

خارج التفاعل ، ثابتة التوازن

١) دراسة مثال :

عندما تتوارد أيونات الباريوم $\text{Ba}^{2+}_{(\text{aq})}$ و أيونات الإيودات IO_3^- معاً ، يتكون راسب إيودات الباريوم حسب المعادلة التالية :



نمزج حجماً V من محلول نترات الباريوم $(\text{Ba}^{2+}(\text{aq}) + 2 \text{NO}_3^-(\text{aq}))$ تركيزه C و نفس الحجم من محلول إيودات البوتاسيوم $(\text{K}^+(\text{aq}) + \text{IO}_3^-(\text{aq}))$ تركيزه C' .

جدول التقدم :

معادلة التفاعل		$\text{Ba}^{2+}(\text{aq})$	+	$2 \text{IO}_3^-(\text{aq})$	\rightleftharpoons	$\text{Ba}(\text{IO}_3)_2(\text{s})$
حالة المجموعة	التقدم	$n(\text{Ba}^{2+})$		$n(\text{IO}_3^-)$		$n(\text{Ba}(\text{IO}_3)_2)$
الحالة البدئية	0	cV		$c'V$		0
خلال التفاعل	x	$cV - x$		$c'V - 2x$		x
الحالة النهائية	x_f	$cV - x_f$		$c'V - 2x_f$		x_f

موصلية الوسط التفاعلي هي :

$$\sigma = \lambda(\text{Ba}^{2+}) \frac{(cV - x_f)}{2V} + \lambda(\text{IO}_3^-) \frac{(c'V - 2x_f)}{2V} + \lambda(\text{NO}_3^-) \frac{2cV}{2V} + \lambda(\text{K}^+) \frac{c'V}{2V}$$

$$\sigma = - \left(\frac{\lambda(\text{Ba}^{2+})}{2V} + \frac{\lambda(\text{IO}_3^-)}{V} \right) x_f + \left(\frac{\lambda(\text{Ba}^{2+})c}{2} + \frac{\lambda(\text{IO}_3^-)c'}{2} + \lambda(\text{NO}_3^-)c + \frac{\lambda(\text{K}^+)c'}{2} \right)$$

$$x_f = \frac{\left[\left(\frac{\lambda(\text{Ba}^{2+})c}{2} + \frac{\lambda(\text{IO}_3^-)c'}{2} + \lambda(\text{NO}_3^-)c + \frac{\lambda(\text{K}^+)c'}{2} \right) - \sigma \right]}{\left(\frac{\lambda(\text{Ba}^{2+})}{2V} + \frac{\lambda(\text{IO}_3^-)}{V} \right)}$$

في حالة عدم حدوث تفاعل $x_f = 0$ ، موصلية محلول تصبح :

$$x_f = \frac{[\sigma_o - \sigma]}{\left(\frac{\lambda(\text{Ba}^{2+})}{2V} + \frac{\lambda(\text{IO}_3^-)}{V} \right)}$$

وبذلك نكتب :

نستنتج أن قياس موصلية الوسط التفاعلي تمكن من تحديد التقدم النهائي للتفاعل .

نجز عدة أوساط تفاعلية ، و ندون القياسات في الجدول التالي :

المحلول	$[\text{Ba}^{2+}]_i$	$[\text{IO}_3^-]_i$	$x_f (\text{mol})$	$x_{\max} (\text{mol})$	τ
1	$2,50 \cdot 10^{-2}$	$5,00 \cdot 10^{-2}$	$1,18 \cdot 10^{-3}$	$1,25 \cdot 10^{-3}$	0,94
2	$2,50 \cdot 10^{-2}$	$2,50 \cdot 10^{-2}$	$5,91 \cdot 10^{-4}$	$6,25 \cdot 10^{-4}$	0,95
3	$1,25 \cdot 10^{-2}$	$5,00 \cdot 10^{-2}$	$6,02 \cdot 10^{-4}$	$6,25 \cdot 10^{-4}$	0,97
4	$1,25 \cdot 10^{-2}$	$2,50 \cdot 10^{-2}$	$5,40 \cdot 10^{-4}$	$6,25 \cdot 10^{-4}$	0,86

نلاحظ أن نسبة التقدم النهائي للتفاعل مرتبطة بالتراكيز البدئية للمتفاعلات .
اذن هناك علاقة تربط بين نسبة التقدم و التراكيز . فما هي هذه العلاقة ؟

2) خارج التفاعل في حالة معينة :

2.1) تعريف :

خارج التفاعل Q_r مقدار يميز المجموعة الكيميائية وهي في حالة ما . قيمته خلال التفاعل تدلنا على مدى تقدم التفاعل الجاري ، و تعبيره يتعلق بطبيعة المجموعة .

