



.01

اكتب z على شكل $a+bi$ مع $a, b \in \mathbb{R}$ حيث: $z = (1+3i)^2(-5+7i)$; $z = (1-2i)(2-5i)$; $z = 2+6i - (-5+7i)$;
 $z = \left(\frac{1+i}{2-i}\right)^2$; $z = \frac{8i-1}{2-3i}$; $z = \frac{1}{2-7i} + \frac{1}{2+7i}$; $z = \frac{8}{2-3i}$; $3i - \frac{7}{i}$; $z = 2i\overline{(1-2i)}(1-2i)$

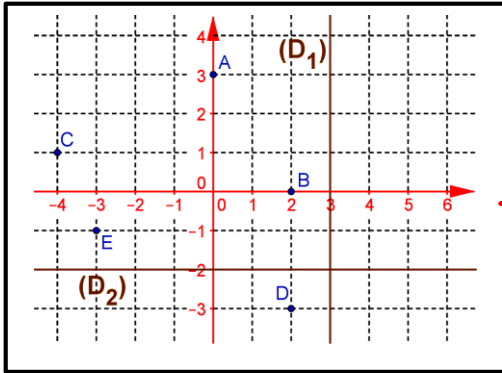
.02

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم لحق النقطة M هو العدد العقدي $z = x+yi$ مع x و y من \mathbb{R} نربط كل عدد عقدي

$$f(z) = \frac{z-2-i}{z+i} \quad (z \neq -i \text{ حيث } z \text{ بالعدد العقدي})$$

.01 حدد: $\Re(Z)$ و $\Im(Z)$.

.02 حدد مجموعة النقط M من المستوى حيث يكون: أ Z عددا حقيقيا. ب Z عددا تخيليا صرفا. ج $|Z| = \sqrt{2}$.



.03

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O; \vec{u}; \vec{v})$.

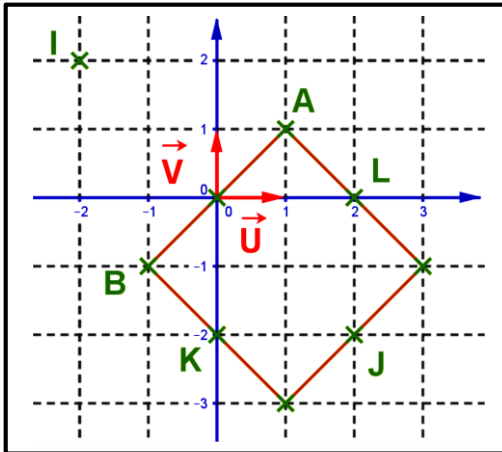
.01 أعط ألق النقط A و B و C و D و E .

.02 أنشئ النقط A' و B' و C' و D' التي ألقها 3 و $-2-2i$ و $-2i$ و $-1-i$.

.03 في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O; \vec{u}; \vec{v})$.

حدد مبيانيا معيار وعمدة للحق كل نقطة من النقطة التالية

A و B و I و J و K و L .



.04

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(0, \vec{u}, \vec{v})$ نعتبر النقط حيث:

.01 $A_{(z_A=1+i\sqrt{3})}$ و $B_{(z_B=-1-i)}$ و $C_{(z_C=3+2i)}$. حدد طبيعة المثلث ABC .

.02 $A_{(z_A=-2+i)}$ و $B_{(z_B=4i)}$ و $C_{(z_C=\frac{7}{2}+2i)}$ و $D_{(z_D=\frac{3}{2}-i)}$ حدد طبيعة الرباعي $ABCD$

.03 النقطة BA و C ألقها $3-2i$; -1 ; $2+i$ على التوالي.

أ أنشئ النقط: BA و C في المستوى العقدي. ب بين أن المثلث ABC متساوي الساقين و قائم الزاوية.

