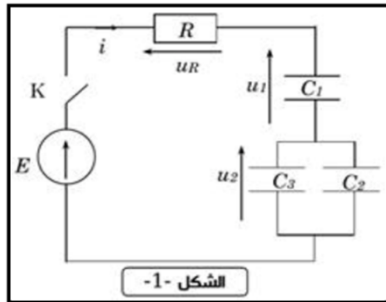


## نمطي الصيغ الحرفية (مع الناظير) قبل التطبيقات العددية

❖ الفيزياء (13,00 نقط) (80 دقيقة)

التنقيط



التمرين الأول: دراسة الدارة RC (4,75 نقطة) (35 دقيقة)

ننجز الدارة الممثلة في الشكل 1 والمكونة من:

• مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرومحرمة E

• موصل أومي مقاومته  $R = 1K\Omega$ • مكثفات مفرغة حيث:  $C_1 = 2C_2 = C_3$ 

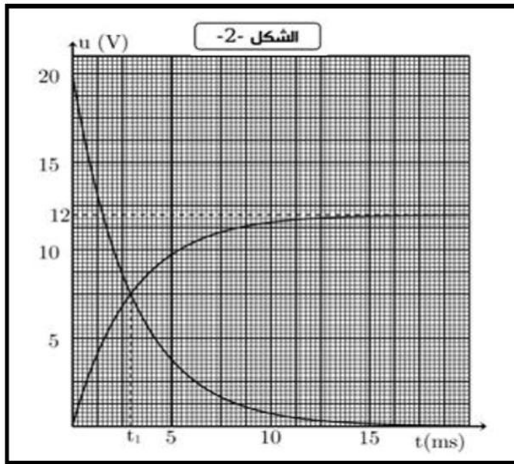
• قاطع التيار K

نغلق قاطع التيار K عند لحظة  $t = 0$ 1. بين ان العلاقة بين التوترين  $u_1$  و  $u_2$  تكتب على الشكل التالي:  $u_2 = \frac{C_1}{C_2+C_3} u_1$  0,75 ن2. بين ان المعادلة التفاضلية التي يخضع التوتر  $u_1$  بين مربطي المكثف  $C_1$  تكتب على الشكل التالي:  $u_1 + \frac{3RC_1}{5} \frac{du_1}{dt} = \frac{3}{5} E$  0,75 ن3. يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:  $u_1(t) = A(1 - e^{-\lambda t})$  أوجد كل من A و  $\lambda$  بدلالة برامترات الدارة. ما هو المدلول الفيزيائي للثابتة A. 0,75 ن4. بين ان التوترين  $u_1$  و  $u_2$  يتقاطعان في اللحظة التي يكتب على الشكل التالي:

$$u_R(t) = E e^{-\lambda t}$$

5. نعاين بواسطة راسم التذبذب التوترين  $u_1(t)$  و  $u_R(t)$  فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل 2:

1.5 حدد مبيانيا قيمتي A و E 0,5 ن

2.5 بين ان اللحظة التي يتقاطعان فيها المنحنيان تحقق:  $t_1 = \tau \ln \frac{8}{3}$  0,5 ن3.5 علما أن  $t_1 = 2,9425 \text{ ms}$ ، أحسب قيمة  $\tau$  ثم إستنتج قيم كل من  $C_1$  و  $C_2$  و  $C_3$  1 ن

❖ التمرين الثاني: التبادل الطاقي بين المكثف والوشيعية (8,25 نقطة) (45 دقيقة)

تتصرف الدارة LC كمتذبذب يتم فيه تبادل الطاقة بين المكثف والوشيعية بكيفية دورية، إلا انه في الواقع لا تبقى الطاقة الكلية لهذه الدارة ثابتة خلال الزمن وذلك بسبب ضياع جزء منها بمفعول جول.

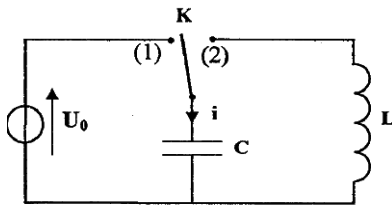
يهدف هذا التمرين إلى دراسة التبادل الطاقي بين مكثف ووشيعية وإستجابة هذه الأخيرة لرتبة توتر كهربائي

