تم تحمیل هذا الملف من موقع Talamidi.com

الامتحان الوطني الموحد للبكالوزيا 2015 - الدورة الاستدراكية -

الشعب (ة) أو المسلك: شعبة العلوم التجريبية بمسالكها

مادة الرياضيات

تمرين رقم 1

$$=\frac{2}{5}(5-U_n)$$

$$V_{n+1}=\frac{2}{5}V_n$$

و منه المتتالية $\left(V_n\right)_n$ هندسية أساسها $\frac{2}{5}$ و حدها الأول :

$$V_0 = 5 - U_0 = 5 - 4 = 1$$

: n بدلالة $V_n *$

: بما أن المتتالية $\left(V_{n}
ight) _{n}$ هندسية فإن

$$(\forall n \in IN) ; V_n = V_0.q^n$$

$$(\forall n \in IN) ; V_n = 1.\left(\frac{2}{5}\right)^n$$

$$(\forall n \in IN) ; V_n = \left(\frac{2}{5}\right)^n$$

ب- استنتاج:

$$(\forall n \in IN)$$
 ; $V_n = 5 - U_n$: لدينا

$$(\forall n \in IN) \; ; \; U_n = 5 - \left(\frac{2}{5}\right)^n \; : \forall n \in IN) \; ; \; U_{n+1} - U_n = \frac{2}{5}U_n + 3 - U_n$$

 $: (U_n)_n$ نهایة

$$(\forall n \in IN)$$
 ; $U_n = 5 - \left(\frac{2}{5}\right)^n$: الدينا

$$\lim \left(\frac{2}{5}\right)^n = 0$$

$$-1 < \frac{2}{5} < 1$$

$$\lim U_n = 5$$

تمرين رقم 2

1 -لدينا : معادلة (S) هي :

$$x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2z - 7 = 0$$

: dia

R=3

$$(x+1)^2 - 1 + y^2 + (z-1)^2 - 1 - 7 = 0$$

 $(x+1)^2 + (y-0)^2 + (z-1)^2 = 3^2$

و منه مرکز (S) هو النقطة $\Omega(-1,0,1)$ و شعاعها هو

$$(orall n\in I\!N)\;;\; U_n<5\;:$$
 النبين بالترجع أن $u=0$ و $u=0$ و $u=0$ من أجل $u=0$ لدينا

$$U_n < 5$$
 : إذن

$$U_{n+1} < 5$$
 : ولنبين أن $U_n < 5$ نفترض أن

$$U_{n+1} - 5 = \frac{2}{5}U_n + 3 - 5$$
 ينا :
$$= \frac{2}{5}U_n - 2$$

$$=\frac{2}{5}(U_n-5)$$

$$U_n-5<0$$
 فإن $U_n<5$

$$U_{n+1} < 5$$
 اي $U_{n+1} - 5 < 0$

$$(\forall n \in IN) ; U_n < 5$$
 و بالتالي:

2 - * التحقق من المتساوية :

$$(\forall n \in IN) \; ; \; U_{n+1} - U_n = \frac{2}{5}U_n + 3 - U_n = \frac{2}{5}U_n + 3 - U_n = \frac{2}{5}U_n + 3$$

$$= -\frac{3}{5}U_n + 3$$

$$= \frac{3}{5}(5 - U_n)$$

* استنتاج:

نعلم أن

$$(\forall n \in IN) ; U_n < 5$$

$$(\forall n \in IN)$$
 ; $5 - U_n > 0$:منه

$$(\forall n \in IN)$$
 ; $U_{n+1} - U_n > 0$! إذن

. و هذا يعني أن المتتالية
$$(U_n)_n$$
 تزايدية قطعا

3 -بما أن المتتالية
$$\left(U_{n}\right)_{n}$$
 تزايدية و مكبورة بالعدد 5 ، فإنها

متقاربة.

اً-
$$*$$
لنبين أن $\left(V_n\right)_n$ هندسية 4

$$(\forall n \in IN) ; V_{n+1} = 5 - U_{n+1}$$

= $5 - \frac{2}{5}U_n - 3$
= $2 - \frac{2}{5}U_n$

$$\begin{cases} x_H = -1 + 2 = 1 & :$$
إذن $y_H = 0 & :$
 $z_H = 1 - 1 = 0 & :$

$$z^2 - 8z + 32 = 0$$
 : ترین رقم $z^2 - 8z + 32 = 0$: لدینا $z_1 = 64 - 128 = -64$: لدینا $z_1 = \frac{8+8i}{2} = 4+4i$: $z_2 = \overline{z_1} = 4+4i$: $z_2 = \overline{z_1} = 4+4i$: $z_3 = 4+4i$: $z_4 = 4+4i$: $z_5 = 4+4i$: $z_6 = 4+4i$: $z_7 = 4+4i$: $z_$

