

حساب التكامل

2 ع ت

6. القيمة المتوسطة :

إذا كان $a < b$.

$$(\exists c \in [a,b]) : f(c) = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$$

فإن : $\mu = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$ يسمى القيمة المتوسطة للدالة f على $[a,b]$.

7. حساب تكامل باستعمال متكاملة بالأجزاء :

إذا كانت: u و v دالتيں ق ش و u' و v' متصلتين على $[a,b]$

$$\int_a^b u'(t)v(t) dt = [u(t)v(t)]_a^b - \int_a^b u(t)v'(t) dt$$

هذه المتساوية تسمى صيغة المتكاملة بالأجزاء

8. حساب المساحات :

مساحة حيز المستوى الخصوص بين منحني دالتيں متصلتين على I والمستقيمين المعروفين بالمعادلتين $x = b$ و $x = a$ هي :

$$\int_a^b |f(x) - g(x)| dx \|i\| \times \|j\|$$

. مساحة حيز المستوى الخصوص بين منحني f ومحور الأفاسيل والمستقيمين

$$\int_a^b |f(x)| dx \|i\| \times \|j\| \text{ هي } x = b \text{ و } x = a \text{ معروفة بالمعادلتين}$$

. مساحة حيز المستوى الخصوص بين منحني f والمستقيم (Δ) (الذي معادله $y = ax + b$) والمستقيمين المعروفين بالمعادلتين $y = b$ و $x = a$ هي

$$\int_a^b |f(x) - (ax + b)| dx ua$$

حيث ua هي وحدة قياس المساحة ولدينا :

9. حساب حجم مجسم :

الفضاء منسوب إلى معلم متعادم ممنظم.

لتكن f دالة معروفة على مجال $[a,b]$.

حجم الجسم المولود بدوران منحني f حول محور الأفاسيل هو:

$$\int_a^b \pi(f(t))^2 dt uv$$

حيث uv هي وحدة قياس الحجوم ولدينا



1. تكامل دالة على مجال مغلق :

لتكن f دالة متصلة على مجال I و F دالة أصلية عليه.

العدد $F(b) - F(a)$ غير مرتبط بالدالة الأصلية F ويسمى تكامل f

$$\int_a^b f(x) dx$$

$$\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$$

المتغير x في التكامل صامت ولدينا :

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(t) dt = \int_a^b f(u) du \dots$$

2. علاقة شال :

لكل a و b و c من انجال I :

$$\int_a^b f(t) dt = \int_a^c f(t) dt + \int_c^b f(t) dt$$

نتائج :

$$\int_a^a f(t) dt = 0.$$

$$\int_b^a f(t) dt = - \int_a^b f(t) dt.$$

3. خطانية التكامل :

$$\int_a^b (f(t) + g(t)) dt = \int_a^b f(t) dt + \int_a^b g(t) dt .$$

$$\int_a^b \alpha f(t) dt = \alpha \int_a^b f(t) dt .$$

4. الدالة الأصلية التي تتعذر في نقطة :

الدالة الأصلية للدالة f التي تتعذر في عدد a هي

5. التكامل والترتيب :

إذا كان: $0 \leq f(t) \leq g(t)$ لكل t من $[a,b]$.

$$\int_a^b f(t) dt \geq 0$$

إذا كان: $f(t) \geq g(t)$ لكل t من $[a,b]$.

$$\int_a^b f(t) dt \geq \int_a^b g(t) dt$$

إذا كان: $a \leq b$.

$$\left| \int_a^b f(t) dt \right| \leq \int_a^b |f(t)| dt$$

إذا كان: $a \leq b$.

فإن: $\left| \int_a^b f(t) dt \right| \leq M(b-a)$ حيث M هي القيمة القصوى

للدالة f على $[a,b]$.