❖ التذبذبات الكهربائية في الحالة التي تكون فيها مقاومة الوشيعية مهملة

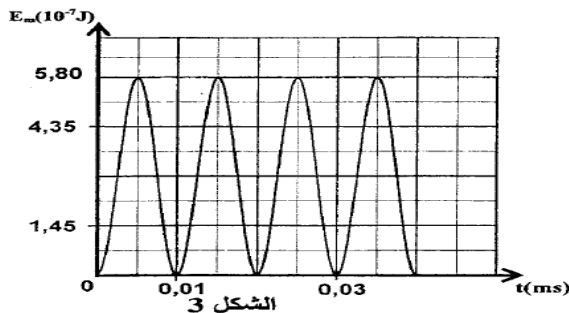
نعتبر التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1:

نشحن المكثف تحت التوتر  $U_0$  بوضع قاطع التيار K في الموضع 1بعد شحن المكثف كليا، نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع 2 عند لحظة  $t = 0$ ، فيمر فيالدارة تيار كهربائي شدته  $i$ . بواسطة جهاز ملانم، نعاين المنحنى الممثل لتغيرات الشدة  $i$ بدلالة الزمن (أنظر الشكل 2) والمنحنى الممثل لتغيرات الطاقة المغناطيسية  $E_m$  المخزونة

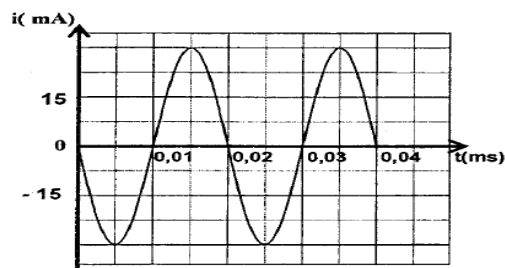
في الوشيعية بدلالة الزمن (أنظر الشكل 3)

المعطيات: سعة المكثف  $C = 8,0 \cdot 10^{-9} \text{ F}$ 

الشكل 1



الشكل 3



الشكل 2

1. أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي  $i$   
2. اعتمادا على الشكلين 2 و 3 :

أ. حدد قيمة الطاقة الكلية للدارة LC وإستنتج قيمة التوتر  $U_0$   
ب. حدد قيمة معامل تحريض الوشيعية  $L$

0,75 ن

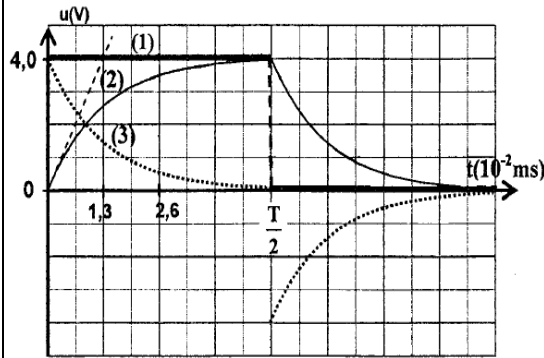
0,5 ن

0,5 ن

❖ إستجابة وشيعية ذات مقاومة مهملة لرتبة توتر

نركب الوشيعية السابقة على التوالي مع موصل أومي مقاومته  $R = 100\Omega$

نطبق بين مرطبي ثنائي القطب المحصل توترا قيمة رتبته الصاعدة  $E$  وقيمة رتبته النازلة منعدمة ودوره  $T$   
نعين بواسطة جهاز ملانم تطور التوتر  $u$  بين مرطبي المولد والتوتر  $u_R$  بين مرطبي الموصل الأومي والتوتر  $u_L$  بين مرطبي الوشيعية ، فنحصل على المنحنيات 1 ، 2 ، 3 الممثلة في الشكل 4



الشكل 4

3. أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  في المجال :

$$0 \leq t < \frac{T}{2}$$

4. يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:

$$i(t) = I_P (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

أ. أقرن كلا من التوترين  $u_L$  و  $u_R$  بالمنحنى الموافق له في الشكل 4

ب. اعتمادا على منحنيات الشكل 4 أوجد قيمة  $I_P$

5. يكتب تعبير شدة التيار الكهربائي بدلالة الزمن في المجال  $\frac{T}{2} \leq t < T$

(دون تغيير أصل التواريخ) على الشكل  $i(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$  مع  $A$  و  $\tau$

ثابتان . بين أن تعبير شدة التيار الكهربائي عند اللحظة  $t_1 = \frac{T}{4}$  يكتب على الشكل التالي  $i(t = t_1) = I_P \cdot e^{-2}$

0,75 ن

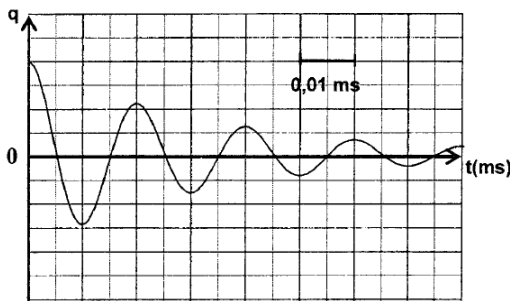
0,5 ن

0,5 ن

0,75 ن

❖ التذبذبات في حالة وشيعية ذات مقاومة غير مهملة .

