

السنة الدراسية : 2012/13	فرض محروس رقم 3 الدورة الاولى في مادة الرياضيات	الثانوية الجـاحظ التأهيلية المستوى: 2 علوم تجريبية 1
المدة: ساعتان		
استاذ: عبد الفتاح قويدر		
<p><b>تمرين I:</b></p> <p>نعتبر النقط A و B و C و D التي احاقها على التوالي :</p> $z_D = -4 - 2i \text{ و } z_C = 4 + 2i \text{ و } z_B = -1 + 7i \text{ و } z_A = 2 - 2i$ <p>1- تحقق من ان النقطتين D و C متماثلتين بالنسبة للنقطة O 2- احسب المسافات AB و BC 3- اكتب على الشكل المثلي العدد العقدي <math>z_A</math> 4- اكتب على الشكل الجبري كلا من <math>\frac{z_A}{z_C}</math> و <math>\frac{z_B}{z_C}</math> 5- لتكن <math>\Omega</math> النقطة ذات اللق <math>\omega = -1 + 2i</math> بين ان النقط A و B و C و D تنتمي الى دائرة مركزها <math>\Omega</math>، ينبغي تحديد شعاعها</p> <p>6- لتكن النقطة E منتصف القطعة [AB] و e لحقها أ) قارن <math>\frac{c-e}{a-e}</math> و <math>\frac{a-e}{d-e}</math> ب) ماذا يمثل المستقيم (AE) بالنسبة للزاوية <math>(\widehat{ED}; \widehat{EC})</math></p>	<p>التنقيط</p> <p>8ن</p> <p>1ن 1ن 1ن 1.5ن 1.5ن</p> <p>1ن 1ن</p>	
<p><b>تمرين II:</b></p> <p>(I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على <math>]0, +\infty[</math> بمايلي : <math>g(x) = x^2 - 1 + 2x^2 \ln x</math> 1) بين ان <math>x^2 - 1</math> و <math>2x^2 \ln x</math> لهما نفس الاشارة على المجال <math>]0, 1[</math> ثم استنتج ان <math>g(x) \leq 0</math> لكل x من المجال <math>]0, 1[</math> 2) بين ان <math>x^2 - 1</math> و <math>2x^2 \ln x</math> لهما نفس الاشارة على المجال <math>]1, +\infty[</math> ثم استنتج ان <math>g(x) \geq 0</math> لكل x من المجال <math>]1, +\infty[</math></p> <p>(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على <math>]0, +\infty[</math> بمايلي : <math>f(x) = (x^2 - 1) \ln x</math> وليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم <math>(O; \vec{i}, \vec{j})</math> (الوحدة 3cm)</p> <p>1) أ- بين ان <math>\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty</math> واول النتيجة هندسيا ب- احسب <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)</math> ثم بين ان <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty</math> (يمكنك كتابة <math>\frac{f(x)}{x}</math> على الشكل <math>\left(\frac{x^2-1}{x}\right) \ln x</math>) واستنتج ان المنحنى (C) يقبل فرعا شلجيميا بجوار <math>+\infty</math> يتم تحديده</p> <p>2) أ- بين ان <math>f'(x) = \frac{g(x)}{x}</math> لكل x من <math>]0, +\infty[</math> واول هندسيا النتيجة <math>f'(1) = 0</math> ب- استنتج ان الدالة f تناقصية على المجال <math>]0, 1[</math> وتزايدية على المجال <math>]1, +\infty[</math> ج- اعط جدول تغيرات الدالة f على المجال <math>]0, +\infty[</math> ثم بين ان <math>f(x) \geq 0</math> لكل x من <math>]0, +\infty[</math></p> <p>3) انشئ المنحنى (C) في المعلم <math>(O; \vec{i}, \vec{j})</math></p>	<p>12ن</p> <p>1.5ن 1.5ن</p> <p>1ن 1.5ن 0.5ن</p> <p>2ن 1ن 1ن</p> <p>2ن</p>	
والله ولي التوفيق		