$$a^{12} = \left[4\sqrt{2}, \frac{\pi}{4}\right]^{12}$$
 : $a^{12} = \left[(4\sqrt{2})^{12}; 12\frac{\pi}{4}\right]$

$$= \left[(4\sqrt{2})^{12}; 12\frac{\pi}{4}\right]$$

$$= \left[2^{30}; 3\pi\right] = \left[2^{30}; 3\right]$$

$$= 2^{30}(\cos \pi + i \sin \pi)$$

$$= -2^{30}$$
 $a^{12} \in IR^{-}$! إذن

$$M' = R(M) \Leftrightarrow z' - c = e^{i\frac{\pi}{2}}(z - c)$$

$$\Leftrightarrow z' - c = i(z - c)$$

$$\Leftrightarrow z' = iz - ic + c$$

$$\Leftrightarrow z' = iz + (1 - i)c$$

$$\Leftrightarrow z' = iz + (1 - i)(3 + 4i)$$

$$\Leftrightarrow z' = iz + 3 + 4i - 3i + 4$$

 $\Leftrightarrow z' = iz + 7 + i$

$$d(\Omega,(P)) = rac{ig|2x_\Omega - z_\Omega - 2ig|}{\sqrt{4+1}}$$
 = $\frac{ig|-2 - 1 - 2ig|}{\sqrt{5}} = rac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5}$: $d(\Omega,(P)) = \sqrt{5}$ و $R = 3$

$$d(\Omega,(P)) = \sqrt{5}$$
 و $R=3$ الدينا $R=3$ الدينا $\sqrt{5} < 3$ الأن $\sqrt{5} < 3$ الأن $d(\Omega,(P)) < R$ الأن $d(\Omega,(P)) < R$

$$(\Gamma)$$
 ومنه المستوى (P) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) ومنه المستوى r شعاع الدائرة r نعلم أن $r=\sqrt{R^2-d(\Omega,(P))^2}$ نعلم أن $r=\sqrt{R^2-d(\Omega,(P))^2}$

$$r = \sqrt{9 - 5} = 2 \qquad \qquad : فإن$$

 (Γ) مركز الدائرة H مركز الدائرة

لدينا H هي تقاطع المستوى (P) و المستقيم (Δ) المار من إذن: Ω و العمودي على المستوى (P) (لأنH هي المسقط العمودي Ω ل Ω على (P))

 $ec{n}_{\,p}(2,0,-1)$ لدينا $(P) \perp (P)$ إذن (Δ) موجه بالمتجهة (P) المنظمية على (P)

ومنه تمثیل بارامتري له (۵) هو النظمة

$$\begin{cases} x = -1 + 2k \\ y = 0 \end{cases}$$
 $(k \in IR)$
 $z = 1 - k$
 $H \in (P) \Leftrightarrow 2x_H - z_H - 2 = 0$ (1)
$$\begin{cases} x_H = -1 + 2k \\ y_H = 0 \end{cases}$$
 $z_H = 1 - k$
 $z_H = 1 - k$

$$-2(1+2k)-(1-k)-2=0$$

$$\Leftrightarrow -2 + 4k - 1 + k - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow 5k = 5$$

$$\Leftrightarrow k = 1$$

إذن المجموعة المطلوبة هي المستقيم (△) الذي معادلته هي:

$$x - y + 1 = 0$$

$$B \in (\Delta)$$
 $C \in (\Delta)$ و بما أن

(نتحقق من ذلك بالإحداثيات)

$$(\Delta) = (BC)$$
 : فإن

تمرين رقم 4

ليكن Ω كون الإمكانيات

بما أن السحب بتتابع و بإحلال

فإن كل سحبة هي ترتيبة بتكرار.

$$Card\Omega = 5^3 = 125$$
 : e ais

: A -احتمال الحدث

$$A = \{BBB; VVV; RRR\}$$
 : لدينا

$$CardA = 2^3 + 2^3 + 1^3$$
 : e a is

$$=17$$

$$p(A) = \frac{CardA}{Card\Omega} = \frac{17}{125}$$

: X قيم * - 2

Xقيمة	نُّوع السحبات
0	$\overline{B} \ \overline{B} \ \overline{B}$
. 1	$\overline{B} \overline{B} B$
2	$\overline{B} B B$
3	BBB

$$X(\Omega) = \{0, 1, 2, 3\}$$
 each

stفانون احتمال X:

$$p(X=0) = \frac{3^3}{125} = \frac{27}{125}$$

$$p(X=1) = \frac{3.2^{1}.3^{2}}{125} = \frac{54}{125}$$

$$p(X=2) = \frac{3.2^2.3^1}{125} = \frac{36}{125}$$

$$p(X=3) = \frac{2^3}{125} = \frac{8}{125}$$

نتحقق بسرعة أن:

