

# نطقيات: الدركان المتساوية

## I - حركة قذيفة في مجال الثقالة

نسمى قذيفة كل جسم تم إرساله من سطح الأرض بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  على أن يبقى قريباً من سطح الأرض.

خلال هذه الدراسة ، نهمل قوى الاحتكاك مع الهواء ، ونعتبر أن القذيفة خاضعة لوزنها فقط أي حركتها سقوط حر.

### 1 - متحففة التسارع

نرسل من نقطة O قذيفة (كريهة) ذات كتلة m بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  غير اسية أي أنها تكون زاوية  $\alpha$  مع المستوى الأفقي  $Oxy$  ، نسمى الزاوية  $\alpha$  بزاوية القذف. نعتبر أن مجال الثقالة منتظم. ندرس حركة القذيفة في مرجع أرضي نعتبره غاليليا ، بحيث نعلم مواضع G مركز قصور القذيفة في كل لحظة بإحداثياتها في معلم متعامد وممنظم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  مرتبط بالمرجع الأرضي .  
طبق القانون الثاني لنيتون :

$$(1) \quad \vec{a}_G = \vec{g} \quad \text{تخضع القذيفة إلى وزنها فقط أي أن } \vec{P} = m\vec{a}_G \text{ ومنه}$$

إحداثيات  $\vec{a}_G$  في المعلم  $\mathcal{R}$  :

$$a_x = 0 \quad \text{على المحور } (O, \vec{i}) \text{ لدينا}$$

$$a_y = 0 \quad \text{على المحور } (O, \vec{j}) \text{ لدينا}$$

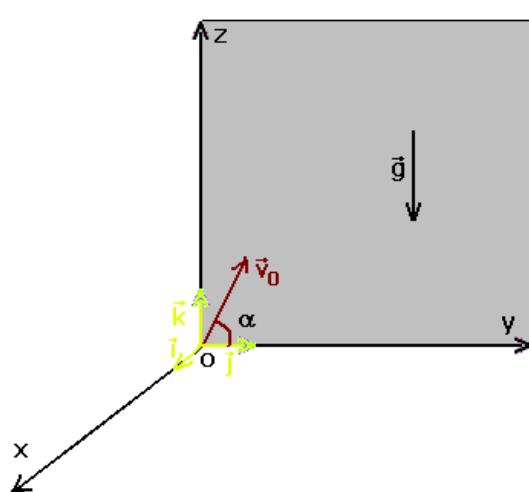
$$a_z = -g \quad \text{على المحور } (O, \vec{k}) \text{ لدينا}$$

أي أن متجهة التسارع  $\vec{a}_G$  رأسية منحاجها من الأعلى نحو الأسفل ومنظمها يساوي عددياً منظماً متجهة الثقالة  $\vec{g}$ .

### 2 - متحففة السرعة

لدينا حسب متجهة التسارع :

$$\begin{cases} \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ \frac{dv_y}{dt} = 0 \\ \frac{dv_z}{dt} = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = C_1 \\ v_y = C_2 \\ v_z = -gt + C_3 \end{cases}$$



$C_1, C_2, C_3$  ثوابت تحدد انطلاقاً من الشروط البدئية.

أن متجهة السرعة البدئية توجد في المستوى  $(Oyz)$

عند اللحظة  $t=0$  لدينا :

$$\vec{v}_0 \text{ وبالتالي ستكون} \begin{cases} v_{0x} = 0 \\ v_{0y} = v_0 \cos \alpha \\ v_{0z} = v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

أي أن إحداثيات متجهة السرعة في المعلم  $\mathcal{R}$  هي :

$$(2) \quad \vec{v}_G \begin{cases} v_x = 0 \\ v_y = v_0 \cos \alpha \\ v_z = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

### 3 – المعادلات الزمنية للحركة :

لدينا :

$$\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} = 0 \\ v_y = \frac{dy}{dt} = v_0 \cos \alpha \\ v_z = \frac{dz}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = C_4 \\ y = (v_0 \cos \alpha)t + C_5 \\ z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t + C_6 \end{cases}$$

بحيث أن  $C_4, C_5, C_6$  توابث يجب تحديدها انطلاقاً من الشروط البدئية أي أنه في اللحظة  $t=0$  لدينا :

$$\begin{cases} C_4 = 0 \\ C_5 = 0 \\ C_6 = 0 \end{cases} \text{ وبالتالي فإن } \overrightarrow{OG_0} \begin{cases} 0 \\ 0 \\ 0 \end{cases}$$

وبالتالي تكون إحداثيات النقطة G في اللحظة t في المعلم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  هي كالتـي :

$$\overrightarrow{OG} \begin{cases} x = 0 \\ y = (v_0 \cos \alpha)t \quad (1) \\ z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t \quad (2) \end{cases}$$

من خلال هذه المعادلات يتبيـن أن حركة G تتم في المستوى الرأسي (Oyz) نقول أن **الحركة مستوية**

– على المحور  $(O, \vec{j})$  ، حركة G حركة مستقيمية منتـظمة

– على المحور  $(O, \vec{k})$  ، حركة مستقيمية متـغيرة بـانتظام .

### 4 – معادلة المسار

معادلة المسار هي العلاقة التي تجمع بين إحداثياتي النقطة المتحركة G ونحصل عليها بـاقصاء المتغير t بين y و z .

