

- (1) بين أن (S) فلكة مركزها  $\Omega(0,2,-1)$  و  $r = \sqrt{3}$
- (2) أ- تحقق أن النقطة  $A(-1,1,0)$  تنتمي إلى (S)  
ب- أعط معادلة المستوى (P) المماس للفلكة (S) عند النقطة  $A(-1,1,0)$
- (3) أ- تحقق أن  $x + y + z - 2 = 0$  معادلة ديكارتية للمستوى (Q) المار من النقطة  $B(1,3,-2)$  و  $\vec{n}(1,1,1)$  ومنظمة عليه  
ب- بين أن (Q) يقطع (S) وفق دائرة محدد مركزها و شعاعها

2005

- نعتبر في الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  المستوى (P) الذي معادلته  $x - z + 1 = 0$  و الفلكة (S) التي مركزها  $\Omega(1,0,0)$  و شعاعها  $r = 2$
- (1) بين أن (P) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (G) محدد شعاعها
- (2) أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من  $\Omega$  و العمودي على (P)  
ب- حدد مثلث إحداثيات w مركز الدائرة (G)

2006

- نعتبر في الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقطة  $A(1,-1,3)$  و المستوى (P)  $x - y + 3z = 0$
- (1) أ- تحقق أن  $t \in \mathbb{R}$  تمثيل بارامترى للمستقيم (OA)  
ب- حدد معادلة المستوى (Q) العمودي على المستقيم (OA) في A  
ج- تحقق أن (P) يوازي (Q)  
(2) نعتبر الفلكة (S) المماسة للمستوى (Q) في النقطة A و التي يقطعها المستوى (P) في دائرة مركزها O و شعاعها  $\sqrt{33}$   
أ- بين أن  $\Omega(a,b,c)$  مركز الفلكة (S) ينتمي إلى المستقيم (OA) و أن  $b = -a$  و  $c = 3a$   
ب- بين أن  $\Omega A^2 - \Omega O^2 = 33$  و استنتج أن  $a - b + 3c = -11$   
ج- استنتج إحداثيات  $\Omega$  ثم بين أن شعاع (S) هو  $2\sqrt{11}$

تمرين 1

- نعتبر في الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقط  $A(3,0,0)$  و  $B(1,0,2)$  و  $C(1,2,0)$
- (1) أ- حدد إحداثيات المتجهة  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$   
ب- اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)
- (2) أعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي مركزها  $\Omega(1,0,0)$  و تمر من النقطة A  
(3) أ- تحقق أن B, C تنتميان للفلكة (S)  
ب- أكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى (ABC)  
ج- استنتج مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

تمرين 2

- في الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  نعتبر النقط  $A(-2,0,3)$  و  $B(0,1,3)$  و  $C(1,1,2)$  و ليكن (P) المستوى الذي معادلته  $x - 2y - 3 = 0$
- (1) أ- أحسب مسافة النقطة  $\Omega(0,1,3)$  عن المستوى (P)  
ب- أعط معادلة للفلكة (S) التي مركزها  $\Omega$  و مماسة للمستوى (P)
- (2) أ- حدد إحداثيات المتجهة  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$   
ب- اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)
- (3) بين أن (ABC) يقطع (S) وفق دائرة (G) يتعين تحديد مركزها و شعاعها
- (4) تحقق أن  $A \in (S)$  ثم أعط معادلة المستوى المماس للفلكة (S) عند النقطة A

تمرين 3

- نعتبر في الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  الفلكة (S) التي معادلته:  
 $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4z - 6z + 8 = 0$   
و المستوى (P) الذي معادلته  $x - y + 2z + 1 = 0$
- (1) بين أن مركز الفلكة (S) هي النقطة  $\Omega(1,2,3)$  و أن شعاعها هو  $\sqrt{6}$
- (2) تحقق أن المستوى (P) مماس للفلكة (S)
- (3) أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من  $\Omega$  و العمودي على (P)  
ب- حدد مثلث إحداثيات H نقطة تماس (P) و (S)

2004

- الفضاء (G) المنسوب إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  . لنكن (S) مجموعة النقط  $M(x,y,z)$  بحيث:  
 $x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 2z + 2 = 0$