

التمرير الثالث :

(I) حل في المجموعة \mathbb{C} المعادلة : $Z^2 - 2\sqrt{3}Z + 4 = 0$

(II) المستوى (P) منسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر (O, \vec{u}, \vec{v}) ، نعتبر نقطتين D, B لحقاهما على التوالي $d = \sqrt{3} - i$ و $b = \sqrt{3} + i$

1) حدد الرمز الأسوي للعدد b و بين أن المثلث OBD متساوي الأضلاع

2) نعتبر النقطة E ذات الحق $E = e^{-i\frac{\pi}{3}}$ ولتكن R الدوران الذي مر كذه وزاويته $\frac{\pi}{2}$ ونضع O

حدد a لحق النقطة A وتحقق أن A منتصف القطعة $[OB]$

3) لتكن C صورة النقطة O بالازاحة T ذات المتجهة \overrightarrow{DB}

حدد c لحق النقطة C ثم استنتاج أن الرباعي $OCBD$ معين

التمرير الرابع :

1) أحسب التكاملين : $\int_1^e \frac{dt}{t(2+3\ln t)}$ ، $\int_{\frac{52}{53}}^1 (53x-52)^{37} dx$

2) أ. أحسب التكامل $\int_{\sqrt{2}}^2 \frac{x}{x^2-1} dx$

بـ تتحقق أن $(\forall x > 1) \frac{1}{x(x^2-1)} = \frac{x}{x^2-1} - \frac{1}{x}$

واستنتاج أن $\int_{\sqrt{2}}^2 \frac{dx}{x(x^2-1)} = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{3}{2}\right)$

جـ باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن $\int_{\sqrt{2}}^2 \frac{2\ln(x^2-1)}{x^3} dx = \frac{3}{4} \ln 3 - \ln 2$

التمرير الأول :

نعتبر المتالية (U_n) المعرفة بما يلي : $U_0 = 3$ و $U_{n+1} = \frac{16}{8-U_n}$

1) تتحقق أن $(\forall n \in \mathbb{N}) U_n < 4$ وبين أن $U_{n+1} - 4 = \frac{4(U_n - 4)}{4 + (4 - U_n)}$

2) وبين أن (U_n) و ادرس رتبة المتالية $U_{n+1} - U_n = \frac{(U_n - 4)^2}{8 - U_n}$

3) نضع $V_n = \frac{4}{4 - U_n}$ لكل عدد طبيعي n

أـ بين أن (V_n) متالية حسابية أساسها 1

بـ بين أن $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = \frac{4n+12}{n+4}$ وأحسب

4) أحسب بدلالة n الجمع $S_n = \sum_{k=0}^{n-1} \frac{1}{4 - U_k}$

التمرير الثاني :

يحتوي صندوق على كرتين حمراوين مرقميتان 1 و 2 و كرتين خضراوين مرقمتي 2 و 1 و ثلاثة كرات بيضاء مرقمة 2 و 1 و 1 . نسحب عشوائيا وفي أن واحد ثلاثة كرات من الصندوق . نعتبر الأحداث التالية :

"A" سحب ثلاثة كرات من ألوان مختلفة مثنى مثنى "

"B" سحب ثلاثة كرات تحمل نفس الرقم "

"C" الحصول على كرة من كل لون علما أنها تحمل نفس الرقم "

1) أـ أحسب احتمال كل من الحدين A و B

بـ بين أن احتمال الحدث C هو $p(C) = \frac{3}{5}$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات المتبقية في الصندوق والتي تحمل الرقم 1

أـ ماهي قيمة المتغير X وبين أن $p(X=3) = \frac{12}{35}$

بـ حدد قانون احتمال X وأحسب الأمل الرياضي $E(X)$