

Lycée ANISSE

D.S. N° 4

2.B.S.V.T. + 5A

أسئلة مستقلة

التحريين الأول:

(A) بين أن لكل حد \mathbb{R} لدينا:

$$\frac{e^{(x+1)^2}}{e^{(x-1)^2}} = e^{4x}$$

$$\frac{1 - e^{-x}}{1 + e^{-x}} = 1 - \frac{2}{e^x + 1}$$

63

(B) حل في المجهول \mathbb{R} ما يلي:

$$e^x < e^{\frac{2}{x-1}}$$

$$4e^{2x} - e^x - 3 = 0$$

$$e^{1+2x} < e^x$$

$$e^{3x} = e^{x+5}$$

64

(C) احس النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2}{e^x} + x^2 - x$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x + 2$$

64

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{x^2}}{x^2 + x + 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (x^2 + x + 1)e^x$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 + e^x}{x^3}$$

1° حل في المجهول \mathbb{C} المعادلتين:

$$(E): z^2 + 2z + 4 = 0$$

التحريين الثاني:

61

2° نعتبر في المستوى العقدي المرسوم بالعمود \mathbb{C} (لبي) النقاط A و B و C (لبي) كما اقربا على التوالي (θ, r, r')

$$c = -1 - i\sqrt{3}; \quad b = -1 + i\sqrt{3}; \quad a = 2$$

2 ج - بين أن النقطة C هي صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A وزاوية $\frac{\pi}{3}$

1 ج - استنتج طبيعة المثلث ABC

التعريف الثالث: لتكن f الدالة العددية (معرفة على \mathbb{R})

عالي: $f(x) = x - 1 + \frac{3}{e^x + 1}$

وليك (C) منها ما في م. م. م (3, 1, 0).

1 ج - احس النهايتين $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x + 1)$

2 ج - 1 - تحقق أن $f(x) = x + 2 - \frac{3e^x}{e^x + 1}$ ($\forall x \in \mathbb{R}$)

3 ج - استنتج أن المستقيم (D) الذي صادلته $y = x + 2$ مقارب

1 ج - 3 أ - بين أن f قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} وأن $f'(x) = \frac{(e^x - \frac{1}{2})^2 + 3/4}{(e^x + 1)^2}$

1 ج - 4 أ - ادرس تغير المنحنى (C).

1 ج - 5 ب - بين أن المنحنى (C) يقطع محور الخوا في نقطتين وحيدة

ج - 6 أ - اقولها α و β : $-1 < \alpha < -\frac{3}{2}$

ج - استنتج المنحنى (C)