بنسبة لمجموعة كيميائية مقر تحول كيميائي مندرج بالمعادلة :

$$Q_r = \frac{[C]^{\gamma} \times [D]^{\delta}}{[A]^{\alpha} \times [B]^{\beta}}$$

نعرف خارج التفاعل Q_r بالعلاقة :

حيث : $[A]$; $[B]$; $[C]$; $[D]$ تمثل التراكيز المولية بوحدة $\text{mol} \cdot \ell^{-1}$ المتفاعلات والنواتج ، و $\alpha; \beta; \gamma; \delta$ المعاملات المستوكيومترية الموافقة .

* ملاحظات :

- Q_r مقدار بدون وحدة .

- عند حساب Q_r نستعمل في البسط تراكيز النواتج و في المقام تراكيز المتفاعلات مرفقة بأس يمثل المعاملات المستوكيومترية .

- يمثل $Q_{r,i}$ خارج التفاعل في الحالة البدئية ، بينما يعبر $Q_{r,f}$ خارج التفاعل في الحالة النهائية .. مما يدل على أن خارج التفاعل Q_r يتغير تبعاً لنطور المجموعة الكيميائية .

* اصطلاحات تخص حساب خارج التفاعل :

- سلوك نوع كيميائي مرتبط بالحالة الفيزيائية (صلبة ، سائلة ، غازية أو مميهة) لهذا النوع . في حالة الأنواع المميهة ، يقاس سلوكها بواسطة تراكيزها المولية بوحدة $\text{mol} \cdot \ell^{-1}$.

- إذا كان النوع هو جزءة الماء (المذيب) العدد المتخد لقياس سلوكه هو 1 .

- إذا كان النوع صلب غير مذاب ، فإن العدد الذي يقيس سلوكه يساوي 1 .

2 - 2) أمثلة :

* في وسط متجانس :

* على الدوام الماء مقر توازن يسمى التحلل الذاتي البروتوني ، معادلة تكتب على الشكل :



خارج التفاعل يكتب : $Q_r = [\text{H}_3\text{O}^+] \times [\text{HO}^-]$

* حمض الميتانويك يتفاعل مع الماء حسب المعادلة :



خارج التفاعل هو :

حيث ، عندما ندخل كمية المادة n من حمض الميتانويك في الحجم V من الماء ، خارج التفاعل له التعبير :

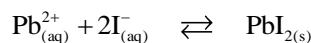
$$Q_r = \frac{\left(\frac{x}{V}\right) \times \left(\frac{x}{V}\right)}{\frac{n-x}{V}} = \frac{x^2}{(n-x)V}$$

في الحالة البدئية ($x=0$) خارج التفاعل منعدم .

في الحالة النهائية و عندما يكون التفاعل كليا ($x=n$) فإن خارج التفاعل يؤول إلى مالانهاية .

* في وسط غير متجانس :

عندما نمزج بين محلول يحتوي على أيونات الرصاص (Pb^{2+}) وأيونات اليودور ، نلاحظ ترسب ليودور الرصاص الصلب ، حسب المعادلة :



$$Q_r = \frac{1}{[\text{Pb}^{2+}] \times [\text{I}^-]^2}$$

خارج التفاعل يكتب :

3) خارج التفاعل عند التوازن : ثابتة التوازن .

3 - 1) خارج التفاعل عند التوازن $Q_{r,\text{eq}}$.

نسمى خارج التفاعل عند التوازن $Q_{r,\text{eq}}$ القيمة التي يأخذها خارج التفاعل عندما تكون المجموعة الكيميائية المعنية في حالة توازن .

$$Q_{r,\text{eq}} = \frac{[C]_{\text{eq}}^c \times [D]_{\text{eq}}^d}{[A]_{\text{eq}}^a \times [B]_{\text{eq}}^b}$$

بصفة عامة تعبيره هو :

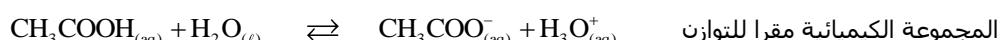
لتحديد $Q_{r,\text{eq}}$ نستعمل عدة تقنيات تجريبية لقياس التراكيز المولية عند التوازن ، نذكر منها :

- الموصلي بالنسبة للمجموعات الكيميائية التي تتدخل في تطورها الأيونات .

