

الإجابة 1

لذلك g دالة معروفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) ; \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} g(x)$$

(1) أحسب النهايييي $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ ثم أجز جدول تغيرات الدالة g

$$(\forall x > 0) \quad g(x) \geq 0$$

الإجابة 2

نعتبر الدالة العددية f المعروفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :

(1) أ- بيه أن f متصلة على $[0, +\infty)$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} \frac{f(x)}{x} = +\infty$$

(2) أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- أدرس الفرع الالانهائي للمنحنى (C_f) عند $+\infty$

$$(3) \quad (\forall x > 0) \quad f'(x) = 2g(x)$$

ب- أحسب $f'(x)$ ثم أجز جدول تغيرات الدالة f

$$(4) \quad (\forall x > 0) \quad f(x) - x = x(g(x) - \ln x)$$

ب- استنتج أن المحنى (C_f) يوجد فوق المستقيم $y = x$ على المجال $[1, +\infty)$

$$(5) \quad \text{أرسم المحنى } (C_f) \text{ (ناخذ } \vec{i} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{j} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \text{)}$$

أ- بيه أن f تقبل دالة عكسية f^{-1} معروفة على مجال I يتم تحديده وأرسم مرتاحها في المعلم السابق

(6) لـ α منه المجال $[0, 1]$.

(A) الحيز المحدود بين المحنى (C_f) ، محور الأفاصيل و المستقيمين $x = 1$ و $x = \alpha$

$$(1) \quad \text{أ- بيه أن الدالة } h(x) = 2x \ln x \text{ هي دالة أصلية للدالة } H(x) = x^2 \ln x - \frac{1}{2} x^2$$

ب- استنتاج $S(\alpha)$ مساحة الحيز $A(\alpha)$ ثم أحسب $\lim_{\alpha \rightarrow 0^+} S(\alpha)$

الإجابة 3

نعتبر المتتالية $(U_n)_n$ المعروفة بما يلي :

$$(1) \quad (\forall n \in \mathbb{N}) \quad 0 < U_n \leq 1$$

(2) بيه أن المتتالية $(U_n)_n$ تزايدية

$$(3) \quad \text{استنتاج أن المتتالية } (U_n)_n \text{ متقاربة و بيه أن } \lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 1$$