نعيد التجربة باستعمال التركيب الممثل في الشكل 1 وذلك بتعويض الوشيعية السابقة بوشيعية أخرى لها نفس معامل التحريض  $L$  لكن مقاومتها  $r$  غير مهملة . بعد شحن المكثف كليا ، نخرج قاطع التيار الى الموضع 2 .



الشكل (5)

يمثل الشكل 5 تطور الشحنة  $q$  للمكثف بدلالة الزمن

6. إختار الجواب أو الأجوبة الصحيحة :

تكون الطاقة المخزونة في الوشيعية :

أ. قصوى عند اللحظة  $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$

ب. دنيا عند اللحظة  $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \text{ ms}$

ج. قصوى عند اللحظة  $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$

د. دنيا عند اللحظة  $t_2 = 10^{-2} \text{ ms}$

7. بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شحنة المكثف تكتب على

الشكل التالي:  $\frac{d^2q}{dt^2} + 2\lambda \frac{dq}{dt} + \frac{4\pi^2}{T_0^2} q = 0$  مع  $T_0$  الدور

الخاص للدارة و  $\lambda = \frac{r}{2L}$

0,5 ن

0,75 ن

8. علما أن تعبير شبه الدور  $T$  للتذبذبات هو  $T = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{T_0^2} - \frac{\lambda^2}{4\pi^2}}}$  ، أوجد الشرط الذي يجب أن تحققه  $r$  بالنسبة ل  $\frac{L}{C}$  لتكون  $T = T_0$

0,5 ن

9. يكتب حل المعادلة التفاضلية السابقة على الشكل التالي :  $q(t) = Q_0 e^{-\lambda t} \cos(\frac{2\pi}{T} t)$  عند اللحظة  $T$  تكون شحنة

0,5 ن

المكثف هي  $Q_1$  . أوجد تعبيره بدلالة  $Q_0$  و  $\lambda$  و  $T$  وأحسب قيمته

10. بين أن تعبير  $q(t)$  عند اللحظات  $t = nT$  يكتب على الشكل التالي  $q(nT) = Q_0 e^{-n\lambda T}$  ثم إستنتج تعبير  $q(nT)$

0,75 ن

بدلالة  $Q_1$  و  $Q_0$  و  $n$  حيث  $n$  عدد صحيح طبيعي غير منعدم

11. نرمزل  $E_0$  بالطاقة الكهربائية الكلية المخزونة في الدارة عند  $t = 0$  و  $E_1$  و ..... و  $E_n$  بالطاقات الكهربائية الكلية

0,5 ن

المخزونة في الدارة عند لحظات  $t_1 = T$  و  $t_2 = 2T$  و ..... و  $t_n = nT$  ، أوجد تعبير  $E_n$  عند اللحظة  $t_n$  بدلالة  $E_0$  و

$Q_0$  و  $Q_1$  و  $n$

0,5 ن

12. إستنتج  $r$  نسبة الطاقة المبددة بمفعول جول بعد مرور ثلاثة أشبه الدور ب %

0,5 ن

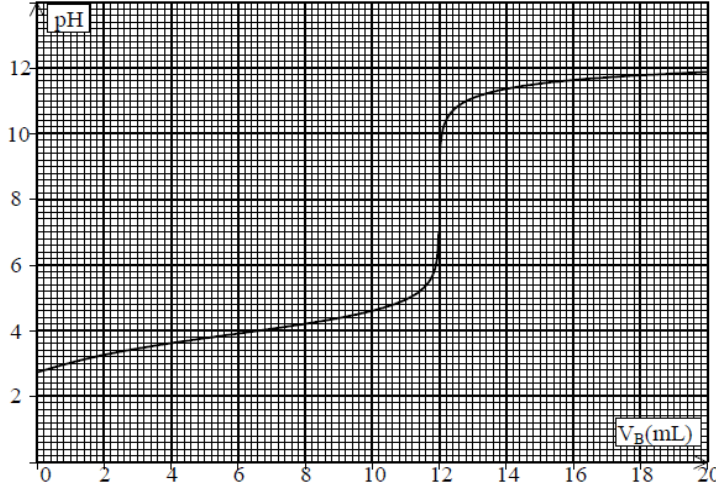
### التمرين الثالث : معايرة الحمض اللبني بواسطة الصودا بقياس PH

بفعل تأثيرات المخمرات اللبنية يتحول سكر الحليب (اللاكتوز) تدريجيا إلى حمض اللبني ذو الصيغة  $\text{CH}_3\text{-CHOH-COOH}$  ، للتبسيط نرمز لهذا الحمض بـ  $\text{R-COOH}$  كتلته المولية  $M=90 \text{ g.mol}^{-1}$ .