من المعادلتـين الزمنـيتـين (1) و (2) نحصل على :

$$y = (v_0 \cos \alpha)t \Rightarrow t = \frac{y}{v_0 \cos \alpha}$$

$$z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t$$

أـي أن معادلة المسار هي :

$$z = -\frac{g}{2v_0^2 \sin^2 \alpha} y^2 + y \tan \alpha$$

نـستـتـجـعـ أن مـسـارـ مـرـكـزـ قـصـورـ قـذـيفـةـ فـي سـقـوـطـ حرـبـسـرـعـةـ بـدـئـيـةـ  $\vec{v}_0$  غـيرـ رـأـسـيـ فـيـ مـجـالـ الثـقـالـةـ منتـظـمـ هو جـزـءـ مـنـ شـلـجـمـ يـنـتـمـيـ إـلـىـ مـسـتـوـيـ الرـأـسـيـ الذـيـ يـحـتـويـ عـلـىـ الـمـتـجـهـ  $\vec{v}_0$  .

### 5 – بعض مميزات المسار

**أـ قـمـةـ المـسـارـ** : (la flèche) هي أعلى نقطة يصل إليها مركز قصور القذيفة .

عند وصول مركز قصور القذيفة إلى قمة المسار F تكون لدينا

$$y = y_F \quad \text{بالنسبة ل} \quad \frac{dz}{dt} = 0$$

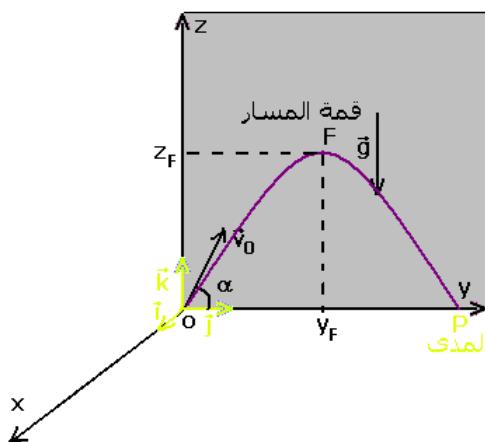
من خلال المعادلة (2) نحصل على :

$$\frac{dz}{dt} = -gt_F + v_0 \sin \alpha = 0 \Rightarrow t_F = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$$

نعرض  $t_F$  في المعادلة (1)

$$y_F = \frac{v_0^2 \cos \alpha \sin \alpha}{g} \Rightarrow y_F = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{2g}$$

$$z_F = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$



ملحوظة : نحصل على أقصى قيمة لقمة المسار إذا كان

$\alpha = \frac{\pi}{2}$  أي في حالة إرسال قذيفة رأسيا نحو الأعلى .

## بـ المدى la portée

هو المسافة بين الموضع  $G_0$  لمركز قصور القذيفة لحظة انطلاقها والموضع P للنقطة G أثناء سقوط القذيفة بحيث تنتمي P إلى المحور الأفقي الذي يشمل  $G_0$  .

لتكن  $y_P$  و  $z_P$  إحداثيا النقطة P ، لدينا :  $z_P = 0$

أي أن

$$y_P \left( -\frac{g}{2v_0^2 \cos \alpha} y_p + \tan \alpha \right) = 0 \Rightarrow \begin{cases} y_p = 0 \\ \text{ou} \\ y_p = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} \end{cases}$$

## II – حركة دقيقة مشحونة في مجال كهرباسكين منتظم .

### 1 – المجال الكهرباسكين

أ – المجال الكهرباسكين المحدث من طرف شحنة نقطية تحدث دقيقة مشحونة شحنتها  $q$  توجد في نقطة 0 من الفراغ ، مجالا كهرباسكينا في نقطة M متوجهه

$\vec{E}(M)$  بحيث أن :

$$\vec{E}(M) = \frac{\vec{F}(M)}{q}$$

نعبر عن الشحنة  $q$  بالكولوم (C)

وعن  $F$  بالوحدة النيوتن N

وعن E شدة المجال الكهرباسكين ب ( $N/C$ )

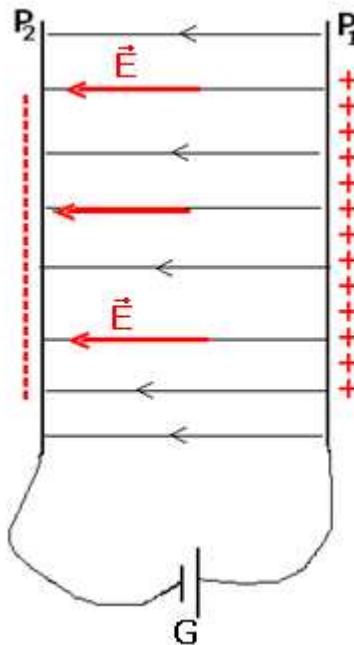
ملحوظة :

–  $F = qE$  في حالة أن  $q > 0$

–  $|F| = |q|E$  في حالة  $q < 0$

– يبرز وجود مجال كهرباسكين في نقطة ما بوضع دقيقة مشحونة في تلك النقطة حيث تخضع إلى قوة كهرباسكينة .

ب – خطوط المجال



نسمى خط المجال الكهربائي كل منحنى (أو مستقيم) تكون متجهة مجال الكهربائي مماسة له في كل نقطة من نقطته.

ج - المجال الكهربائي المنتظم

يكون المجال كهربائي منتظاماً إذا كان لمتجهته  $\vec{E}$  ، في كل نقطة من نقطته ، نفس الاتجاه ونفس المنحني ونفس المنظم.

