1</sub>: R<sub>1</sub> = 
$$\frac{U_1}{I_1} = \frac{2.5}{10} = 0.25\Omega$$

Les pertes mesurées lors de l'essai à vide sont :  $P_{1v} = P_f + R_1 I_{1v}^2$ 

Soit  $P_f = P_{10} - R_1 I_{10}^2 = 300 - 0.25 \times 2^2 = 299 W$  (les pertes Joule pour cet essai sont négligeables ; elles représentent 0.33% des pertes !).

2.c- Montrer que les pertes fer sont négligeables dans l'essai en court circuit, en admettant qu'elles sont proportionnelles au carré de la tension primaire.

Les pertes mesurées lors de l'essai en court circuit sont :  $P_{ICC} = P_C + P_F$ 

Or, 
$$P_f = k.U_1^2 \Rightarrow k = \frac{P_f}{U_1^2} = \frac{300}{1500^2} = 0.133.10^{-3}$$
 (pour l'essai à vide).

Pour l'essai en court-circuit :  $U_{1cc} = 22.5 \text{ V d'où } P_c = 0.133.10^{-3}.22.5^2 = 67.5 \text{ mW}$ .

Soit, 
$$P_L = P_{LCC} - P_E = 225 - 0.675 = 224.9 \text{W}$$
 (les pertes fer sont négligeables).

3- Calculer les éléments Rs et Xs des enroulements ramenés au secondaires.

$$\begin{split} P_{lcc} &= R_S . I_{2cc}^2 \Rightarrow R_S = \frac{P_{lcc}}{I_{2cc}^2} = m^2 \frac{P_{lCC}}{I_{lcc}^2} = 0,150^2 . \frac{225}{22,5^2} = 10 m\Omega \\ mU_{lCC} &= Z_S . \frac{I_{lcc}}{m} \Rightarrow Z_S = m^2 . \frac{U_{lcc}}{I_{lcc}} = 0,150^2 \frac{22,5}{22,5} = 22,5 m\Omega \, d'où \\ X_S &= \sqrt{Z_S^2 - R_S^2} = \sqrt{\left(22,5.10^{-3}\right)^2 - \left(10.10^{-3}\right)^2} = 20,2 m\Omega \end{split}$$

- 4- Le transformateur alimenté au primaire sous une tension  $U_1$  = 1500 V débite un courant constant d'intensité  $I_2$  = 200A, quelque soit la charge.
  - a- Déterminer la valeur de  $\phi_2$ , déphasage entre courant et tension secondaire, pour que la chute de tension soit nulle.

$$\Delta \mathbf{U}_{2} = \mathbf{0} \Longleftrightarrow \mathbf{R}_{s} \mathbf{I}_{2}.\cos \phi_{2} + \mathbf{X}_{s} \mathbf{I}_{2}.\sin \phi_{2} = \mathbf{0}$$

$$\frac{\sin \varphi_2}{\cos \varphi_2} = \tan \varphi_2 = -\frac{R_s}{X_s}$$

soit 
$$\varphi_2 = -\arctan\left(\frac{10}{20,2}\right) = -26^\circ$$

b- Déterminer la chute de tension relative pour  $\cos \varphi_2 = 0.8$ .

$$\Delta U_2 = (0.01 \times 200 \times 0.8 + 0.02 \times 200 \times 0.6) = 4V$$

$$U_2 = U_{20} - \Delta U_2 = 225 - 4 = 221V$$

$$\frac{U_{20} - U_2}{U_{20}} = 1.8\%$$

5- Déterminer le rendement

$$P_2 = 221.200.0,9 = 39,78$$
kW

$$P_1 = P_1 + P_2 + P_3 = 300 + 10.10^{-3}.200^2 + 221.200.0,9 = 40,48 \text{kW}$$

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} = \frac{39,78}{40,48} = 98,2\%$$