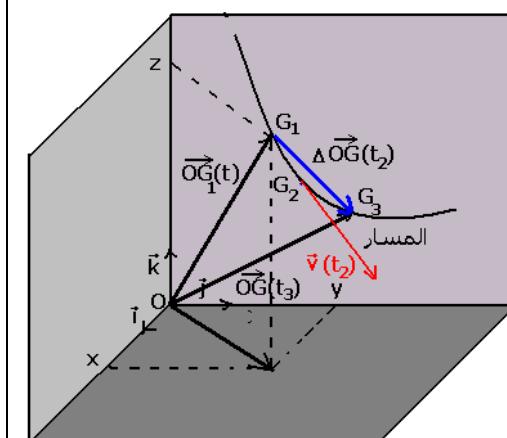
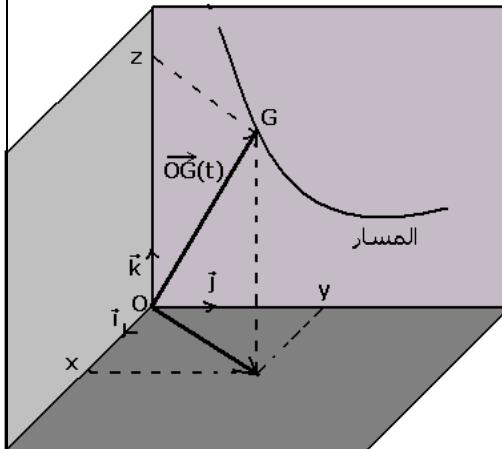


قوانين نيوتن

I - متوجهة السرعة اللحظية - متوجهة التسارع اللحظي .

1 - تذكرة .



* الحركة : متى يكون جسم صلب في حركة ؟
حركة الجسم الصلب هي **نسبية** أي تتعلق **بالجسم المرجعي**
الذي اختير لدراسة هذه الحركة .

دراسة حركة جسم ما يجب أن نختار جسم مرجعي ونعتبر **معلم للفضاء ومعلم الزمن** مرتبطين **بالجسم المرجعي** .

في جسم مرجعي ، يكون جسم صلب في حركة عندما يتغير موضع نقطه خلال الزمن

* يقتصر في دراسة حركة جسم صلب في جسم مرجعي ما على حركة **مركز قصوره G** والتي تمكنا من معرفة **حركته الإجمالية** .

* نعلم نقطة متحركة من جسم صلب بواسطة **متوجهة الموضع** مثلًا حركة مركز قصور الجسم (S) نعلمها بالمتوجهة : \overrightarrow{OG} بحيث أن إحداثياتها في المعلم المتعامد والممنظم ($R(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ هي :

$$\overrightarrow{OG}(t) = x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j} + z(t)\vec{k}$$

مجموع المواقع المتتالية التي تشغلاها النقطة G خلال الزمن تكون **مسار** هذه النقطة .

2 - متوجهة السرعة اللحظية

A - تعريف :

نعتبر $G(t_1)$ موضع مركز قصور المتحرك عند اللحظة t_1 و $G(t_2)$ موضع مركز القصور للمتحرك عند اللحظة t_2 و $G(t_3)$ موضع مركز القصور عند اللحظة $t_3 = t_1 + \Delta t$ ، نعرف متوجهة السرعة اللحظية عند اللحظة t_2 بالعلاقة التالية :

$$\vec{v}(t_2) = \frac{\overrightarrow{G(t_3)} - \overrightarrow{G(t_1)}}{t_3 - t_1} = \frac{\overrightarrow{G(t_3)} - \overrightarrow{G(t_1)}}{\Delta t}$$

طبق علاقه شال في الرياضيات :

$$\overrightarrow{G(t_1)} - \overrightarrow{G(t_3)} = \overrightarrow{G(t_1)} - \overrightarrow{G(t_2)} + \overrightarrow{G(t_2)} - \overrightarrow{G(t_3)} = \overrightarrow{OG(t_2)} - \overrightarrow{OG(t_1)} = \overrightarrow{\Delta OG(t_2)}$$

$$\vec{v}(t_2) = \frac{\overrightarrow{\Delta OG(t_2)}}{\Delta t}$$

يمكن أن نعمم هذه النتيجة على الشكل التالي :

$$\vec{v}(t) = \frac{\overrightarrow{\Delta OG(t)}}{\Delta t}$$

هذه الطريقة تسمى بالطريقة التأطيرية تستعمل في حالة أن اللحظة t تكون مؤطرة من طرف لحظتين t_{i-1} و t_{i+1} جد متقاربتين .