إذا كان المجال الكهربائي منتظاماً تكون خطوط المجال عبارة عن مستقيمات متوازية.

يتتحقق المجال الكهربائي المنتظم بتطبيق توتر مستمر ثابت بين صفيحتين فلزيتين متوازيتين لهما أبعاد أكبر بكثير من المسافة  $d$  التي تفصلهما.

$$U = V_{P_1} - V_{P_2} > 0$$

عند تطبيق توتر كهربائي مستمر على صفيحتين فلزيتين لهما أبعاد أكبر بكثير من المسافة  $d$  التي تفصلهما تكون متجهة المجال الكهربائي  $\vec{E}$  ثابتة ، وعمودية على الصفيحتين ، ووجهة نحو الجهود التناقصية ومنظمها

$$E = \frac{U}{d} \quad \text{حيث أن :}$$

$U$  التوتر المطبق بين الصفيحتين بالفولت (V)  
 $d$  المسافة الفاصلة بين الصفيحتين .

$E$  شدة المجال الكهربائي نعبر عنه  $V/m$

## 2 - حركة دقيقة في مجال كهربائي منتظم

نعتبر دقيقة مشحونة ، ذات كتلة  $m$  وشحنة  $q$  بحيث أن ( $0 < q$ ) مثلاً إلكترون ، توجد في مجال كهربائي منتظم.

جرد القوى المطبقة على الدقيقة :

القوة الكهربائية بحيث أن  $\vec{F} = q\vec{E}$  وإلى وزنها  $\vec{P}$  الذي نهمل شدته أمام  $F$ .

باعتبار مرجع أرضي كمراجع غاليليا نطبق القانون الثاني لنيوتون على الدقيقة أثناء حركتها في معلم مرتبط بالمرجع الأرضي :

$\vec{F} = m\vec{a}$  حيث  $\vec{a}$  متجهة تسارع الدقيقة .

يتعلق مسار الدقيقة باتجاه  $\vec{v}_0$  متجهة السرعة البدئية للدقيقة لحظة

دخولها المجال الكهربائي المنتظم ، بالنسبة لاتجاه  $\vec{E}$  :

**الحالة الأولى :  $\vec{v}_0$  متوازية مع  $\vec{E}$**

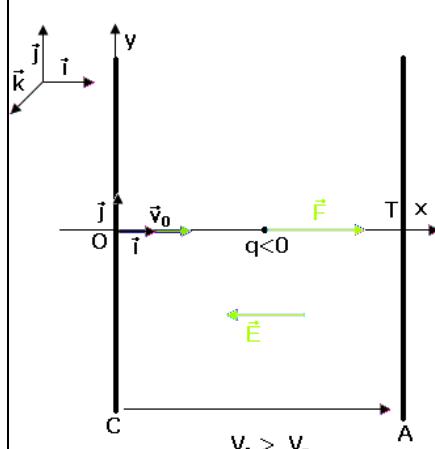
تدخل دقيقة مشحونة ( $0 < q$ ) المجال الكهربائي  $\vec{E}$  في النقطة O في

لحظة  $t_0 = 0$  بالسرعة  $\vec{v}_0$  متوازية مع  $\vec{E}$  .

$$\text{لدينا العلاقة : } \vec{a} = \frac{\vec{F}}{m} \Rightarrow \vec{a} = \frac{q}{m} \vec{E}$$

نسقط هذه العلاقة في المعلم المتعامد والممنظم المرتبط بالمرجع الأرضي ،  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  فتحصل على إحداثيات متجهة التسارع ومتجهة السرعة ومتجهة الموضع ، باعتبار الشروط البدئية التالية :

$$O \begin{cases} 0 \\ 0 \\ 0 \end{cases} \text{ و } \vec{v}_0 \begin{cases} v_0 \\ 0 \\ 0 \end{cases}$$



$$\overrightarrow{OM} \left\{ \begin{array}{l} x_M = -\frac{1}{2} \frac{qE}{m} t^2 + v_0 t \\ y_M = 0 \\ z_M = 0 \end{array} \right. \text{ و } \vec{v} \left\{ \begin{array}{l} v_x = -\frac{qE}{m} t + v_0 \\ v_y = 0 \\ v_z = 0 \end{array} \right. \text{ و } \vec{a} \left\{ \begin{array}{l} a_x = -\frac{qE}{m} \\ a_y = 0 \\ a_z = 0 \end{array} \right.$$

نستنتج من خلال هذه المعادلات أنه ليست هناك حركة على المحورين ( $Oy$ ) و ( $Oz$ ) بل تم حركة الدقيقة على المحور ( $Ox$ ) وبالتالي فإن حركة الدقيقة على هذا المحور مستقيمية متغيرة بانتظام . هل هذه الحركة متتسارعة أم متباطئة ؟

بتحديد الجداء السلمي التالي :  $\ddot{a} \cdot \vec{v} > 0$  وبالتالي فالحركة مستقيمية متتسارعة .