- قياس pH بالنسبة للمجموعات الكيميائية التي تكون مفاعلات حمض - قاعدة .

* مثال : دراسة محلول حمض الإيتانويك .

لنعتر محلولاً لحمض الإيتانويك CH_3COOH تركيزه $C = 1,0 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot \ell^{-1}$.



المجموعة الكيميائية مقرأة للتوازن

لنشرى الجدول الوصفي لتقدم التفاعل :

معادلة التفاعل		CH_3COOH	$+ \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COO}^- + \text{H}_3\text{O}^+$		
حالة المجموعة	التقدم	$n(\text{CH}_3\text{COOH})$	$n(\text{H}_2\text{O})$	$n(\text{CH}_3\text{COO}^-)$	$n(\text{H}_3\text{O}^+)$
الحالة البدنية	0	$1,0.10^{-2} V$	وافر	0	0
حالة وسيطية	x	$1,0.10^{-2} V - x$	وافر	x	x
الحالة النهائيّة	x_f	$1,0.10^{-2} V - x_f$	وافر	x_f	x_f

$$Q_{r,\text{eq}} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{eq}} \times [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}}} \quad \text{تعبير خارج التفاعل هو :}$$

معرفة موصلية محلول σ يمكن من استنتاج x_f وبذلك التراكيز المولية للأنواع الكيميائية عند التوازن ، و منه $Q_{r,\text{eq}}$.

$\sigma = \lambda(\text{CH}_3\text{COO}^-) \times [\text{CH}_3\text{COO}^-] + \lambda(\text{H}_3\text{O}^+) \times [\text{H}_3\text{O}^+]$ موصلية محلول لها التعبير :

$$\sigma = [\lambda(\text{CH}_3\text{COO}^-) + \lambda(\text{H}_3\text{O}^+)] \times \frac{x_f}{V} \quad \text{و منه نكتب :}$$

$\lambda(\text{CH}_3\text{COO}^-) = 4,1 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$ و $\lambda(\text{H}_3\text{O}^+) = 35 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$ لدينا من خلال جداول المعطيات :

$$\sigma = 1,6.10^{-2} \text{ S.m}^{-1} \quad \text{قياس موصلية محلول أعطى النتيجة :}$$

هذا يمكن من استنتاج :

$$[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{eq}} = [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}} = \frac{x_f}{V} = \frac{\sigma}{\lambda(\text{CH}_3\text{COO}^-) + \lambda(\text{H}_3\text{O}^+)} = 4,1.10^{-1} \text{ mol.m}^{-3} = 4,1.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}} = 1,0.10^{-2} - \frac{x_f}{V} = 9,6 \text{ mol.m}^{-3} = 9,6.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$Q_{r,\text{eq}} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{eq}} \times [\text{H}_3\text{O}^+]_{\text{eq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}}} = \frac{(4,1.10^{-4})^2}{9,6.10^{-3}} = 1,8.10^{-5} \quad \text{يمكن إذن حساب :}$$

هذه القيمة غير مرتبطة بالحالة البدنية للمجموعة الكيميائية .

2) ثابتة التوازن K

خارج التفاعل لمجموعة كيميائية عند التوازن ثابتة لا تتعلق بالحالة البدنية للمجموعة . نرمز لها بالحرف K .

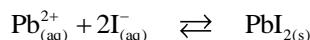
$$Q_{r,\text{eq}} = K$$

تكون ثابتة التوازن مدونة في جداول ، مثلاً :

- يتميز توازن حمض مع الماء بثابتة توازن

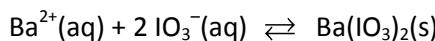
$\text{HCOOH(aq)} + \text{H}_2\text{O(l)} \rightleftharpoons \text{HCOO}^-(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq)$	$K = 1,6.10^{-4}$
$\text{CH}_3\text{COOH(aq)} + \text{H}_2\text{O(l)} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COO}^-(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq)$	$K = 1,7.10^{-5}$
$\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH(aq)} + \text{H}_2\text{O(l)} \rightleftharpoons \text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq)$	$K = 6,8.10^{-5}$

- تكون يودور الرصاص (II) حسب المعادلة :



له ثابتة التوازن (الترسب) $K = 1,5.10^8$

- تكون يودات الباريوم :