رياضيا نبرهن على أن $\frac{d\overrightarrow{OG}}{dt}$ تؤول إلى المشتق الأولي $\frac{\overrightarrow{\Delta OG(t)}}{\Delta t}$ أي أن :

$$\vec{v}_G = \frac{d\overrightarrow{OG}}{dt} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \overrightarrow{OG}}{\Delta t}$$

مميزات متحركة السرعة :

تكون متوجهة السرعة في نقطة معينة مماسة لمسار هذه النقطة وموجهة في منحي حركتها في حالة حركة مستقيمية يكون اتجاه متوجهة السرعة متطابق مع مسار هذه النقطة

وحدة السرعة في النظام العالمي للوحدات هي m/s

ملحوظة : تتعلق متوجهة السرعة بالجسم المرجعي الذي تتم فيه الدراسة .

بـ احداثيات متحركة السرعة في معلم ديكارتى

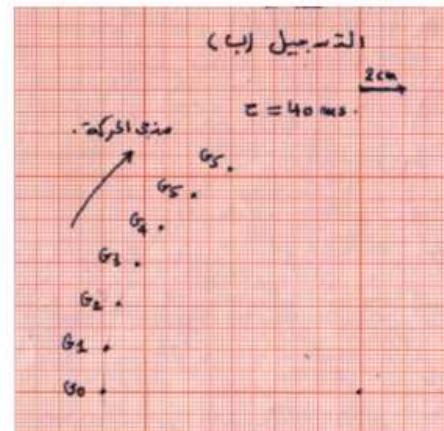
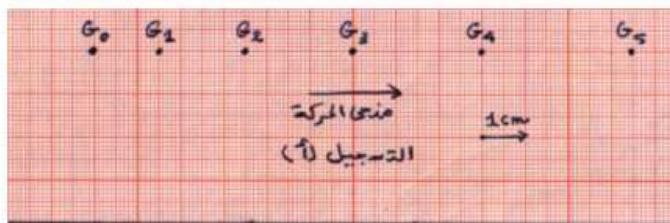
في معلم متعامد وممنظم ($\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$) إحداثيات السرعة اللحظية هي :

$$\overrightarrow{OG} = x_G \vec{i} + y_G \vec{j} + z_G \vec{k} \Rightarrow \vec{v}_G(t) = \frac{d\overrightarrow{OG}}{dt} = \frac{dx_G}{dt} \vec{i} + \frac{dy_G}{dt} \vec{j} + \frac{dz_G}{dt} \vec{k} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_z \vec{k} = \dot{x}_G \vec{i} + \dot{y}_G \vec{j} + \dot{z}_G \vec{k}$$

تمرين تحرسي :

لدراسة حركة مركز قصور حامل ذاتي على منضدة هوائية نقوم بتجربتين : التجربة الأولى نميل المنضدة بزاوية 20° بالنسبة للمستوى الأفقي . نطلق الحامل الذاتي من أعلى المنضدة بدون سرعة بدئية ونسجل مواضع مركز قصورة G خلال مدد زمنية متتالية ومتساوية $\tau = 40ms$ فنحصل على التسجيل (أ) .

التجربة الثانية : نعيد المنضدة إلى وضعها الأفقي ونربط الحامل الذاتي بخيط غير قابل الامتداد حيث أحد طرفيه مثبت بحامل ثابت والطرف الآخر مرتبط بالحامل الذاتي ونجره بطريقة . نسجل مواضع مركز قصورة G خلال مدد زمنية متتالية ومتساوية $\tau = 40ms$. فنحصل على التسجيل (ب) .



استئنار :

- أحسب بالنسبة لكل تسجيل لكل مركز قصور v_2 و v_4 سرعتا G على التوالي في الموضعين G_2 و G_4 .