**حالة خاصة :** مدفع الإلكترونات حيث تكون السرعة البدئية  $v_0$  للإلكترون مهملة وتقارب الصفر .

في هذه الحالة تكون معادلات حركة الإلكترون هي :

$$x = \frac{eE}{2m} t^2, \quad v_x = \frac{eE}{m} t, \quad a_x = \frac{eE}{m}$$

يمكن حساب السرعة التي تغادر بها الإلكترون الثقب  $T$  وذلك بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الإلكترون بين  $O$  و  $T$  :

$${}^T_o \Delta E_C = W_{o \rightarrow T} (\vec{F}) \Rightarrow \frac{1}{2} mv^2 = e U_{AC}$$

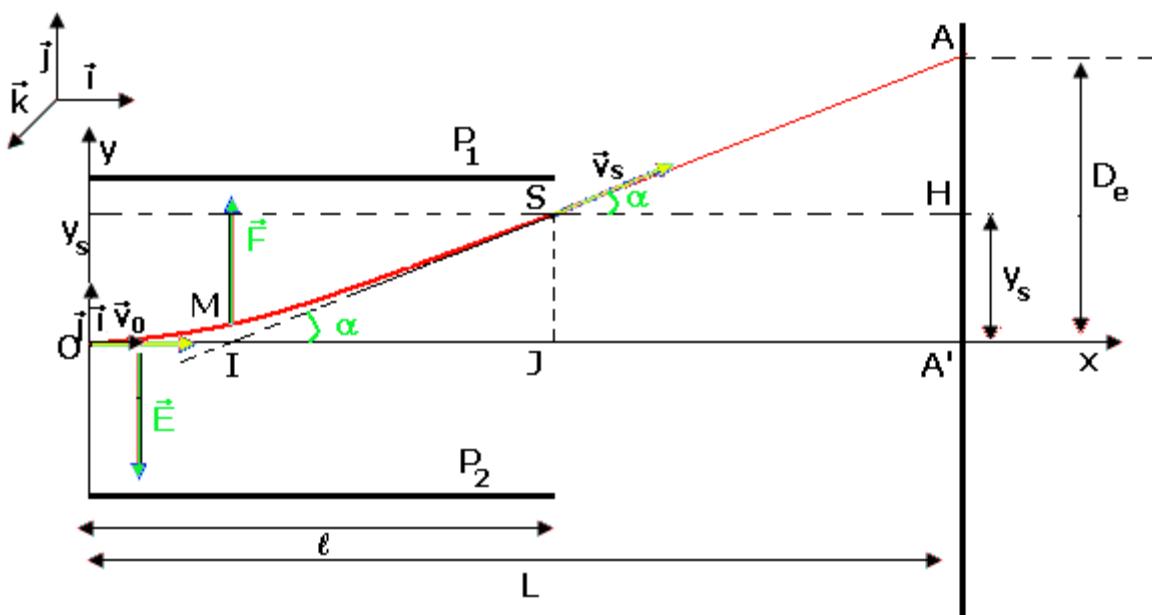
$$U_{AC} = E \cdot d \Rightarrow \frac{1}{2} mv^2 = eE \cdot d$$

وبالتالي تكون سرعة الإلكترون هي :  $v = \sqrt{\frac{2e \cdot E \cdot d}{m}}$  و تكون هذه السرعة جد عالية ونلاحظ أن هذه

السرعة تكبر كلما تزايدت شدة المجال الكهربائي  $\vec{E}$  ، نقول أن المجال الكهربائي يتصرف **كمسرع للدقيقة** .

**الحالة الثانية :**  $\vec{v}_0$  عمودية على  $\vec{E}$

تدخل دقيقة مشحونة ( $q < 0$ ) في اللحظة  $t_0 = 0$  بالسرعة  $\vec{v}_0$  عمودية على متجه المجال الكهربائي المنتظم  $\vec{E}$  في النقطة  $O$ .



أ - متجهة التسارع :

$$\vec{a} = \frac{q\vec{E}}{m} \quad \text{في مرجع أرضي .}$$

نسقط العلاقة في المعلم المتعامد والممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  حيث  $\vec{E} = -E\vec{j}$

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -\frac{qE}{m} \\ a_z = 0 \end{cases} \quad \text{ونستنتج من خلال القانون الثاني لنيوتن أن } \vec{a} \begin{cases} a_x \\ a_y \\ a_z \end{cases} \quad \text{و} \quad \vec{E} \begin{cases} 0 \\ -E \\ 0 \end{cases}$$

ب - المعادلات الزمنية باعتبار الشروط البدئية التالية :

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \\ v_y = -\frac{qE}{m}t \\ v_z = 0 \end{cases} \quad \text{وعلى المعادلات الزمنية } \vec{v}_0 \begin{cases} v_0 \\ 0 \\ 0 \end{cases} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{OM}_0 \begin{cases} 0 \\ 0 \\ 0 \end{cases}$$

$$\overrightarrow{OM} \begin{cases} x = v_0 t \\ y = -\frac{qE}{m} t^2 \\ z = 0 \end{cases} \quad \text{في المعلم } (O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}) \quad \text{أي أن}$$

نستنتج أن حركة الدقيقة في مجال كهرباسكين منتظم عمودي على متجهة السرعة البدئية  $\vec{v}_0$  ، تتم في المستوى  $(Oxy)$  إذن فهي حركة مستوية .

على المحور  $(\vec{i}, O)$  حركة مستقيمية منتظمة على المحور  $(\vec{j}, O)$  حركة مستقيمية متغيرة بانتظام .

ج - معادلة المسار ،

نحصل على معادلة المسار باقصاء الزمن  $t$  بين المعادلين الزمنيين  $x(t)$  و  $y(t)$  :

$$y = -\frac{qE}{2mv_0^2} x^2 \quad \text{في المعادلة الزمنية } y(t) \text{ لدينا :} \quad \frac{x}{v_0} = t \quad \text{حيث أن } q < 0.$$

مسار الدقيقة المشحونة في مجال كهرباسكين منتظم عمودي على متجهة السرعة البدئية  $\vec{v}_0$  عبارة عن جزء من شلجم .