$$p(X = 0) + p(X = 1) + p(X = 2) + p(X = 3) = 1$$

Rب-لدينا D صورة A بالدوران

$$D = R(A) \Leftrightarrow d = ia + 7 + i$$
 اذن:

$$\Leftrightarrow d = i(4+4i)+7+i$$

$$\Leftrightarrow d = 4i - 4 + 7 + i$$

$$\Leftrightarrow d = 3 + 5i$$

ج- <u>طريقة (1)</u>:

$$|z-3-5i| = |z-4-4i|$$

$$\Leftrightarrow |z - (3 + 5i)| = |z - (4 + 4i)|$$

$$\Leftrightarrow |\mathbf{z}_M - \mathbf{z}_D| = |\mathbf{z}_M - \mathbf{z}_A|$$

$$\Leftrightarrow DM = AM$$

إذن المجموعة المطلوبة هي واسط القطعة [AD]

C فائم الزاوية و متساوي الساقين ACD بما أن المثلث

$$(R(A) = D$$
 (لأن (لأن

Cفإن واسط القطعة [AD] يمر من

$$AB = |b - a| = |-2 - i| = \sqrt{5}$$
 وبما أن:

$$DB = |b - d| = |-1 - 2i| = \sqrt{5}$$

$$AB = DB$$
 : اي

. B يمر أيضا من [AD] يمر أيضا من

. (BC) هو المسقيم (BC) اذن واسط القطعة

<u>طريقة (2)</u>:

$$(x \in IR, y \in IR)$$
 $z = x + iy$: نضع

$$|z-3-5i|=|z-4-4i|$$

$$\Leftrightarrow |x+iy-3-5i| = |x+iy-4-4i|$$

$$\Leftrightarrow |(x-3)+i(y-5)| = |(x-4)+i(y-4)|$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{(x-3)^2 + (y-5)^2} = \sqrt{(x-4)^2 + (y-4)^2}$$

$$\Leftrightarrow (x-3)^2 + (y-5)^2 = (x-4)^2 + (y-4)^2$$

$$\Rightarrow -6x + 9 - 10y + 25 = -8x + 16 - 8y + 16$$

$$\Leftrightarrow 2x - 2y + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x - v + 1 = 0$$

$$\forall x \in]0, +\infty[;$$

لدينا:

$$f'(x) = \left(3 - \frac{1}{x^2} - 2\frac{\ln x}{x}\right)'$$

$$= \frac{2x}{x^4} - 2\frac{1 - \ln x}{x^2}$$

$$= \frac{2}{x^3} - 2\left(\frac{1 - \ln x}{x^2}\right)$$

$$= \frac{2}{x^3}(1 - x + x \ln x)$$

$$= \frac{2}{x^3}g(x)$$

$$f'(1) = \frac{2}{x^3}, g(1) = \frac{2}{x^3}$$

$$f'(1) = \frac{2}{1^3}$$
, $g(1) = 0$ —

و منه (C) يقبل مماسا أفقيا في النقطة التي أفصولها C

$$\forall x \in]0; +\infty[; f'(x) = \frac{2g(x)}{x^3} : الدينا$$

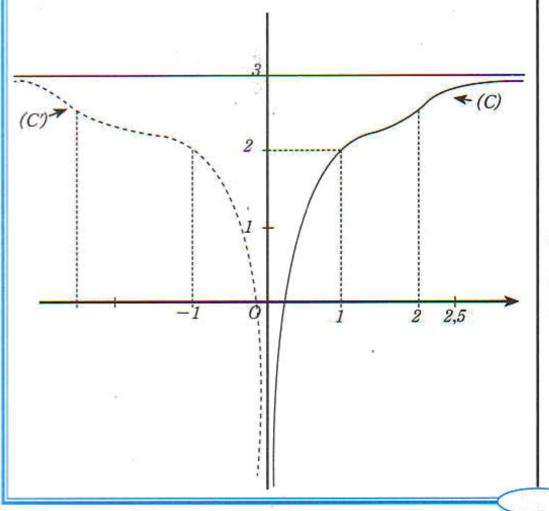
$$g(x) \ge 0$$
 و بما أن $\frac{2}{x^3} > 0$ و بما أن $0; +\infty[$ لكل x من المجال x من المجال

$$\forall x \in]0; +\infty[; f'(x) \ge 0$$
 فإن

 $]0;+\infty[$ اذن f تزایدیهٔ علی ازن f

+ 1 - انشاء f - انشاء f - جدول تغیرات f هو:

