

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة 12: الجداء السلمي وتطبيقاته
المستوى : الثانية باك علوم فيزيائية وعلوم الحياة
والأرض والعلوم الزراعية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 8: $(P) : -3x + 2y + z + 2 = 0$

ليكن $B(-2; 2; 3) \in (D)$ و $(D) \perp (P)$

1) احسب: $d(B; (P))$ **2) حدد تمثيلا بارامتريا ل** (D)

تمرين 9: حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) في الحالات التالية:

(1) (S) مركزها $\Omega(1; 2; -3)$ و شعاعها $R = 4$.

(2) (S) مركزها $\Omega(0; -1; 1)$ و تمر من النقطة $A(1; 2; -1)$

تمرين 10: حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها

$[AB]$ نضع: $A(1; 0; -1)$ و $B(1; 2; -1)$

تمرين 11: حدد مجموعة النقط $M(x; y; z)$ التي تحقق

المعادلات التالية (1):

$$(E_1) : x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 6z + 6 = 0$$

$$(E_2) : x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y + 2z + 6 = 0$$

$$(E_3) : x^2 + y^2 + z^2 - x + 3y + 2z + \frac{9}{2} = 0$$

تمرين 12: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 4y - 2z + 5 = 0$$

و (D) المستقيم المار من $A(0; 5; 1)$ و $\vec{n}(2; 1; -2)$ متجهة له

1) حدد تمثيل بارامترى للمستقيم (D)

2) أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 13: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 1 = 0$$

و (D) المستقيم المعروف بما يلي: $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 2t; (t \in \mathbb{R}) \\ z = -1 + t \end{cases}$

أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 14: لتكن (S) الفلكة التي معادلتها:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 2z + 4 = 0$$

و (D) المستقيم المعروف بما يلي: $\begin{cases} x = 0 \\ y = t; (t \in \mathbb{R}) \\ z = t \end{cases}$

أدرس الوضع النسبي للمستقيم (D) و الفلكة (S)

تمرين 1: ليكن $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ أساسا في الفضاء $\vec{u}(1; 5; -1)$ و

$$\vec{v}(-5; 1; 0) \text{ و } \vec{w} = \frac{1}{2}\vec{i} - \frac{\sqrt{3}}{2}\vec{k}$$

1) هل المتجهتان \vec{u} و \vec{v} متعامدتين؟

2) أحسب: $\|\vec{u}\|$ و $\|\vec{w}\|$

تمرين 2: $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ معلم متعامد منظم مباشر للفضاء

نعتبر النقط: $A(1; 0; -1)$ و $B(1; 2; -1)$ و المتجهات:

$$\vec{v}(2; 1; 0) \text{ , } \vec{u}(3; -2; 1)$$

1) أحسب المسافة بين النقطتين A و B

2) أحسب $\cos(\widehat{\vec{u}; \vec{v}})$

تمرين 3: نعتبر النقطة $A(1; -1; 2)$ و المتجهة $\vec{u}(2; 1; -1)$

حدد مجموعة النقط M من الفضاء بحيث: $\vec{u} \cdot \overline{AM} = -1$

تمرين 4: حدد متجهة منظمة على المستوى (P) في الحالات

التالية:

$$(1) (P) \ 2x - 3y + z + 10 = 0 \quad (2) (P) \ 3x - z + 1 = 0$$

$$(3) (P) \ y + z + 1 = 0 \quad (4) (P) \ z = 2$$

$$(5) (P) \ x - 2y + 7z - 3 = 0 \quad (6)$$

$$(P) : 2y - z + 11 = 0$$

تمرين 5: نعتبر في الفضاء المتجهة $\vec{n}(1; 2; 1)$ و النقطتين

$$A(-1; 0; 2) \text{ و } B(3; 1; 0)$$

1) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المار من النقطة A و \vec{n} متجهة منظمه عليه.

2) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطة B و العمودي على المستوى (P) .

3) حدد متلوث إحداثيات النقطة B' المسقط العمودي للنقطة B على المستوى (P) .

تمرين 6: حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المحدد ب

$$A(-5; 2; -1) \text{ و } \vec{n}(2; 1; -2)$$

تمرين 7: نعتبر في الفضاء النقطة $A(5; 1; 0)$ و المستوى (P)

$$x + 2y + 2z - 6 = 0$$

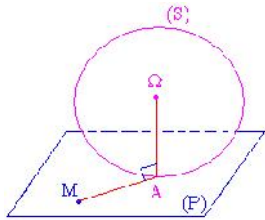
أحسب: $d(A; (P))$

تمرين 20:

$$S(\Omega; R) : x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 4y - 6z = 5$$

(1) بين أن $A(2; -1; 0) \in (S)$

(2) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس ل (S) في A



تمرين 21: نعتبر الفلحة (S) التي مركزها $A(2; -1; 1)$

و شعاعها 6

(1) بين أن $B(-2; 3; -1) \in (S)$

(2) حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس ل (S) في B

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien



تمرين 15: تكن (S) الفلحة التي معادلتها:

$$(S) : x^2 + y^2 + z^2 = 6$$

و $A(1; 1; -2)$ و $\vec{u}(-3; 2; 1)$

ادرس تقاطع المستقيم $D(A; \vec{u})$ و (S)

تمرين 16: لتكن (S) الفلحة التي معادلتها:

$$(P) : x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y + 2z - 1 = 0$$

المعرف

$$2x + y + 2z - 3 = 0$$

(1) حدد المركز Ω للفلحة (S) وشعاعها R

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ وتأكد أن (P) يقطع الفلحة في نقطة

وحيدة T

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

(4) استنتج احداثيات T نقطة تماس الفلحة (S) و المستوى (P)

تمرين 17: لتكن (S) الفلحة التي مركزها $\Omega(2; 0; 1)$ شعاعها

$R = 3$ والمستوى (P) المعروف

$$x - 2y + z + 3 = 0$$

(1) حدد معادلة ديكارتية للفلحة (S)

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ وتأكد أن (P) يقطع الفلحة وفق دائرة

(C) يتم تحديد شعاعها r

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

(4) استنتج احداثيات H مركز الدائرة (C)

تمرين 18: لتكن (S) الفلحة التي معادلتها هي:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x = 0$$

والذي معادلته الديكارتية هي: $x + y - z + 2 = 0$

(1) حدد المركز Ω للفلحة (S) وشعاعها R

(2) أحسب $d(\Omega; (P))$ ماذا تستنتج؟

تمرين 19: لتكن (S) الفلحة التي معادلتها الديكارتية هي :

$$(S) : x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y + 2z = 5$$

والمستوى (P) المعروف ب $2x - 2y + z + 3 = 0$

(1) حدد المركز Ω للفلحة (S) وشعاعها R

(2) بين أن (P) يقطع الفلحة وفق دائرة (C) يتم تحديد شعاعها

r

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω

والعمودي على (P)

(4) استنتج احداثيات H مركز الدائرة (C)