المزدوجة الموافقة للحمض اللبني هي  $\text{R-COOH} / \text{R-COO}^-$

كلما كانت كمية الحمض اللبني الموجودة في حليب معين صغيرة ، كلما كان الحليب طريا.

أثناء الأشغال التطبيقية بالثانوية التأهيلية أيت باها ، طلب الأستاذ من تلاميذ السنة الثانية بكالوريا علوم رياضية أ ، إقتراح تقنية مناسبة لتحديد كمية الحمض اللبني الموجودة في عينة من الحليب ومعرفة ما إذا كان الحليب طريا ام لا . وطلب منهم الإجابة عن الأسئلة الواردة أسفله بعد إقتراحهم التقنية التالية : نضع  $V_A=20 \text{ cm}^3$  من الحليب في كأس . ونضيف تدريجيا محلولاً لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه  $C_B=0,05 \text{ mol.L}^{-1}$  . نقيس PH الخليط عند كل إضافة ، يعطي المنحنى الممثل في الشكل أسفله تغيرات PH الخليط بدلالة حجم محلول الصودا المضاف .



1. حدد مبيانيا نقطة لتكافؤ 0,5 ن
2. أكتب المعادلة الحاصلة للتفاعل الذي يحدث أثناء المعايرة 0,5 ن
3. أنشء الجدول الوصفي لهذا التفاعل 0,5 ن
4. أحسب تركيز  $C_A$  للحمض اللبني في عينة الحليب ، ثم استنتج كتلة الحمض اللبني الموجودة في لتر واحد من العينة 0,5 ن
5. عند إضافة الحجم  $V_B < V_{BE}$  . أثبت العلاقة التالية  $\text{PH} = \text{PK}_A - \text{Log} \left( \frac{V_{BE}}{V_B} - 1 \right)$  0,5 ن
6. حدد بدلالة  $\text{PH}$  بـ  $\text{PK}_A$  عند  $V_B = \frac{V_{BE}}{2}$  ثم استنتج قيمة  $\text{PK}_A$  0,5 ن
7. من بين الكواشف الملونة التالية ، حدد الكاشف الملون المناسب الذي يمكن استعماله في المعايرة السابقة ، علل جوابك 0,5 ن

الكاشف	الفينول فتالين	أحمر الكريزول	أزرق البروموتيمول	أخضر البروموكريزول
منطقة الانعطاف	8,2-9,5	7,2-8,8	6,2-7,6	3,8-5,4

في الصناعات الغذائية ، يعبر عن حموضة الحليب بـ " درجة دورنيك " (Dor nic) ونرمز لها بـ  $D^\circ$  ، بحيث  $1D^\circ$  توافق الحموضة التي يسببها وجود  $0,1 \text{g}$  من الحمض اللبني في لتر واحد من الحليب

5. أحسب درجة الحموضة لعينة الحليب المدروسة سابقا 0,5 ن
6. نعتبر أن الحليب طريا إذا كانت درجة حموضته محصورة  $15D^\circ$  و  $18D^\circ$  ، هل يمكن اعتبار الحليب الموجود في العينة المدروسة طريا؟ 0,5 ن
- ندرس محلول الحمض اللبني قبل بداية المعايرة
7. أكتب معادلة تفكك الحمض اللبني في الماء . وتعبير ثابتة حمضيته 0,5 ن
8. أحسب قيمة نسبة التقدم النهائي للتحويل المقرون بتفكك الحمض اللبني في الماء ، ماذا تستنتج؟ 0,5 ن
9. أحسب ثابتة الحمضية لمزدوجة الحمض اللبني ، واستنتج قيمة الثابتة  $\text{pka}$  0,5 ن
10. حدد مجال هيمنة النوعين الحمضي والقاعدي لمزدوجة الحمض اللبني 0,5 ن
11. أرسم مخطط توزيع الأنواع الحمضية القاعدية لمزدوجة الحمض اللبني 0,5 ن

» كم هذا الجيل منطورا... مدركا... عارفا... لكن... إحيانا... ننقصهم... الرغبة... والصبر... وهذا الشرطان

إلزامان... لتحقيق... ما يصبو إليه... « ذ. رشيد جنكل

حفظا سعيد للجميع  
الله ولي التوفيق

