تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للباكالوريا 2015 الدورة العادية الثانية علوم تجريبية –مسلك علوم الحياة والأرض

الكيمياء : المحلول المائي لحمض الميثانويك – العمود قصدير/ فضة

1-المحلول المائي لحمض الميثانويك

1.1-تعريف الحمض حسب برونشتيد

الحمض نوع كيميائي قادر على تحرير بروتون H^+ خلال تفاعل كيميائي .

2.1-معادلة التفاعل بين حمض الميثانويك والماء :

$$HCOOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftarrows HCOO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$$

3.1-الجدول الوصفي لتقدم التفاعل :

المعادلة الكيميائية		$HCOOH_{(aq)}$	$+ H_2O_{(l)}$	$\rightleftarrows HCOO^-_{(aq)}$	$+ H_3O^+_{(aq)}$
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	CV	بوفرة	0	0
حالة التحول	x	$CV - x$	بوفرة	x	x
الحالة النهائية	$x_{éq}$	$CV - x_{éq}$	بوفرة	$x_{éq}$	$x_{éq}$

4.1-تعبير نسبة التقدم النهائي بدلالة C و $[H_3O^+]_{éq}$:

حسب الجدول الوصفي :

$$[H_3O^+]_{éq} = \frac{x_{éq}}{V} \Rightarrow x_{éq} = [H_3O^+]_{éq}V$$

المتفاعل المحد هو الحمض (لأن الماء مستعمل بوفرة) $CV - x_{max} = 0$ أي: $x_{max} = CV$

تعبير نسبة التقدم النهائي :

$$\tau = \frac{x_{éq}}{x_{max}} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{éq}V}{CV} \Longrightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{éq}}{C}$$

5.1-حساب قيمة τ :

لدينا : $[H_3O^+]_{éq} = 10^{-pH}$ نكتب :

$$\tau = \frac{10^{-pH}}{C} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-3,46}}{10^{-3}} \approx 0,347$$

بما أن : $\tau < 1$ فإن التفاعل غير كلي .

6.1-إثبات تعبير خارج التفاعل $Q_{r,éq}$:

لدينا :

$$Q_{r,éq} = \frac{[HCOO^-]_{éq}.[H_3O^+]_{éq}}{[HCOOH]_{éq}}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$[HCOO^-]_{éq} = [H_3O^+]_{éq} = \frac{x_{éq}}{V}$$

$$[HCOOH]_{éq} = \frac{CV - x_{éq}}{V} = C - \frac{x_{éq}}{V} = C - [H_3O^+]_{éq}$$

كما أن : $[H_3O^+]_{éq} = 10^{-pH}$

$$Q_{réq} = \frac{[H_3O^+]^2_{éq}}{C-[H_3O^+]_{éq}} = \frac{(10^{-pH})^2}{C-10^{-pH}} \Rightarrow Q_{réq} = \frac{10^{-2pH}}{C-10^{-pH}}$$

7.1-استنتاج قيمة K_A :

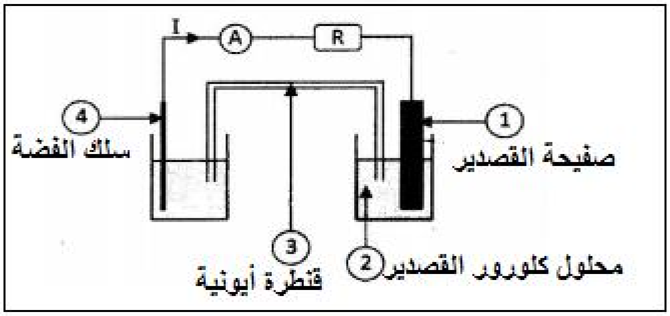
نعلم أن : $K_A = Q_{réq}$

ت.ع :

$$K_A = \frac{10^{-2\times 3,46}}{10^{-3}-10^{-3,46}} \approx 1,84\,10^{-4}$$

2-اشتغال العمود قصدير / فضة

1.2-إقران الارقام الواردة بما يناسبها أنظر التبيانة :



❶ ← صفيحة القصدير
❷ ← محلول مائي لكلورور القصدير
❸ ← قنطرة أيونية
❹ ← سلك الفضة

2.2-معادلة التفاعل الحاصل عند كل إلكترود :