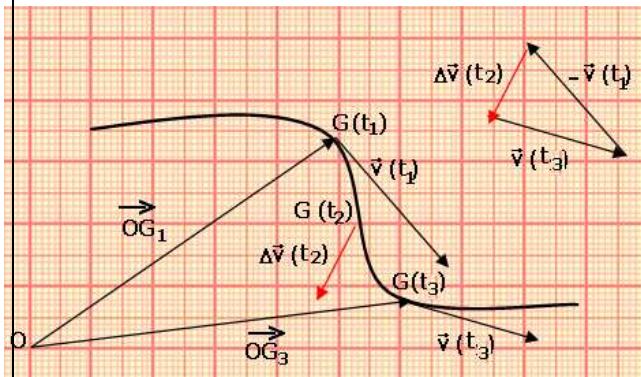
- مثل على كل تسجيل المتوجهين \vec{v}_2 و \vec{v}_4 باستعمال سلم ملائم . مثل في G_3 من كل تسجيل المتوجه $(\vec{v}_4 - \vec{v}_2)$.

3 – متوجهة التسارع اللحظي .

أ – تعريف

لتكون $(\vec{v}(t_1), \vec{v}(t_2), \vec{v}(t_3))$ متوجهة السرعة في اللحظة t_1 و (t_2, t_3) في اللحظة $t_3 = t_1 + \Delta t$ نعرف متوجهة التسارع $(\vec{a}_G(t_2), \vec{a}_G(t_3))$ بالعلاقة التالية :

$$\vec{a}_G(t_2) = \frac{\vec{v}(t_3) - \vec{v}(t_2)}{t_3 - t_2} = \frac{\Delta \vec{v}(t_2)}{\Delta t}$$



$$\vec{a}(t) = \frac{\Delta \vec{v}(t)}{\Delta t}$$

بصفة عامة تكتب متجه التسارع في لحظة t هي :

نستعمل هذه العلاقة في حالة أن اللحظة t مؤطرة بلحظتين t_{i+1} و t_i جداً متقاربتين .

عندما تنتهي Δt نحو الصفر ، يتناهى المقدار $\frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$ نحو متجه التسارع $(\vec{a}_G(t))$ بحيث أن :

$$\vec{a}_G(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left(\frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t} \right) = \frac{d \vec{v}_G}{dt}$$

وحدة التسارع في النظام العالمي للوحدات هي m/s^2 .

ملحوظة : تتعلق متجه التسارع بالجسم المرجعي الذي تتم فيه الدراسة .

تطبيقات :

3 - احسب بالنسبة للدراسة التجريبية السابقة المتجهة \vec{a}_3 . ومثلها باستعمال سلم مناسب .

بـ احداثيات متحركة التسارع

* احداثيات متجه التسارع في معلم ديكارتى $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$:

$$\vec{a}_G(t) = \frac{d \vec{v}_G}{dt} = \frac{dv_x}{dt} \vec{i} + \frac{dv_y}{dt} \vec{j} + \frac{dv_z}{dt} \vec{k} = \frac{d^2 x_G}{dt^2} \vec{i} + \frac{d^2 y_G}{dt^2} \vec{j} + \frac{d^2 z_G}{dt^2} \vec{k} = \ddot{x} \vec{i} + \ddot{y} \vec{j} + \ddot{z} \vec{k}$$

حالات خاصة :

إذا كانت حركة G تتم على مستوى $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j})$ في معلم ديكارتى مرتبط بجسم مرجعي \mathcal{R} تصبح العلاقات كالتالى :

$$\begin{aligned} \overrightarrow{OG} &= x \vec{i} + y \vec{j}, \vec{v}_G = \dot{x} \vec{i} + \dot{y} \vec{j}, \vec{a}_G = \ddot{x} \vec{i} + \ddot{y} \vec{j} \\ v_G &= \sqrt{v_x^2 + v_y^2}, a_G = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} \end{aligned}$$

إذا كانت حركة G حركة مستقيمية تتم وفق المحور (\vec{O}, \vec{i}) فإن العلاقات هي كالتالى :

$$\overrightarrow{OG} = x \vec{i}, \vec{v}_G = \dot{x} \vec{i}, \vec{a}_G = \ddot{x} \vec{i}$$

*** احداثيات التسارع في أساس فريني .**

تعريف أساس فريني :

أساس فريني هو أساس للإسقاط غير مرتبط بالمرجع .