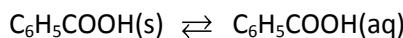


له ثابتة التوازن $K = 6,6.10^8$

$$\frac{1}{[\text{Ba}^{2+}(\text{aq})]_{\text{eq}} \times [\text{IO}_3^-(\text{aq})]_{\text{eq}}^2} = K = 6,6.10^8$$

3) تأثير درجة الحرارة :

لعتبر ذوبان حمض البنزويك :



خارج التفاعل عند التوازن له التعبير :

$$Q_{r,\text{eq}} = [\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH(aq)}]_{\text{eq}} = K$$

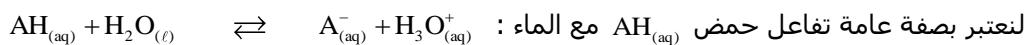
أي ارتفاع لدرجة الحرارة يمكن من ذوبان الحمض أكثر ، حيث يمكن أن نحصل على اختفاء كلي ، مما يعني تزايد تركيز حمض البنزويك . و بذلك ترتفع قيمة ثابتة التوازن K .
نستنتج أن ثابتة التوازن ترتفع بارتفاع درجة الحرارة . تناقص درجة الحرارة يؤدي إلى تبلور حمض البنزويك و بالتالي تناقص K . بالنسبة لإيتانوات الصوديوم (CH₃COONa) ، ثابتة التوازن تنقص عند ارتفاع درجة الحرارة .

*خلاصة

**ثابتة التوازن K لتفاعل كيميائي
لا تتعلق سوى بدرجة حرارة المجموعة .**

4) نسبة التقدم النهائي عند التوازن الكيميائي :

نسبة التقدم النهائي لمجموعة عند التوازن تتعلق بالحالة البدئية وبقيمة ثابتة التوازن ،



إذا كان C_i هو تركيز الحمض المدخل في الحجم V من الماء ، فإن التقدم الأقصى هو x_{max} = C_i.V و نسبة التقدم النهائي

$$\tau = \frac{x_f}{C_i \cdot V} \text{ هي .}$$

معادلة التفاعل		AH	+	H ₂ O	\rightleftharpoons	A ⁻	+	H ₃ O ⁺
حالة المجموعة	التقدم	n(AH)		n(H ₂ O)		n(A ⁻)		n(H ₃ O ⁺)
الحالة البدئية	0	c _i V		وافر		0		0
الحالة النهائية	x _f $= \tau C_i V$	$c_i V - x_f$ $= (1 - \tau) c_i V$		وافر		$x_f = \tau C_i V$		$x_f = \tau C_i V$

خارج التفاعل عند التوازن يكتب على الشكل :

$$Q_{r,eq} = \frac{[A^-]_{eq} \times [H_3O^+]_{eq}}{[AH]_{eq}}$$

$$K = \frac{(c_i \tau) \times (c_i \tau)}{c_i (1 - \tau)} = \frac{c_i \tau^2}{1 - \tau}$$

و بذلك نكتب :

$$\tau^2 + \frac{(\tau - 1)K}{c_i} = 0$$

حل للمعادلة (من الدرجة الثانية) التالية :

نستنتج أن نسبة التقدم النهائي تتعلق بثابتة التوازن K و الحالة البدئية (C_i) .

*ملحوظة :

يمكن أن نعتبر التفاعل كلي إذا كانت نسبة التقدم النهائي أكبر من 99% . بما أن τ مرتبطة ب K و كذلك الحالة البدئية ، فإنه من غير الممكن أن نعطي معياراً متعلقاً فقط ب K للتنبؤ بأن التفاعل كلي .
لكن ، غالباً بالنسبة للحالات المدروسة هذه السنة ، إذا كانت ثابتة التوازن أكبر من 10⁴ فإن التفاعل يعتبر كلياً .

مثال :

نسبة التقدم النهائي و الحالة البدئية :

نعتبر محلولين (S₁) و (S₂) لحمض البروبانويك ، تركيزهما على التوازي : C₁ = 10⁻² mol.l⁻¹ و C₂ = 10⁻³ mol.l⁻¹

نقيس الموصولة لكل محلول فنجد : σ₁ = 143x10⁻⁴ S.m⁻¹ و σ₂ = 43x10⁻⁴ S.m⁻¹

في كل محلول يحدث تفاعل بين حمض البروبانويك و الماء . نعين التراكيز المولية لأنواع الكيميائية المتواجدة في كل محلول عند التوازن ، ثم نعين النسبة النهائية لتقدم التفاعل في كل حالة .