عند إلكترود الفضة ، يحدث إختزال لأيونات الفضة Ag^+ :

$$2\times(1)\quad Ag^+_{(aq)} + e^- \rightleftarrows Ag_{(s)}$$

عند إلكترود القصدير تحدث أكسدة لفلز القصدير Sn :

$$(2)\quad Sn_{(s)} \rightleftarrows Sn^{2+}_{(aq)} + 2e^-$$

استنتاج المعادلة الحصيلة للتفاعل :

$$2Ag^+_{(aq)} + Sn_{(s)} \rightleftarrows Sn^{2+}_{(aq)} + 2Ag_{(s)}$$

3.2-التبيانة الاصطلاحية للعمود :

القطب الموجب للعمود هو سلك الفضة (يمر التيار خارج العمود من القطب الموجب نحو القطب السالب)

$$\oplus\ Ag_{(s)} / Ag^+_{(aq)} // Sn^{2+}_{(aq)} / Sn_{(s)}\ \ominus$$

4.2-عند اشتغال العمود يمر تيار في الدارة شدته $I = 80\,mA$ الجواب الصحيح هو د

تنبيه التعليل ليس مطلوبا لتحديديه نستعمل الجدول الوصفي التالي :

المعادلة الكيميائية		$2Ag^+_{(aq)}$ +	$Sn_{(s)}$ ⇄	$2Ag_{(s)}$ +	$Sn^{2+}_{(aq)}$	
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة (mol)				كمية مادة e^- المتبادلة
الحالة البدئية	0	$n_i(Ag^+)$	وفير	وفير	$n_i(Sn^{2+})$	$n(e^-) = 0$
الحالة بعد تمام المدة Δt	x	$n_i(Ag^+) - 2x$	وفير	وفير	$n_i(Sn^{2+}) - x$	$n(e^-) = 2x$
الحالة القصوى	x_{max}	$n_i(Ag^+) - 2x_{max}$	وفير	وفير	$n_i(Sn^{2+}) - x_{max}$	$n(e^-) = 2x_{max}$

حسب الجدول الوصفي :

$$n(e^-) = 2x$$

نعلم أن : $Q = I\Delta t = n(e^-)F$ أي: $n(e^-) = \frac{I\Delta t}{F}$

$$\frac{I\Delta t}{F} = 2x \Rightarrow I\Delta t = 2xF \Rightarrow I = \frac{2xF}{\Delta t}$$

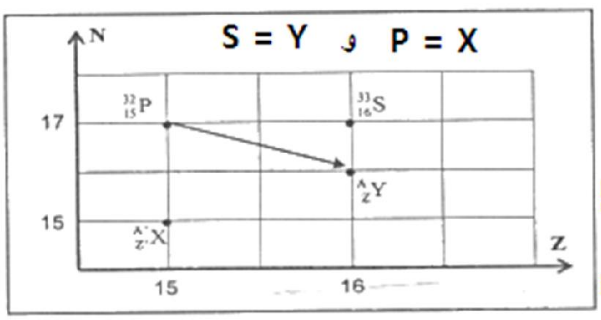
ت.ع:

$$I = \frac{2\times 1{,}5\,10^{-3}\times 96{,}5\,10^{4}}{60\times 60} = 80{,}4\,10^{-3}A = 80{,}4\,mA$$

الفيزياء

التمرين 1 : استعمالات الاشعاعات النووية في الطب

1-الفرق بين نظيرين لعنصر كيميائي هو عدد النوترونات N (أو عدد الكتلة A)



2-بالاعتماد على المخطط (Z,N) :

1.2-النويدة $^{A}_{Z}Y$

$A = Z + N = 16 + 16 = 32$ و $Z = 16$

النويدة $\boldsymbol{^{A}_{Z}Y = {^{32}_{16}S}}$

2.2-معادلة التفتت :

$$^{32}_{15}P \rightarrow {^{32}_{16}S} + {^{Z}_{A}X}$$

باستعمال قانونا صودي :

$$\begin{cases}32 = 32 + A\\ 15 = 16 + Z\end{cases} \Rightarrow \begin{cases}A = 0\\ Z = -1\end{cases} \Rightarrow {^{A}_{Z}X} = {^{0}_{-1}e}$$