د - سرعة الدقيقة لحظة خروجها من المجال الكهرباسكين :

لدينا حسب الشكل أعلاه أن إحداثياتي  $S$  نقطة خروج الدقيقة من المجال الكهرباسكين هما :

$$S \begin{cases} x_s = \ell \\ y_s = -\frac{qE}{2mv_0^2} \ell^2 \end{cases} \quad \text{وتوحد الدقيقة في النقطة } S \text{ عند اللحظة } t_s = \frac{\ell}{v_0} \quad \text{في المعادلات السرعة نحصل}$$

$$\vec{v}_s \begin{cases} v_{sx} = v_0 \\ v_{sy} = -\frac{qE}{m} \left( \frac{\ell}{v_0} \right) \end{cases} \quad \text{على :}$$

تكون المتجهة  $\vec{v}_s$  مع الاتجاه الأفقي زاوية  $\alpha$  تسمى الانحراف الزاوي بحيث أن

$$\tan \alpha = \frac{v_{sy}}{v_{sx}} = -\frac{qE}{mv_0^2}$$

٥ – الانحراف الكهربائي :

طبيعة حركة الدقيقة عند مغادرتها المجال الكهربائي :

عند خروجها من المجال الكهربائي فالقوى المطبقة عليها هي وزنها فقط وبإهماله ، حسب مبدأ القصور تكون حركة الدقيقة مستقيمية منتظمة سرعتها  $\vec{v}_s$  . فتصطدم بشاشة مستشعنة عمودية على المحور ( $O, \vec{i}$ ) . نعطي  $OA' = L$  المسافة الفاصلة بين الشاشة والنقطة ٠ نقطة انطلاق الدقيقة نسمى **انحراف الكهربائي** وهو المسافة بين النقطة  $A'$  نقطة اصطدام في غياب المجال الكهربائي و  $A$  نقطة اصطدام بوجود المجال الكهربائي . من خلال الشكل لدينا :

$$D_e = y_s + (L - \ell) \tan \alpha \quad \text{أي أن} \quad \tan \alpha = \frac{AH}{L - \ell} \quad \text{و} \quad A'H = y_s \quad D_e = A'A = A'H + HA$$

حسب العلاقات السابقة لدينا :

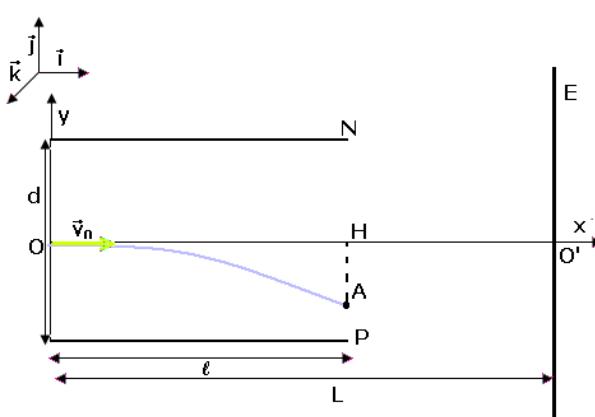
$$D_e = -\left( L - \frac{\ell}{2} \right) \frac{qU\ell}{mdv_0^2} \quad \text{و بما أن} \quad E = \frac{U}{d} \quad \text{والتي تكتب على}$$

$$K = -\left( L - \frac{\ell}{2} \right) \frac{q\ell}{mdv_0^2} \quad \text{حيث} \quad D_e = KU \quad \text{الشكل التالي :}$$

نستنتج أن الانحراف الكهربائي يتاسب اطراضاً مع التوتر المطبق بين الصفيحتين و تستغل هذه الخاصية في مبدأ اشتغال راسم التذبذب ، حيث يتاسب الانحراف الرأسى مع التوتر المطبق على الصفيحتين الأفقيتين والانحراف الأفقي مع التوتر المطبق على الصفيحتين الرأسيتين **تمرين تطبيقي** :

تلجم الإلكترون بين صفيحتين فلزيتين أفقيتين لراسم تذبذب بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  أفقية ،  $v_0 = 10^7 \text{ m/s}$  . التوتر بين الصفيحتين  $U = V_p - V_N = 40V$  ; المسافة الفاصلة بين الصفيحتين  $d = 4\text{cm}$  و طول كل منها  $\ell = 6\text{cm}$  .

- ١ – أحسب المسافة  $AH$  التي تمثل الانتقال الرأسى للإلكترون عند مغادرتها المجال الكهربائي  $\vec{E}$
- ٢ – حدد مميزات متجهة سرعة الإلكترون في النقطة  $A$  .
- ٣ – أحسب قيمة الانحراف الكهربائي  $D_e$  . المسافة الفاصلة بين الشاشة المستشعنة والنقطة ٠ هي



لكي تلجم الإلكترون بالسرعة البدئية  $v_0 = 10^7 \text{ m/s}$  ما هي قيمة توتر التسريع  $U$  التي يجب استعماله ؟ أوجد تعبير  $D_e$  بدلالة  $U$  و  $U'$  الأجرة :

$$1 - |AH| \approx 3,2 \cdot 10^{-3} \text{ m} \quad \text{مع الخط الأفقي}$$

$$v_0 \text{ والسرعة تساوي تقريباً السرعة } U' = 282,5V \text{ و } D_e \approx 5\text{cm} - 3$$

### III - حركة دقيقة مشحونة في مجال مغناطيسي منتظم .

1 - تأثير مجال مغناطيسي على حزمة من الإلكترونات  
 تجربة : عند تقرير مغناطيس من أنبوب مفرغ للاحظ انحراف الحزمة الإلكترونية . نفس الملاحظة عند تقرير ملف لولبي يمر فيه تيار كهربائي . يتغير منحى الانحراف عند عكس موضع قطبي المغناطيس أو بعكس منحى التيار الكهربائي المار في الملف اللولبي .