معلم فريني (M, \vec{u}, \vec{n}) معلم متعامد وممنظم ينطبق أصله مع موضع النقطة المتحركة ، حيث متجهته الوحدية \vec{u} مماسة للمسار ووجهة في منحى الحركة ، ومتوجهته \vec{n} متعامدة مع \vec{u} ووجهة داخل انحناء المسار .

نعبر عن متجه التسارع \vec{a}_G في أساس فريني ، بالنسبة لحركة مستوية كالتالى :

$$\vec{a}_G = a_T \cdot \vec{u} + a_N \cdot \vec{n} \quad \text{بحيث أن :}$$

$$a_T = \frac{dv_G}{dt} \quad \vec{a}_T \text{ متجه التسارع المماسي بحيث أن}$$

$$a_N = \frac{v^2}{\rho} \quad \vec{a}_N \text{ متجه التسارع المنظمي بحيث أن } \rho \text{ هو شعاع انحناء المسار في الموضع M .}$$

ملحوظة : من خلال الجداء السلمي للمتجهتين \vec{a} و \vec{v} يمكن لنا تحديد طبيعة الحركة :

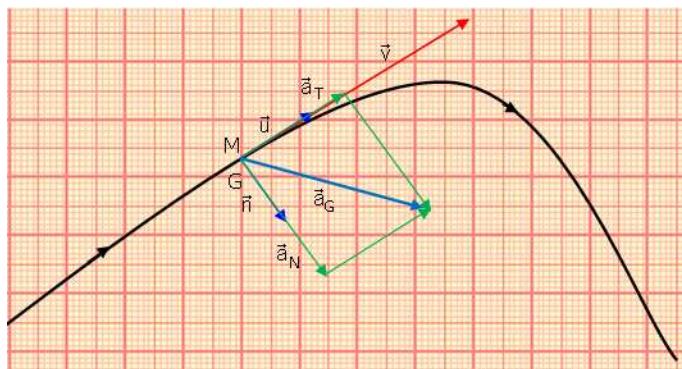
$$\vec{a} \cdot \vec{v} = a \cdot v \cdot \cos(\vec{a}, \vec{v})$$

تتعلق إشارة الجداء $\vec{a} \cdot \vec{v}$ بالزاوية $\alpha = (\vec{a}, \vec{v})$:

$\vec{a} \cdot \vec{v} < 0$ تكون الحركة متباطئة

$\vec{a} \cdot \vec{v} > 0$ تكون الحركة متسرعة

$\vec{a} \cdot \vec{v} = 0$ تكون الحركة مستقيمية منتظامة .



II – قوانين نيوتن

1 – القوة الداخلية – القوة الخارجية .

للقيام بدراسة ميكانيكية يجب تحديد المجموعة المدروسة وهي تتكون من جسم واحد أو أكثر يسمح بتصنيف القوى المفرونة بالتأثيرات الميكانيكية بين مكوناتها إلى قوى داخلية وقوى خارجية القوة الخارجية هي كل التأثيرات الميكانيكية المطبقة على المجموعة من أجسام لا

قوى الداخلية هي التأثيرات الميكانيكية المطبقة من طرف الأحجام المنتمية للمجموعة

ملحوظة : إذا كان مجموع القوى الخارجية منعدما $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ نقول أن هذه المجموعة شبه معزولة ميكانيكيا .

2 – القانون الأول لنيوتن أو مبدأ القصور

في مرجع غاليلي ، إذا كان مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب يساوي متوجهة منعدمة $(\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0})$ ، فإن متوجهة السرعة \vec{v}_G لمركز القصور G للجسم الصلب تكون ثابتة . وفي المقابل ، إذا كانت متوجهة السرعة لمركز القصور G للجسم الصلب ثابتة ، فإن مجموع القوى الخارجية المطبقة على الجسم مجموع منعدم .

ملحوظة :

يمكن مركز القصور من التمييز بين مراجع غاليلية ومراجع غير غاليلية : المراجع الغاليلية هي مراجع يتحقق فيها مبدأ القصور .

المرجع المركزي الشمسي (مرجع كوبنريك) مركزه الشمس والمحاور الثلاث موجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة . أفضل مرجع غاليلي .

المرجع المركزي الأرضي : مركزه الأرض ملائم لدراسة حركات الأجسام التي تتحرك حول الأرض (الطائرات والأقمار الاصطناعية ..) ليس بمراجع غاليلي بالمعنى الدقيق .