معادلة التفتت تكتب :

$$\boldsymbol{^{32}_{15}P \rightarrow {^{32}_{16}S} + {^{0}_{-1}e}}$$

طراز التفتت هو $\boldsymbol{\beta^-}$

3-بالاعتماد على المخطط النويدتان : $^{32}_{15}P$ و $^{A'}_{Z'}X = {^{31}_{15}P}$

1.3-حساب طاقة الربط بالنسبة لنوية لنويدة الفوسفور $^{32}_{15}P$:

حساب طاقة الربط :

$$E_l(^{32}_{15}P) = \Delta m c^2 = [Zm_p + N m_n - m(^{32}_{15}P)]c^2$$

$$E_l(^{32}_{15}P) = [15\times 1{,}00728 + 16\times 1{,}00866 - 31{,}965678]uc^2 = 0{,}29074\times 931{,}5\,MeV\,c^{-2}c^2 = 270{,}826\,MeV$$

استنتاج طاقة الربط بالنسبة لنوية :

$$\boldsymbol{\xi(^{32}_{15}P) = \frac{E_l(^{32}_{15}P)}{A} = \frac{270{,}826}{32} = 8{,}46\,MeV/nucléon}$$

2.3-النويدة الاكثر استقرارا :

كلما كانت طاقة الربط بالنسبة لنوية كبيرا ، كلما كانت النويدة أكثر استقرارا.

بما أن $\xi({}^{32}_{15}P) = 8,46\,MeV/nucléon > \xi({}^{A'}_{Z'}X) = 8,35\,MeV/nucléon$

النويدة ${}^{32}_{15}P$ أكثر استقرارا من ${}^{A'}_{Z'}X$

4-تحديد المدة الزمنية لانعدام مفعول الدواء :

لدينا :

$$a = a_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{a_0}{100} = a_0 e^{-\lambda t}$$

$$\frac{1}{100} = e^{-\lambda t} \Rightarrow -\lambda t = \ln\left(\frac{1}{100}\right)$$

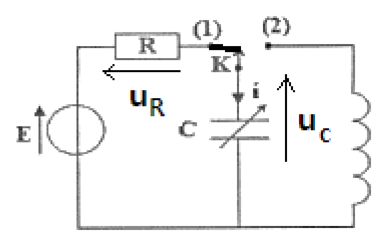
$$t = -\frac{\ln\left(\frac{1}{100}\right)}{\lambda} \Rightarrow \boldsymbol{t = \frac{\ln(100)}{\lambda}}$$

ت.ع :

$$\boldsymbol{t = \frac{\ln(100)}{4,84\cdot 10^{-2}} \approx 95,15\,jours}$$

التمرين 2 : تصرف ثنائي القطب (RC) و (LC)

1-استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة



الشكل 1

1.1-إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف :

حسب قانون إضافية التوترات :

$$E = u_R + u_C$$

حسب قانون أوم : $u_R = Ri$

مع : $q = Cu_C$ و $i = \frac{dq}{dt} = C\frac{du_C}{dt}$

$$E = RC\frac{du_C}{dt} + u_C$$

نستنتج :

$$\boldsymbol{\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC}u_C = \frac{E}{RC}}$$

2.1-تعبيري الثابتتين A و τ :
حل المعادلة التفاضلية :

$$u_C = A\left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) = A - Ae^{-\frac{t}{\tau}}$$
$$\frac{du_C}{dt} = -A\left(-\frac{1}{\tau}\right)e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية :

$$\frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{RC}\left(A - Ae^{-\frac{t}{\tau}}\right) = \frac{E}{RC}$$

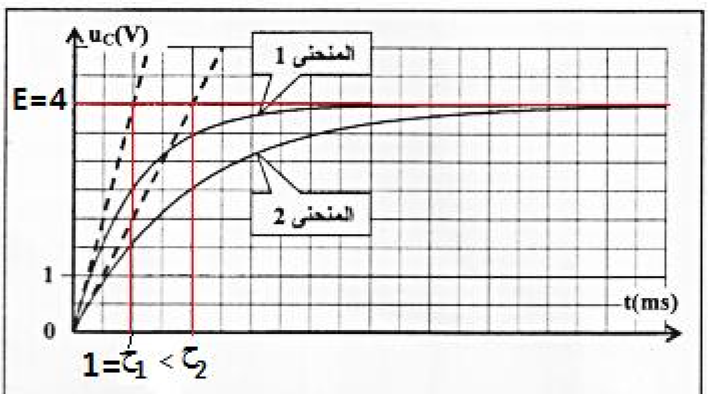
$$\frac{A}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}} - \frac{A}{RC}e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{A}{RC} - \frac{E}{RC} = 0$$

$$Ae^{-\frac{t}{\tau}}\left(\frac{1}{\tau} - \frac{1}{RC}\right) + \frac{1}{RC}(A - E) = 0$$