نستنتج :

ميكانيكيا على حزمة الإلكترونات داخل النبوب المفرغ من الهواء . نقرن هذا التأثير الميكانيكي بقوة تسمى القوة المغناطيسية . ما هي مميزاتها ؟

2 - القوة المغناطيسية ،

2 - 1 علاقة لورنتز

تخصع دقة مشحونة ، ذات شحنة  $q$  تتحرك بسرعة متوجهها  $\vec{v}$  داخل مجال مغناطيسي متوجهه  $\vec{B}$

$$\vec{F} = q\vec{E} \wedge \vec{B}$$

معرفة مميزات المتجهتين  $q\vec{v}$  و  $\vec{B}$  تمكن من استنتاج مميزات القوة  $\vec{F}$  .

خلال هذه الدراسة نعمل وزن الدقيقة المشحونة أمام القوة المغناطيسية التي تطبق عليها  
 2 - 2 مميزات القوة المغناطيسية

مميزات قوة لورنتز هي :

- نقطة التأثير الدقيقة نفسها باعتبارها نقطة مادية .

- خط التأثير : العمودي على المستوى المحدد بواسطة  $(\vec{B}, \vec{v})$  ;  $\vec{F}$  عمودية على المتجهة  $\vec{v}$  وعلى المتجهة  $\vec{B}$  .

- المنحى : هو المنحى بحيث يكون ثلاثي الوجه  $(q\vec{v}, \vec{B}, \vec{F})$  مباشرا .

$$F = |qvB \sin \alpha|$$

$q$  : شحنة الدقيقة ب (C)

$v$  : سرعة الدقيقة ب (m/s)

$B$  : شدة المجال المغناطيسي (T)

$\alpha$  الزاوية التي تكونها  $\vec{v}$  مع  $\vec{B}$

$F$  : شدة قوة لورنتز (N)

ملحوظة :

منحى  $\vec{F}$  يتغير حسب إشارة  $q$  . عمليا للحصول على منحى المتجهة  $\vec{F}$  نطبق إحدى القواعد .

- قاعدة الأصابع الثلاث لليد اليمنى . الإبهام  $\vec{q}\vec{v}$  . السبابية :  $\vec{B}$  .

الوسطى :  $\vec{F}$

- قاعدة مفك البرغي

- قاعدة اليد اليمنى

الحالات التي تتعذر فيها القوة المغناطيسية :

$q=0$  دقة محايدة كهربائيا

$\vec{v}=0$  دقة متوقفة

$\vec{B}=0$  غياب المجال المغناطيسي

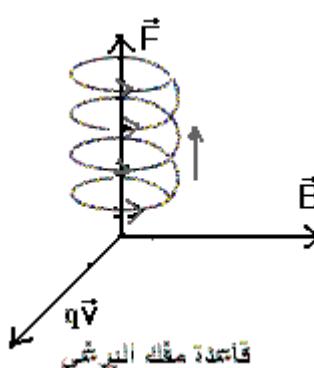
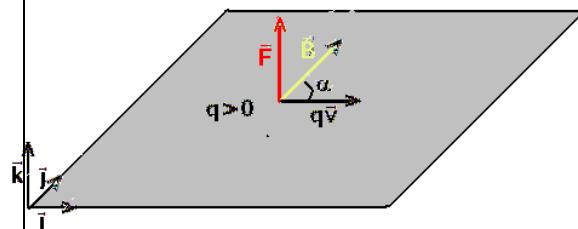
أو  $\alpha=\pi$  أي  $\vec{v}$  و  $\vec{B}$  على استقامة واحدة .

تمرين تطبيقي : ندخل حزمة من دقائق الهيليوم  $^2He^{2+}$

بسرعة  $v_0 = 10^3 m/s$  مجالا مغناطيسيا شدته  $T = 2 \cdot 10^{-3} B$  . علما أن  $(\vec{B}_0, \vec{v}_0)$  تكون زاوية  $60^\circ$  ،

أحسب شدة القوة المغناطيسية التي تخضع إليها دقائق الهيليوم . ومثل المتجهات  $\vec{B}$  و  $\vec{v}_0$  و  $\vec{F}$  على تبيّنة في الحالتين التاليتين :

$$(\vec{B}, \vec{v}_0) = 60^\circ \quad \text{و} \quad (\vec{B}, \vec{v}_0) = 120^\circ$$



الحل : حسب علاقة لورنتز :  $\vec{F} = q\vec{v}_0 \times \vec{B}$  حسب المعطيات عندنا  $q = +2e$  و  $v_0 = 10^3 m/s$

$$B = 2.10^{-3} T$$

بما أن شدة القوة  $F$  هي  $F = |qvB \sin \alpha|$  فإن  $F = 3.2.10^{-19} N$



### 3- حركة دقيقة مشحونة في مجال مغناطيسي منتظم

ندرس حركة دقيقة تم نعمتها على الحزمة الإلكترونية باعتبار أن جميع الدوائر مماثلة في الحركة تعتبر دقيقة شحنتها  $q$  وكتلتها  $m$  تلح مجالاً مغناطيسياً منتظاماً  $\vec{B}$  بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  عمودية على  $\vec{B}$ .