المرجع الأرضي : كل جسم صلب مرتبط بسطح الأرض يمكن اعتباره مرجعاً أرضياً . مثال : المختبر . ويستعمل لدراسة جميع الأجسام التي تتحرك على سطح الأرض أو على ارتفاع ضئيل منه بمرجعاً غاليلياً بالمعنى الدقيق .

بالنسبة للحركات القصيرة المدة يمكن اعتبار هذين المرجعين غاليليين .

3 – القانون الثاني لنيوتن (القانون الأساسي للتحريك)

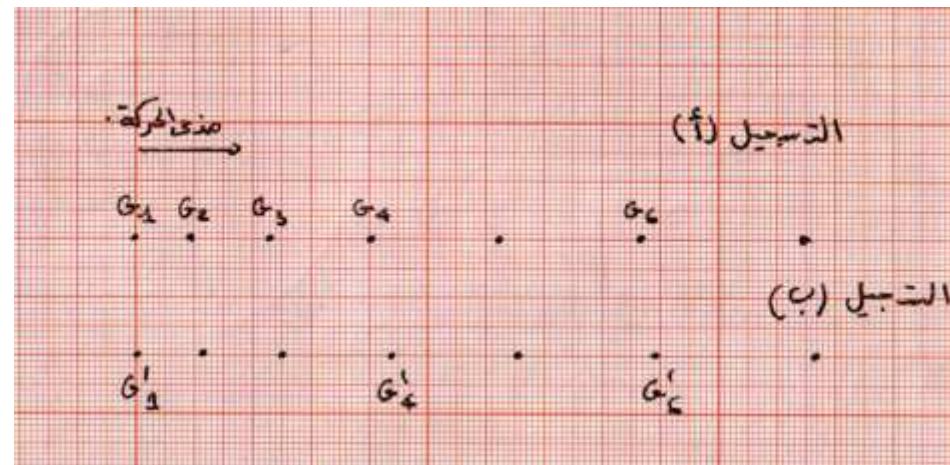
$$3 – 1 \text{ العلاقة بين } \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t} \text{ و } \sum \vec{F}_{ext}$$

النشاط التجاري 2

$$\text{التحقق التجاري من العلاقة } \sum \vec{F}_{ext} = m \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$$

نضبط المنضدة أفقياً ، ونضع الحامل الذاتي فوقها ، ثم نربطه بجهاز يطبق قوة ثابتة قابلة للضبط بواسطة خيط غير قابل الامتداد وكتلته مهملة . نحرك الحامل الذاتي في اتجاه محور أنبوب الجهاز حتى يصير الخيط موازياً لسطح المنضدة ، ونبقيه في حالة سكون . نشغل الجهاز فينزلق الحامل الذاتي فوق المنضدة بفعل القوة \vec{F} التي يطبقها عليه الخيط ($F = 0,27N$) ، وفي نفس الوقت نسجل الموضع الذي يحتلها G مركز قصور الحامل الذاتي في مدد متتالية ومتتساوية ($80ms = \tau$) فنحصل على التسجيل (أ) أنظر التسجيل أسفله .

نعيد نفس التجربة مع الاحتفاظ بنفس الشدة F لكن يوجد نقص في صبيب الهواء المنبعث من معصفة souflerie الحامل الذاتي . نحصل على التسجيل (ب)



- 1 – أجرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء حركته في التجربة الأولى .
 2 – أثبت أن $(\sum \vec{F}_{ext})$ مجموع القوى الخارجية المطبقة على الحامل الذاتي أثناء حركته يكافئ القوة \vec{F} خلال التجربة الأولى .

3 – أوحد باستغلال التسجيل قيمة Δv_G تغير سرعة G في الحالات التالية :

- أ – بين G_1 و G_3 ب – بين G_2 و G_4 ج – بين G_2 و G_5 د – بين G_2 و G_6 . ماذا تلاحظ ؟
 4 – مثل تغيرات Δt بدلالة Δv_G المدة الزمنية الموافقة .

5

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t} \quad \text{القسمة } \frac{F}{m} \quad , \quad m=450g \quad . \quad \text{تحقق من العلاقة}$$

- 6 – تعتبر أن قوة الاحتكاك f موازية لمسار G ومنحها عكس منحى G . أحسب f شدة هذه القوة .