<

$$\begin{cases} \frac{1}{\tau} - \frac{1}{RC} = 0 \\ A - E = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \boldsymbol{\tau = RC} \\ \boldsymbol{A = E} \end{cases}$$

1.3.1-نعلم أن ثابتة الزمن $\tau = RC$ كلما تزايدت قيمة C تتزايد قيمة τ
وبالتالي $C_2 > C_1$ وبالتالي $\tau_2 > \tau_1$
حسب المبيان لدينا :
المنحنى 1 مقرون بسعة المكثف الموافق ل C_1 والمنحنى 2 بسعة المكثف الموفق ل C_2 .



الشكل 2

2.3.1-مبيانيا نجد : $\tau_1 = 1ms$
استنتاج قيمة C_1 :
لدينا : $\tau_1 = RC_1$ ومنه : $C_1 = \frac{\tau_1}{R}$ ت.ع: $C_1 = \frac{10^{-3}}{100} = 10^{-5}F = 10\mu F$

3.3.1-تتزايد مدة شحن المكثف كلما تزايدت قيمة ثابتة الزمن τ
كما أن قيمة τ ترتفع كلما تزايدت قيمة سعة المكثف C
نستنتج كلما تزايد قيمة C تزايدت مدة الشحن .

4.1-شدة التيار المار في الدارة عند $t = 0$ هو $I = 410^{-2}A$ الجواب الصحيح هو د
تنبيه التعليل ليس مطلوبا
لنحدد قيمة شدة التيار المار في الدارة عند $t = 0$:
في النظام الدائم نحصل مبيانيا على $u_C = E = 4V$
عند $t = 0$ يكون $u_C = 0$ وبالتالي :

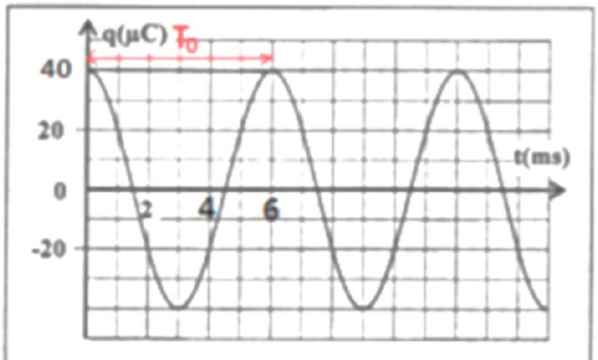
$$E = u_R(0) + u_C(0) = RI$$
$$I = \frac{E}{R} \Rightarrow I = \frac{4}{100} = 410^{-2}A$$

2-التذبذبات الكهربائية في دارة LC

1.2-نظام التذبذبات دوري .

2.2-تعيين قيمة T_0 مبيانيا :

$$T_0 = 6ms$$



الشكل 3

3.2-التحقق من قيمة L :

لدينا حسب تعبير الدور الخاص :

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 LC \Rightarrow \boldsymbol{L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}}$$

ت.ع:

$$\boldsymbol{L = \frac{(6\,10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 10^{-5}} = 9\,10^{-2}H}$$

4.2-الطاقة الكهربائية ξ_e المخزونة في المكثف عند اللحظة $t = 0$ هي الجواب الصحيح هو د $\boldsymbol{\xi_e = 8\,10^{-5}J}$

تنبيه التعليل ليس مطلوبا

مبيانيا نجد شحنة المكثف عند نفس اللحظة : $q(0) = 40\mu C$

$$\xi_e = \frac{1}{2C}q^2$$

ت.ع :

$$\xi_e = \frac{1}{2 \times 10^{-5}}(40\,10^{-6})^2 = 8\,10^{-5}J$$

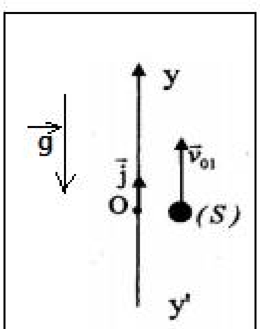
التمرين 3 : حركة كرية في مجال الثقالة المنتظم

1-حركة السقوط الحر الرأسي للكرية

1.1-إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها الارتوب y ل G

المجموعة المدروسة : $\{$الكرية$\}$

جرد القوى : الكرية في سقوط حر فهي تخضع لقوة وحيدة $\vec{P}$ وزنها .