#### A- طبيعة حركة الحزمة الإلكترونية داخل المجال المغناطيسي $\vec{B}$ .

- نبين أن مسار الإلكترون مسار مستوي
- نطبق القانون الثاني لنيوتون على الدقيقة في اللحظة  $t$

$\vec{F} = m\ddot{\vec{a}} + \vec{P}$  نحمل وزن الدقيقة أمام الشدة القوة المغناطيسية فتصبح العلاقة المتجهية السابقة على

الشكل التالي :  $\ddot{\vec{a}} = \frac{q}{m} (\vec{v}_0 \times \vec{B})$  وبما أن  $\vec{F} = m\ddot{\vec{a}}$  إذن  $\ddot{\vec{F}} = q\vec{v}_0 \times \vec{B}$  أي أن

في معلم فريني الذي تم اختياره في الشكل  $M(\vec{u}, \vec{n}, \vec{k})$  أن  $\ddot{\vec{a}}(0, a_n, 0)$  يعني أن  $a_z = 0$  ومنه  $z = g(t) = 0$  مما يبين أن حركة الدقيقة تتم في المستوى  $(\vec{u}, \vec{n})$  وبالتالي فحركة الدقيقة حركة مستوية .

#### B- ما هو شكل المسار ؟

حسب التحليل السابق وفي معلم فريني  $a_r = \frac{dv}{dt} = 0$  أي أن

$$v = cte = v_0$$

وكذاك  $\ddot{\vec{a}} = \ddot{\vec{a}}_n + \ddot{\vec{a}}_r = \ddot{\vec{a}}_n = \frac{v_0^2}{\rho_n}$  ونعلم أنه في معلم فريني

$\rho = \frac{m \cdot v_0}{|q| \cdot B} = Cte = R$  نستنتج أن  $a = a_n = \frac{q}{m} v_0 B = \frac{v_0^2}{\rho}$

إذن مسار الدقيقة هو مسار دائري .

#### C- خلاصة

حركة دقيقة ذات شحنة  $q$  وكتلة  $m$  عند لوحوها مجالاً مغناطيسياً منتظاماً  $\vec{B}$  بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  متعمدة مع  $\vec{B}$  ، حركة دائيرية منتظمة .

- مسارها ينتمي إلى المستوى العمودي على المجال .

- شعاعها يساوي :

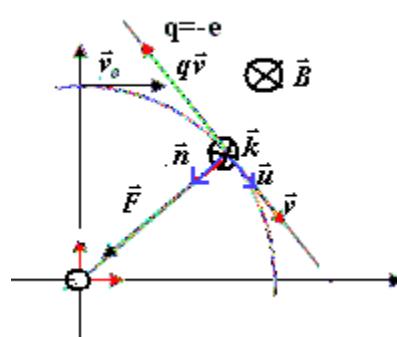
$$(1) R = \frac{m \cdot v_0}{|q| \cdot B}$$

#### D- الدراسة الطافية

\* قدرة القوة المغناطيسية

$$\mathcal{P} = \vec{F} \cdot \vec{v} \Leftrightarrow \mathcal{P} = q(\vec{v} \times \vec{B}) \cdot \vec{v} = 0$$

قدرة القوة المغناطيسية دائماً معدومة لكون أن هذه القوة دائماً عمودية على السرعة نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الدقيقة عند انتقالها خلال مدة زمنية  $\Delta t$  :



$$\frac{1}{2}mv^2 = Cte \Rightarrow v = cte = v_0 \quad \text{لذلك} \quad E_c = Cte \quad \text{أو} \quad \Delta E_c = W(\vec{F}) = 0$$

**خلاصة :** المجال المغناطيسي لا يغير الطاقة الحركية لدقيقة مشحونة.

4 : الانحراف المغناطيسي

**تعريف:** نسمى الانحراف المغناطيسي المسافة

تلحق حزمة دقائق من النقطة ٥ وبسرعة  $v_0$  حيزا طوله  $\ell$  حيث يخضع لمجال مغناطيسي منتظم متعمد مع متوجه السرعة البدئية .

مسار كل دقيقة في المجال المغناطيسي هو عبارة عن قوس من دائرة مركزها  $C$  وشعاعها

عند النقطة S تغادر الدقيقة المجال المغناطيسي بسرعة  $v_0$  بحيث تصبح حركتها مستقيمة منتظمة (مبدأ القصبة)

الزاوية  $(OC, OS) = \alpha$  تسمى بالانحراف الزاوي بحيث أن  $\sin \alpha = \frac{\ell}{R}$  وكذلك

$$\tan \alpha = \frac{\overline{O'P}}{\overline{OQ'} - \overline{OI}} = \frac{D_m}{L - \overline{OI}}$$

ويمـا أـن فـي الـأـجهـزة الـمـسـتـعـمـلـة  $\alpha$  صـغـيرـة جـداً وـكـذـلـك  $L \ll \ell$  )  
 $(\sin \alpha = \tan \alpha)$

$$D_m = \frac{|q| \cdot B \cdot L \cdot \ell}{m \cdot v_0} \text{ أی } \frac{\ell}{R} = \frac{D_m}{L}$$