- 7 – إذا علمت أن القانون الثاني لنيوتن تجسده العلاقة $\sum \vec{F}_{ext} = m \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$ ، اقترح نص هذا القانون ، مبرزا الفائدة منه .

3 – 2 نص القانون الثاني لنيوتن .

عندما تنتهي Δt نحو الصفر يتناهى خارج القسمة $\frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$ نحو متجهة التسارع \vec{a}_G ، فتصبح العلاقة

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G \quad \text{بمتابة قانون لحظي} \quad , \quad \text{وهو القانون الثاني لنيوتن}$$

نص قانون :

في مرجع غاليلي ، يساوي مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب حداء كتلة هذا الجسم ومتجهه التسارع لمركز قصوره G :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

ملحوظة : لا يطبق القانون الثاني لنيوتن إلا في المراجع الغاليلية .

تطبيق حول تطبيق القانون الثاني لنيوتن في المراجع الغاليلية :

تنجز مذورة ألعاب حركة دوران منتظم ، حول محور ثابت ، في مرجع أرضي . أخذ الطفل أحمد مقعده في هذه المذورة . نعتبر { الطفل ، المقعد } المجموعة المدروسة ونجسم هذه المجموعة بمركز قصورها G ، حيث كتلتها M .

1 – اجرد القوى المطبقة على المجموعة خلال حركة دورانها . ومثلها بدون سلم في مركز قصور المجموعة .

– وزن المجموعة \vec{P}

– تأثير الجبل على المجموعة \vec{F}

2 – نعتبر الجسم المرجعي $'\mathcal{R}$ ' مرتبط بالمذورة والجسم المرجعي الأرضي \mathcal{R} .

2 – 1 حدد الحالة الميكانيكية للمجموعة في \mathcal{R} و $'\mathcal{R}$. واستنتج تسارعها في المرجع $'\mathcal{R}$. في الجسم المرجعي $'\mathcal{R}$ المرتبط بالمذورة المجموعة في حالة سكون في الجو في حركة دوران منتظم .

– تسارع المجموعة في $'\mathcal{R}$ منعدم $\vec{a}_G = \vec{0}$

2 – 2 طبق القانون الثاني لنيوتن في \mathcal{R} و $'\mathcal{R}$. ماذا تستنتج ؟

طبق القانون الثاني لنيوتن في \mathcal{R} : $\vec{P} + \vec{F} = M \cdot \vec{a}_G$

طبق القانون الثاني لنيوتن في $'\mathcal{R}$ بما أن $\vec{a}_G = \vec{0}$ فإن $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ لكن حسب تمثيل القوى يلاحظ أن $\sum \vec{F}_{ext} \neq \vec{0}$

4 – القانون الثالث لنيوتن نص القانون : مبدأ التأثيرات المتبادلة .

نعتبر جسمين A و B في تأثير بيني ، لتكن $\vec{F}_{A/B}$ القوة التي يطبقها A على B و $\vec{F}_{B/A}$ القوة التي يطبقها B على A .

سواء كان الجسمان في حركة أو في سكون فإن القوتين $\vec{F}_{A/B}$ و $\vec{F}_{B/A}$ تحققان المتساوية :

$$\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$$

يطبق هذا القانون بالنسبة لقوى التماس وكذلك بالنسبة لقوى عن بعد .

III – تطبيق : حركة جسم صلب على مستوى أفقي وعلى مستوى مائل .

1 – نعتبر جسما صلبا (S) كتلته $M=200g$ ، موضوعا فوق مستوى أفقي بحيث يتم التماس بينهما بدون احتكاك . نطبق قوة أفقية ثابتة $F=0.5N$ و تسمح بتحريكه على المستوى الأفقي . خط تأثير القوة \vec{F} موازي للمستوى الأفقي .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم الصلب (S) أثناء حركة مركز قصورة G ، بين أن طبيعة حركة مركز قصورة حركة مستقيمية متغيرة بانتظام . أحسب قيمة التسارع a_G لمركز قصورة .