الشكل 1

نعتبر المعلم $(O,\vec{j})$ المرتبط بالأرض معلما غاليليا ونطبق القانون الثاني لنيوتن نكتب :

$\vec{P} = m\vec{a}_G$ أي: $m\vec{a}_G = m\vec{g}$ وبالتالي : $\vec{a}_G = \vec{g}$

الإسقاط على المحور Oy :

$$a_y = -g$$

مع : $a_y = \frac{dV_G}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2}$

المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\boldsymbol{\frac{d^2y}{dt^2} = -g}$$

2.1-معادلة السرعة :

حسب الشروط البدئية : $V_{0G} = V_{01} = 5ms^{-1}$

بالتكامل نحصل على :

$$\frac{dV_G}{dt} = -g \Rightarrow V_G = -gt + V_{01} \Rightarrow V_G = -10t + 5$$

3.1-تكون سرعة G منعدمة عندما تصل الكرية الى قمة مسارها .
ليكن t_1 مدة وصول الكرية الى قمة مسارها الذي أرتوبه y_1 .

$$V_G = -gt_1 + V_{01} = 0 \Rightarrow t_1 = \frac{V_{01}}{g} = \frac{5}{10} = 0{,}5s$$

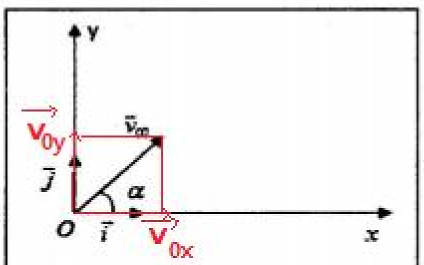
المعادلة الزمنية تكتب :

$$y_1 = -\frac{1}{2}gt_1^{\,2} + V_{01}t_1 + y_0$$

ت.ع :

$$y_1 = -\frac{1}{2} \times 10 \times (0{,}5)^2 + 5 \times 0{,}5 = 1{,}25m$$

2-حركة السقوط الحر لكرية في مستوى
1.2-التعبير الحرفي للمعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$



الشكل 2

تخضع الكرية لنفس القوة السابقة و القانون الثاني لنيوتن يكتب :
أي: $m\vec{a}_G = m\vec{g}$ وبالتالي : $\vec{a}_G = \vec{g}$
حسب الشروط البدئية :

$$\begin{cases} v_{0x} = v_{02}\cos\alpha \\ v_{0y} = v_{02}\sin\alpha \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases}$$

الاسقاط على Ox و Oy :

$$\vec{a}_G \left| \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right. \Rightarrow \left| \begin{array}{l} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -g \end{array} \right.$$

$$\xrightarrow{\text{تكامل}} \left| \begin{array}{l} v_x = v_{0x} = v_{02}\cos\alpha \\ v_y = -gt + v_{0y} = -gt + v_{02}\sin\alpha \end{array} \right.$$

$$\vec{v}_G \left| \begin{array}{l} v_x = \frac{dx}{dt} = v_{02}\cos\alpha \\ v_y = \frac{dy}{dt} = -gt + v_{02}\sin\alpha \end{array} \right. \xrightarrow[\overrightarrow{OG}]{\text{تكامل}} \left| \begin{array}{l} x(t) = v_{02}\cos\alpha t + x_0 \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{02}\sin\alpha t + y_0 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{المعادلتين الزمنيتين}} \begin{cases} x(t) = v_{02}\cos\alpha t \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{02}\sin\alpha t \end{cases}$$

2.2-إثبات تعبير المدى :

لنحدد معادلة المسار بإقصاء الزمن من المعادلتين الزمنيتين :

$$t = \frac{x}{v_{02}\cos\alpha} \Rightarrow y = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_{02}\cos\alpha}\right)^2 + v_{02}\sin\alpha\frac{x}{v_{02}\cos\alpha} \Rightarrow y = \frac{g}{2v_{02}^2\cos^2\alpha}x^2 + x\tan\alpha$$