x		1		+∞
f'(x)	+	Ó	+	
f(x) _				→ 3



تمرين رقم 5

_ T

$$\forall x \in]0, +\infty[; g'(x) = (1 - x + x \ln x)' - 1]$$

$$g'(x) = -1 + (1 + \ln x)$$

$$= \ln x$$

$$lnx$$
 ب- إشارة $g'(x)$ هي إشارة

$$\forall x \in]0,1]$$
 ; $\ln(x) \leq 0$ وبما أن

$$\forall x \in]0,1]$$
 ; $g'(x) \leq 0$

$$]0,1]$$
 إذن g تناقصية على المجال

$$\forall x \in [1, +\infty[; \ln(x) \ge 0]$$

$$\forall x \in [1, +\infty[; g'(x) \ge 0]$$
 فإن:

$$[1; + \infty[$$
 إذن g تزايدية على المجال g

$$g(1) = 1 - 1 + 1 \ln 1 = 0$$
 *-2

$$g(1)$$
 على g تقبل فيمة دنيا هي $g(1)$ على g على *

$$\forall x \in]0, +\infty[; g(x) \ge g(1)$$
 إذن

$$\forall x \in]0, +\infty[; g(x) \ge 0]$$

- II

$$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} f(x) = \lim_{x \to 0^{+}} 3 - \frac{1}{x^{2}} - 2 \frac{\ln x}{x} \qquad * - 3$$

$$= \lim_{x \to 0^{+}} 3 - \frac{1}{x^{2}} (1 + 2x \ln x)$$

$$= - - \infty$$

$$\left(\lim_{x \to 0^+} -\frac{1}{x^2} = -\infty \qquad \qquad \dot{\vec{Y}} \\
\lim_{x \to 0^+} 1 + 2x \ln x = 1 \qquad \qquad \right)$$

* هندسیا :

x=0يقبل مقاربا عموديا معادلته (C)

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} 3 \to \frac{1}{x^2} - 2 \frac{\ln x}{x} = 3$$
- الدينا - 2

$$\left(\lim_{x\to+\infty}\frac{\ln x}{x}=0\quad \lim_{x\to+\infty}\frac{1}{x^2}=0\quad \dot{\forall}\quad\right)$$

 $+\infty$ يقبل مقاربا أفقيا معادلته y=3 بجوار (C) هندسيا

3 -أ- لنبين أن :

$$\forall x \in]0; + \infty[; f(x) = \frac{2g(x)}{x^3}$$

$$h$$
 منحنی h (C') منحنی $f(x) = f(x)$ لدینا $f(x) = f(x)$ $f(x) = f(x)$. $f(x) = f(x)$.

$$\int_{1}^{e} \frac{2 \ln x}{x} dx = 1$$

$$\int_{1}^{e} \frac{2 \ln(x)}{x} dx = 2 \int_{1}^{e} \frac{1}{x} \ln x \, dx$$

$$= 2 \ln'(x) \cdot (\ln x)^{1} \, dx$$

$$= \left[\ln^{2}(x)\right]_{1}^{e}$$

$$= \ln^{2}(e) - \ln^{2}(1) = 1$$

 $A = \int_{1}^{e} |f(x)| dx \quad (ua)$ $\forall x \in [1,e] \; ; \; f(x) > 0$ $\Rightarrow A = \int_{1}^{e} f(x) dx \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \int_{1}^{e} f(x) dx \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \int_{1}^{e} \left(3 - \frac{1}{x^{2}} - \frac{2 \ln x}{x}\right) dx \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \left(\int_{1}^{e} \left(3 - \frac{1}{x^{2}}\right) dx - \int_{1}^{e} \left(\frac{2 \ln x}{x}\right) dx\right) \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \left(\left[3x + \frac{1}{x}\right]_{1}^{e} - 2\right) \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \left(3e + \frac{1}{e} - 4 - 2\right) \quad (ua)$ $\Rightarrow A = \left(\frac{3e^{2} + 1 - 6e}{e}\right) cm^{2}$

$$IR^*$$
 لدينا: لكل من R^* ينتمي إلى $-x$, IR^* لدينا: لكل من $h(-x) = 3 - \frac{1}{(-x)^2} - \frac{\ln((-x)^2)}{|-x|}$ $= 3 - \frac{1}{-x^2} - \frac{\ln x^2}{|x|}$ $= h(x)$

و منه المطلوب.

6 -أ- لنيين أن الدالة h زوجية.

$$|x| = x$$
 لدينا IR^{*+} لدينا $\ln(x^2) = 2 \ln x$ و $\ln(x^2) = 2 \ln x$ و $h(x) = 3 - \frac{1}{x^2} - \frac{2 \ln x}{x}$ الذن $f(x)$