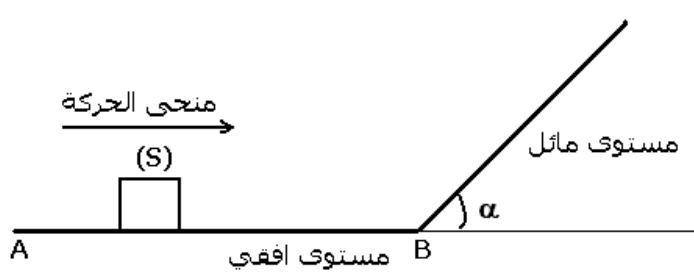
الجواب :

لتطبيق القانون الثاني لنيوتن نحدد المجموعة المدرستة : (S) . ونختار مرجعا غاليليا وهو المرجع الأرضي .

نقوم بجد القوى المطبقة على المجموعة المدرستة : (S)

وزن الجسم (S) \vec{P}

القوة الأفقية الثابتة .



\vec{R} تأثير السطح على (S) . في غياب الاحتكاك بين الجسم والسطح تكون المتجهة \vec{R} عمودية على السطح الأفقي .

طبق القانون الثاني لنيوتن ، القانون الأساسي للتحريك

$$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m.\vec{a}_G$$

إسقاط العلاقة المتجهية على المعلم المتعامد الممنظم

$$\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$$

$$(1) P_x + R_x + F_x = m.a_1 \Rightarrow F = m.a_1$$

$$\text{على } Oy \text{ لدينا : } P_y + F_y + R_y = \vec{0}$$

$$\text{على } Oy \text{ لدينا } P_y + F_y + R_y = \vec{0} \text{ غياب الحركة على المحور}$$

$$R - P = 0 \Rightarrow R = P = mg$$

$$\text{أي أن } Oy$$

حركة مركز قصور الجسم (S) حركة مستقيمية لأن مسار مركز قصور الجسم مستقيمي .

$$a = \frac{F}{m}$$

من خلال العلاقة (1) يتبيّن أن التسارع a لمركز قصور الجسم ثابت حسب التعبير التالي :

وبالتالي فحركة مركز قصور الجسم (S) حركة مستقيمية متغيرة بانتظام .

$$\text{حساب التسارع } a : a_1 = 2,5m/s^2$$

2 – في نقطة B ، تبعد عن النقطة A موضع انطلاقه بدون سرعة بدئية بمسافة $\ell = 30\text{cm}$ ، يصعد

الجسم (S) مستوى مائل بالنسبة للمستوى الأفقي بزاوية $\alpha = 45^\circ$ حيث تبقى نفس القوة \vec{F} مطبقة عليه ، خط تأثيرها موازي للمستوى المائل . نعتبر أن التماس بين المستوى المائل والجسم (S) يتم بالاحتكاك وأن معامل الاحتكاك في هذه الحالة هو $k=0,1$.

ما هي طبيعة حركة مركز قصور الجسم (S) خلال حركته على المستوى المائل ؟
أحسب المسافة الدونية التي يمكن أن يقطعها الجسم قبل توقفه .

الجواب :

طبق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في الجزء الثاني من مساره وهو المستوى المائل .

نختار نفس المرجع السابق وهو المرجع الأرضي والذي نعتبره مرجعاً غاليليا ونربطه بمعلم متعامد

$$\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$$

جرد القوى المطبقة على (S) :

$$\vec{P}$$
 وزن الجسم (S)

\vec{F} القوة الثابتة حيث اتجاهها موازي للمستوى المائل .

\vec{R} تأثير السطح على (S) . وجود الاحتكاك بين الجسم والسطح تكون المتجهة \vec{R} مائلة بالنسبة للخط المنظمي على المستوى المائل بزاوية φ تسمى بزاوية الاحتكاك ومنحاجها عكس منحى حركة الجسم

$$(S) . \text{ نعرف معامل الاحتكاك بالعلاقة التالية : } k = \tan \varphi = \frac{|R_T|}{|R_N|}$$

للمتجهة \vec{R} وهي التي تقاوم حركة الجسم تسمى بقوة الاحتكاك ونرمز لها بـ \vec{f} و \vec{R}_N المركبة