**ملحوظة :** المقارنة بين الانحراف الكهربائي والانحراف المغناطيسي

$$D_m = \frac{|q| \cdot B.L.\ell}{m \cdot v_0} \quad \text{and} \quad D_e = \frac{|q| E.L.\ell}{m \cdot v_0^2}$$

يلاحظ أن الانحراف المغناطيسي أكثر تكيفاً من الانحراف الكهربائي

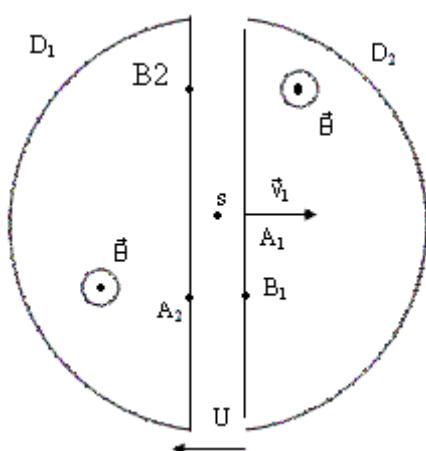
لأنه يتنااسب اطرادا مع  $\frac{1}{v_0}$ . لهذا يستعمل في أنبوب التلعاز.

تطبيقات VI :

السكلوترون ١

السيكلوترون جهاز مسرع الدقائق ، يتكون سيكلوترون من علبتين موصليتين  $D_1$  و  $D_2$  على شكل نصف أسطوانتين مفرغتين تفصل بينهما مسافة جد صغيرة أمام شعاعهما .

يوجد داخل كل حلبة مجال مغناطيسي منتظم  $\vec{B}$  شدته  $B = 0.14\text{T}$



1 – يطبق بين العلبتين توتران U تابعاً وموجياً . تنطلق حزمة من البروتونات من المندفع S ، فيتم تسريعها نحو العلبة  $D_1$  ، حيث تكون سرعة كل

بروتون عند وصوله النقطة A هي :  $v_1 = 4.38 \cdot 10^5 \text{ m/s}$  ، ٢ - بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد قيمة  $R_1$  ، شعاع المسار

الدائي للبروتون داخل  $D_1$  .  
2 – أوجد قيمة الدور  $T$  لحركة البروتون . بين أن  $T$  لا ترتبط بسرعة

البروتون ولا بشعاع مساره .  
2 – يصل البروتون إلى  $B_1$  في اللحظة التي تتغير عندها إشارة التوتر  $U$  ،

فيتسرع البروتون ، من جديد ، نحو العلبة  $D_2$   
2 - بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية ، أوجد السرعة  $v_2$  للبروتون عند

2 – ل يكن  $R_2$  شعاع مسار البروتون داخل العلبة  $D_2$  برهن على أن  $R_2 > R_1$ .  
 2 – عند وصول البروتون إلى النقطة  $B_2$  ، تتغير إشارة التوتر من جديد . صف حركة البروتون بعد وصوله إلى  $B_2$  . استنتج وظيفة السيكلotron ، إذا علمت أن إشارة  $U$  تتغير دوريا .

نعطي كتلة البروتون  $m = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

شحنة البروتون  $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

## 2 – راسم طيف الكتلة

راسم طيف الكتلة جهاز يمكن من فرز أيونات ذات كتل أو شحن مختلفة ، وذلك باستعمال مجال كهرباسكين ومجال مغناطيسي .

يتكون راسم الطيف للكتلة من نوع Dempster (Dempster) من :  
 حجرة التأين حيث تنتج الأيونات ؛

حجرة التسريع حيث تدخل الأيونات بسرعة تقاد تكون منعدمة لتسرع  
 محدث بواسطة توتر  $U$  .

نريد فرز الأيونات  ${}_{2,2}^{4}\text{He}^{2+}, {}_{2,3}^{4}\text{He}^{2+}$  كتلتاهمما إتباعا  $m_3 = 5 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$  و  $m_4 = 6.7 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$  ندخل الأيونات في مجال كهرباسكين منتظم محدث بواسطة توتر  $U$  مطبق بين صفيحتين رأسيتين  $P_1$  و  $P_2$  لتسريعهما إلى النقطة A .

1 – تخرج الأيونات  ${}_{2,2}^{4}\text{He}^{2+}, {}_{2,3}^{4}\text{He}^{2+}$  من النقطة A على  
 التتابع بالسرعتين  $v_1$  و  $v_2$  نهمل السرعتين عند النقطة O .  
 عبر عن السرعتين  $v_1$  و  $v_2$  بدلالة معطيات النص .  
 أحسب  $v_1$  و  $v_2$  .

2 – تدخل الأيونات ، عند النقطة A ، مجالا مغناطيسيا  
 منتظاما  $\vec{B}$  عموديا على متجهتي السرعتين  $v_1$  و  $v_2$  وتصل  
 إلى منطقة الاستقبال MP المعينة على الشكل .  
 احسب المسافة MP الفاصلة بين P و M نقطتي وقع  
 الأيونات  ${}_{2,2}^{4}\text{He}^{2+}, {}_{2,3}^{4}\text{He}^{2+}$  على منطقة استقبال . نعطي  $U = 10^4 \text{ V}$  و  $B = 0.5 \text{ T}$