.05

أحسب معيار الأعداد: 3 ; -2 ; $5i$; $-3i$; $2-i$; $\frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$; $1-i\sqrt{3}$; $1+i$; $1-i$; $(\frac{1+i}{1-i})^3$; $(1+i\sqrt{3})(\sqrt{3}-i)$



.06

حدد الشكل المثلثي للأعداد العقدية التالية:

$$z_7 = 3 - 3i \quad z_6 = -8 - 8\sqrt{3}i ; z_5 = 7 + 7i \quad ; \quad z_4 = 1 - i ; z_3 = 1 - i\sqrt{3} ; z_1 = 1 + i ; z_2 = 1 + i\sqrt{3} \quad (1)$$

$$\sin \frac{\pi}{12} \quad \text{ثم استنتج } z_9 = \frac{1 + i\sqrt{3}}{1 + i} ; z_8 = \frac{4}{1 + i\sqrt{3}} \quad (2)$$

.07

حدد المعيار و عمدة و الشكل المثلثي و الشكل الأسى لكل عدد عقدي من بين الأعداد العقدية التالية "

$$z_1 = \sqrt{6} - i\sqrt{2} \quad \text{ب.} \quad z_2 = -\frac{1}{2} - \frac{1}{2}i \quad \text{ج.} \quad z_1 = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \quad \text{د.} \quad z_1 z_2 \quad \text{هـ.} \quad z_1 z_3 \quad \text{و.} \quad (z_2)^2$$

$$\text{حدد معيار و عمدة الأعداد العقدية التالية : } z_1 = 3 - 3i \quad ; \quad z_2 = 1 + i\sqrt{3} \quad ; \quad z_1 z_2 \quad ; \quad \frac{z_1}{z_2} \quad ; \quad z_2^3 \quad ; \quad z_3 = 2 \left(\cos \frac{\pi}{12} - i \sin \frac{\pi}{12} \right)$$

$$z_6 = \frac{2i}{1 - i} \quad ; \quad z_5 = -2e^{i\frac{5\pi}{4}} \quad ; \quad z_4 = 2 \left(\sin \frac{\pi}{12} + i \cos \frac{\pi}{12} \right)$$

أعط إخطا ل أ . $\cos^3 x$. ب . $\sin^4 x$

.08

$$.01 \text{ حدد الشكل المثلثي للأعداد العقدية التالية: } z_2 = 1 - i ; z_1 = \frac{\sqrt{6} - i\sqrt{2}}{2} \quad ; \quad Z = \frac{z_2}{z_1}$$

$$.02 \text{ أ- أعط الشكل الجبري ل: } Z \quad \text{ب- استنتج قيمة كل من: } \sin \frac{\pi}{12} \quad \text{و } \cos \frac{\pi}{12}$$

.09

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{u}; \vec{v})$ (الوحدة 2 cm) نعتبر النقط $A_{(z_A=2)}$ و $B_{(z_B=1+i\sqrt{3})}$ و $C_{(z_C=1-i\sqrt{3})}$

.01 أعط الشكل المثلثي و الشكل الأسى z_B ثم ل z_C .

.02 أ- أنشئ النقط A و B و C . ب حدد طبيعة الرباعي $OBAC$.

.03 حدد ثم أنشئ (Δ) المجموعة النقط M_z من المستوى العقدي حيث : $|z| = |z - 2|$

.04 .. x و y من \mathbb{R} لكل النقطة M لحقها العدد العقدي $z = x + yi$ (مع $z \neq z_A$) نربطها بالنقطة M' التي لحقها z' حيث

$$z' = f(z) = \frac{-4}{z - 2} \quad \text{أ.} \quad \text{حل المعادلة : } f(z) = z \quad \text{ب.} \quad \text{استنتج النقطتين التي تربط } B \text{ و } C$$

ج- لتكن G مركز ثقل المثلث OAB نربطها ب G' حدد ثم أنشئ النقطة G' .

.05 أ- بين أن : $|z' - 2| = \frac{2|z|}{|z - 2|}$. ب نفترض أن : النقطة M تنتمي ل (Δ) نربطها بالنقطة M' . بين أن M' تنتمي لدائرة يتم

تحديد مركزها و شعاعها .