المنظمية على المستوى المائل للمتجهة \vec{R}

طبق القانون الثاني لنيوتن ، القانون الأساسي للتحريك

$$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m.\vec{a}_G$$

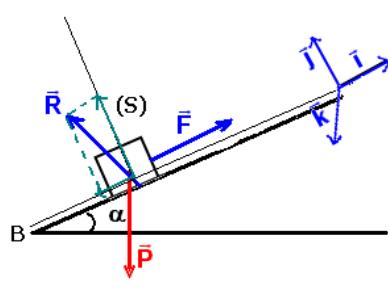
إسقاط العلاقة المتجهية على المعلم المتعامد الممنظم

$$(1) \text{ على } Ox \text{ لدينا : } P_x + R_x + F_x = m.a_2 \Rightarrow -mg \sin \alpha - R_T + F = m.a_2$$

$$P_y + F_y + R_y = \vec{0} \text{ غياب الحركة على المحور } Oy \text{ أي أن}$$

$$R_N - mg \cos \alpha = 0 \Rightarrow R_N = mg \cos \alpha$$

$$\text{لدينا } k = \frac{R_T}{R_N} \Rightarrow R_T = k.R_N = k.mg \cos \alpha \text{ من العلاقة (1) نستنتج أن}$$



$$-mg \sin \alpha - kmg \cos \alpha + F = m.a_2 \Rightarrow a_2 = \left(\frac{F}{m} - (g \sin \alpha + kg \cos \alpha) \right)$$

$$a_2 = a_1 - (g \sin \alpha + kg \cos \alpha)$$

يلاحظ من خلال التعبير أن a_2 ثابتة وأصغر من a_1 نظراً لوجود الاحتكاكات وكذلك المستوى المائل . إذن فحركة مركز قصور الجسم (S) في هذا الجزء هي حركة مستقيمية متغيرة بانتظام .

قيمة التسارع a_2 هي : $a_2 = -5,1 \text{ m/s}^2$

نحسب المسافة الدونية التي يجب أن يقطعها الجسم قبل توقفه :
طبق مبرهنة الطاقة الحركية بين النقطة B التي سيصل إليها الجسم في المرحلة الأولى بسرعة v_B والنقطة التي سيتوقف فيها الجسم (S) .

حساب v_B طبق كذلك مبرهنة الطاقة الحركية من انطلاقه من النقطة A إلى وصوله إلى النقطة B :

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 = W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = F \cdot \ell = m.a_1 \cdot \ell$$

$$v_B = \sqrt{2 \cdot a_1 \cdot \ell} = 1,22 \text{ m/s}$$

طبق مبرهنة الطاقة الحركية لحساب d المسافة التي سيقطعها الجسم قبل توقفه :

$$\frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_B^2 = W_{B \rightarrow f}(\vec{P}) + W_{B \rightarrow f}(\vec{R}) + W_{B \rightarrow f}(\vec{F})$$

$$-\frac{1}{2}mv_B^2 = -mgd \sin \alpha - R_T \cdot d + F \cdot d \Rightarrow -\frac{1}{2}mv_B^2 = m \cdot d \left(-g \sin \alpha - kg \cdot \cos \alpha + \frac{F}{m} \right)$$

$$-\frac{1}{2}mv_B^2 = m \cdot a_2 \cdot d$$

$$d = -\frac{v_B^2}{2a_2} = 0,15 \text{ m}$$

IV – الحركة المستقيمية المتغيرة بانتظام

1 – تعريف

تكون لمركز القصور G لجسم صلب حركة مستقيمية متغيرة بانتظام ، إذا كان مسار G مستقيماً وإذا كانت \vec{a}_G متوجهة التسارع للنقطة G ثابتة خلال الحركة .

2 – المعادلة الزمنية للحركة

تعتبر أن جسماً S يتحرك على مسار مستقيم ، في معلم ديكاري (O, \vec{i}) نعلم مركز قصورة G في كل لحظة t بمتجهة الموضع $\vec{x} = \vec{OG}$ أي بمتجهة السرعة للنقطة G هي $\vec{v}_G = v_G \cdot \vec{i}$.
نعتبر الشروط البدئية التالية : عند اللحظة $t_0 = 0$ لدينا $x = x_0$ و $v = v_0$. نعلم أن

$$a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow v = at + C$$

$$t = 0 \Rightarrow v = v_0 \Rightarrow C = v_0$$

$$v = at + v_0$$

$$v = \frac{dx}{dt} = at + v_0 \Rightarrow x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + C'$$

$$t = 0 \Rightarrow x = x_0 \Rightarrow C' = x_0$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

$x(t)$ تمثل المعادلة الزمنية للحركة وهي تتعلق بالشروط البدئية .