لتكن النقطة P نقطة اصطدام الكرية بسطح الارض حيث :

$$y_P = 0 \Rightarrow x\left(-\frac{g}{2v_{02}^2\cos^2\alpha}x + \tan\alpha\right) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ -\frac{g}{2v_{02}^2\cos^2\alpha}x + \tan\alpha = 0 \end{cases}$$

نستعمل العلاقة المثلثية : $\sin(2\alpha) = 2cos\alpha sin\alpha$

$$\frac{g}{2v_{02}^2cos^2\alpha}x = \frac{sin\alpha}{cos\alpha} \Rightarrow x = x_p = \frac{2v_{02}^2cos\alpha sin\alpha}{g} \Rightarrow \boldsymbol{x_p = \frac{v_{02}^2\sin(2\alpha)}{g}}$$

1.3.2-أ-بالاعتماد على تعبير المدى يكون المدى قصويا عندما تكون : $\sin(2\alpha) = 1$ ومنه : $2\alpha = 90°$ أي: $\alpha = \alpha_0 = 45°$

مبيانيا نجد قيمة المدى : $x_{P_0} = 10m$

استنتاج قيمة v_{02} :

$$x_{P_0} = \frac{v_{02}^2\sin(2\alpha_0)}{g} \Rightarrow v_{02}^2 = \frac{gx_P}{\sin(2\alpha_0)} \Rightarrow v_{02} = \sqrt{\frac{gx_P}{\sin(2\alpha_0)}} \Rightarrow v_{02} = \sqrt{\frac{10\times 10}{1}} = 10ms^{-1}$$

ب-نعلم أن :

حسب تعبير المدى :

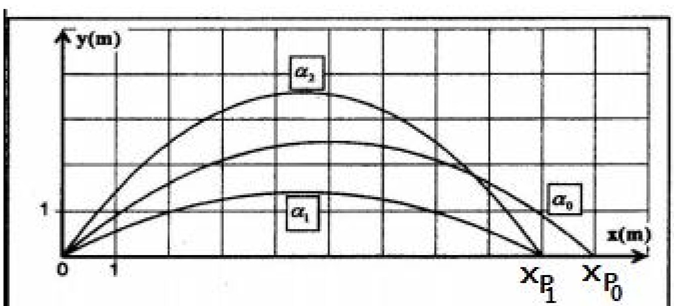
$$\boldsymbol{x_p = \frac{v_{02}^2\sin(2\alpha)}{g} \Rightarrow v_{02}^2\sin(2\alpha) = gx_P \Rightarrow sin(2\alpha) = sin(2\alpha) = \frac{gx_P}{v_{02}^2}}$$

$$\boldsymbol{sin(2\alpha) = \frac{gx_P}{v_{02}^2} \Rightarrow 2\alpha = sin^{-1}\left(\frac{gx_P}{v_{02}^2}\right) \Longrightarrow \alpha = \frac{1}{2}sin^{-1}\left(\frac{gx_P}{v_{02}^2}\right)}$$

باستعمال الشكل 3 لدينا : $x_{p_1} = 9m$

ت.ع :

$$\boldsymbol{\alpha_1 = \frac{1}{2}sin^{-1}\left(\frac{gx_{p_1}}{v_{02}^2}\right) \Rightarrow \alpha_1 = \frac{1}{2}\times sin^{-1}\left(\frac{10\times 9}{10^2}\right) = 32{,}08° \approx 32°}$$



الشكل 3

استنتاج α_2 :

لدينا : $\alpha_1 + \alpha_2 = 90° \Rightarrow \alpha_2 = 90° - \alpha_1 \Rightarrow$

$\alpha_2 = 90° - 32° = 58°$

2.3.2- العلاقة بين v_1 و v_2 هي : $\boldsymbol{v_1 = 1{,}6v_2}$ الجواب الصحيح هو د

تنبيه التعليل ليس مطلوبا

عند قمة المسار تكون السرعة أفقية وتساوي :

$$\begin{cases} v_x = v_{02}cos\alpha \\ v_y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} v_1 = v_{02}cos\alpha_1 \\ v_2 = v_{02}cos\alpha_2 \end{cases} \Longrightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{cos\alpha_1}{cos\alpha_2} = \frac{\cos(32°)}{\cos(58°)} = 1{,}6$$

ومنه

$$v_1 = 1{,}6v_2$$