

تمارين للبحث والدعم والتثبيت

تمرين 1: (امتحان 2009) يحتوي صندوق على 3 كرات بيضاء و 5 كرات حمراء نسحب عشوائيا كرتين من الصندوق في آن واحد و نفترض أن جميع الكرات لها نفس الاحتمال لكي تسحب.
 1) نعتبر الحدين التاليين : " الحصول على ثلاثة كرات من نفس اللون " A
 " الحصول على ثلاثة كرات مختلفة اللون مثلى مثلى " B

$$\text{بين أن : } p(B) = \frac{3}{44} \quad p(A) = \frac{3}{11}$$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة لثلاثة كرات بعد الألوان التي تحملها
 (أ) حدد قانون احتمال X .
 ب) أحسب الأمل الرياضي (X)

تمرين 2: يحتوي صندوق على:
 3 أقراص تحمل الأرقام 1 , 1 , 2
 4 أقراص تحمل الأرقام 1 , 1 , 2 , 2
 5 أقراص تحمل الأرقام 1 , 2 , 2 , 2 , 3
 نسحب عشوائيا قرصين من الصندوق في آن واحد و نفترض أن جميع الأقراص لها نفس الاحتمال لكي تسحب.
 1) نعتبر الأحداث التالية : " سحب قرصين من نفس اللون " A

" الحصول على قرص واحد أحضر فقط " B و " الحصول على قرصين يحملان نفس الرقم " C

- (a) حدد احتمال الأحداث A و B و C
 (b) هل الحدثان A و B مستقلان؟

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة ممكنة لقرصين بمجموع الرفقيين المسجلين عليهما
 (a) حدد القيم الذي يأخذها المتغير العشوائي X و حدد قانون احتمال X .
 (b) أحسب $\sigma(x)$, $V(X)$, $E(X)$

تمرين 3: يتكون المكتب الإداري لإحدى الجمعيات من سبعة رجال وثلاث نساء ، أربعة من بين الرجال وامرأتان سنهم ثلاثون سنة فما فوق

نختار عشوائيا في آن واحد ثلاثة أفراد من هذا المكتب لتمثيل الجمعية في مهمة .

4. حدد احتمال الأحداث التالية : " سحب كرتين ببضاوين "B
 " سحب كرتين سوداويين " N
 " سحب كرتين من نفس اللون " M
 " سحب كرتين من لون مختلف " D
 " سحب كرة واحدة بيضاء " B

تمرين7: يتكون قسم من 4 إناث و 8 ذكور
 نختار عشوائياً في آن واحد تلميذين لتمثيل القسم في الأنشطة داخل
 الثانوية

1. حدد $card(\Omega)$ عدد الاختيارات الممكنة
 2. حدد احتمال الأحداث التالية :
 « اختيار تلميذين ذكرين " B
 اختيار تلميذتين " N
 اختيار تلميذين من جنس مختلف " D
 اختيار تلميذين من نفس الجنس " M
 اختيار على الأقل تلميذة " F"

$$P(B) = \frac{2}{7} \quad \text{تمرين8: A و B مجموعتين بحيث : } P(A) = \frac{4}{7}$$

$$P(A \cup B) = \frac{6}{7}$$

$$\text{أحسب } P(A \cap B) \text{ و } P(\bar{A})$$

(1) ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الأفراد الذي سنهم ثلاثون سنة فما فوق من بين الأفراد الثلاثة المختارين
 حدد القيم الذي يأخذها المتغير العشوائي X و حدد قانون احتمال X.

(2) نعتبر الحدين التاليين :
 " اختيار رجلين و امرأة " A و " اختيار ثلاثة أشخاص
 سنهم أقل من ثلاثين سنة " B

- (a) حدد احتمال الحدين A و B
 (b) هل الحثان A و B مستقلان ؟

تمرين4: نعتبر نرداً مكعباً أوجهه الستة تحمل على التوالي الأعداد -1 , 1 , 1 , 2 , 2 :

ونفترض أن الأوجه الستة متساوية احتمال

(1) نرمي هذا النرد مرة واحدة ونعتبر العدد الذي يعينه النرد عندما يستقر

نعتبر الحدين التاليين : " ظهور عدد نسبي زوجي " A و " ظهور عدد موجب " B
 حدد احتمال الحدين A و B

- (a) هل الحثان A و B مستقلان ؟

(2) رمي هذا النرد ثلاث مرات متتالية ، ولتكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يعين فيه النرد عدداً نسبياً زوجياً

(a) حدد القيم الذي يأخذها المتغير العشوائي X و حدد قانون احتمال X .

(b) أحسب $\sigma(x)$, $V(X)$,

(c) حدد احتمال الحدث التالي :

" ظهور مرتين على الأكثر عدد نسبي زوجي " C

تمرين5: يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء

و 4 كرات سوداء نسحب عشوائياً بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق :

3. حدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

4. حدد احتمال الأحداث التالية : " سحب كرتين ببضاوين " B

" سحب كرتين سوداويين " N

" سحب كرتين من نفس اللون " M

" سحب كرتين من لون مختلف " D

" سحب كرة واحدة بيضاء من لون مختلف " D

تمرين6: يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4

كرات سوداء نسحب عشوائياً بالتتابع وبإحلال كرتين من الصندوق :

3. حدد $card(\Omega)$ حيث Ω هو فضاء الإمكانيات