

السنة 2 بكالوريا علوم تجريبية	الحساب التكاملي	سلسلة 1
<b>تمرين 1:</b> احسب التكاملات التالية:		
$\int_0^1 (x^2 + 1)^2 dx$	$\int_0^1 \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x+3} \right) dx$	$\int_1^2 \left( \frac{1}{x} - \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$
$\int_1^2 \frac{1+x}{x^2} dx$	$\int_0^1 x\sqrt{x} dx$	$\int_0^{\ln(2)} e^{2x} + \frac{1}{e^{3x}} dx$
$\int_0^1 (x+1)\sqrt{x} dx$	$\int_0^1 3^x dx$	$\int_0^{\ln(3)} \sqrt{e^x} dx$
$\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} dx$	$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^7(x)\cos(x) dx$	$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan(x) dx$
$\int_e^{e^2} \frac{1}{x \ln(x)} dx$	$\int_0^{\ln(2)} \frac{1}{e^x + 1} dx$	$\int_0^e \frac{\ln(x)}{x} dx$
$\int_0^{\frac{\pi}{2}}  \cos(x)  dx$	$\int_0^2  x-1  dx$	$\int_0^1  x-1  dx$
<b>تمرين 2:</b>		
<p>(1) حدد الأعداد الحقيقية <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> حيث: <math>\forall x \in \mathbb{R}_{-\{-1,3\}} \frac{-3x^2 + 7x + 2}{x^2 - 2x - 3} = a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-3}</math></p> <p>(2) احسب التكامل: <math>I = \int_0^{2-3x^2+7x+2} \frac{dx}{x^2 - 2x - 3}</math></p>		
<b>تمرين 3:</b>		
<p>(1) بين أن: <math>\forall x \in \mathbb{R} \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1} = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}</math></p> <p>(2) احسب التكامل: <math>I = \int_0^1 \frac{e^{2t} - 1}{e^{2t} + 1} dt</math></p>		
<b>تمرين 4:</b>		
<p>تحقق أن: <math>\forall x \in [-1, +\infty[ x\sqrt{x+1} = (\sqrt{x+1})^3 - \sqrt{x+1}</math> ثم احسب <math>I = \int_0^1 t\sqrt{t+1} dt</math></p>		
<b>تمرين 5:</b> نعتبر التكاملين: $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(x) e^x dx$ و $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos(x) e^x dx$		
<p>(1) احسب مشتقة الدالة: <math>g(x) = \sin(x) e^x</math> ثم استنتج حساب: <math>I + J</math></p> <p>(2) احسب مشتقة الدالة: <math>h(x) = \cos(x) e^x</math> ثم استنتج حساب: <math>I - J</math></p> <p>(3) استنتج قيمتي <math>I</math> و <math>J</math></p>		