علماً أن : λ(H₃O⁺) = 35mS.m².mol⁻¹ و λ(C₂H₅COO⁻) = 3,74mS.m².mol⁻¹



معادلة التفاعل :

حسب تعريف موصولة محلول : σ₁ = λ(H₃O⁺).[H₃O⁺] + λ(C₂H₅COO⁻).[C₂H₅COO⁻]

و بما أن : $\left[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^- \right]_f = \left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f$
 $\sigma_1 = \lambda(\text{H}_3\text{O}^+) \cdot \left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f + \lambda(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-) \cdot \left[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^- \right]_f = (\lambda(\text{H}_3\text{O}^+) + \lambda(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-)) \cdot \left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f$
 فإن و منه في محلول الأول لدينا :

$$\left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f = \left[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^- \right]_f = \frac{\sigma_1}{\lambda(\text{H}_3\text{O}^+) + \lambda(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-)} = \frac{143 \times 10^{-4}}{(35 + 3,74) \times 10^{-3}} = 3,7 \times 10^{-4} \text{ mol.l}^{-1}$$

$$[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_f = C_1 - [\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_f = 10^{-2} - 3,7 \times 10^{-4} = 9,63 \times 10^{-3} \text{ mol.l}^{-1}$$

في محلول الثاني نحصل على :
 $\left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f = \left[\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^- \right]_f = \frac{\sigma_1}{\lambda(\text{H}_3\text{O}^+) + \lambda(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-)} = \frac{43 \times 10^{-4}}{(35 + 3,74) \times 10^{-3}} = 1,12 \times 10^{-4} \text{ mol.l}^{-1}$

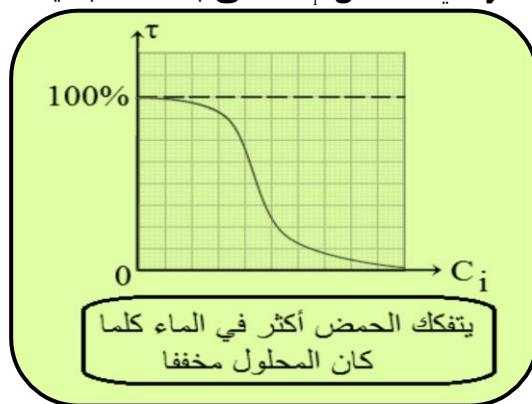
$$[\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}]_f = C_1 - [\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-]_f = 10^{-3} - 1,12 \times 10^{-4} = 8,89 \times 10^{-4} \text{ mol.l}^{-1}$$

* حساب نسبة التقدم النهائي للتفاعل في كل حالة :

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{\left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f \cdot V}{C_1 \cdot V} = \frac{3,7 \times 10^{-4}}{10^{-2}} = 3,7\%$$

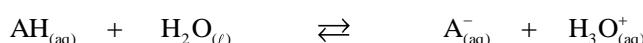
$$\tau_f = \frac{1,12 \times 10^{-4}}{10^{-3}} = 11,2\%$$

نستنتج أن نسبة التقدم النهائي للتفاعل τ_f تتعلق بالحالة البدئية للمجموعة الكيميائية .



. نسبة التقدم النهائي و ثابتة التوازن :

نعتبر التفاعل الحاصل بين حمض عضوي RCOOH (يمكن أن نرمز له ب AH) و الماء :



ليكن C التركيز المولي للمحلول الذي حجمه V ، إذن :

$$\tau = \frac{x_f}{x_{\max}} \frac{x_f}{C \cdot V} , \quad x_{\max} = C \cdot V$$

$$Q_{r,f} = K = \frac{\left[\text{A}^- \right]_f \cdot \left[\text{H}_3\text{O}^+ \right]_f}{\left[\text{AH} \right]_f} = \frac{\frac{x_f^2}{V^2}}{C - \frac{x_f}{V}} = \frac{x_f^2 / V}{C \cdot V - x_f} = \frac{\tau^2 \cdot C^2 \cdot V^2 / V}{C \cdot V - \tau \cdot C \cdot V} = \frac{\tau^2 \cdot C}{1 - \tau}$$

نستنتج أن نسبة التقدم النهائي للتفاعل تتعلق بثابتة التوازن K .
 كلما تزايدت النسبة النهائية للتقدم كلما تزايدت ثابتة التوازن .
 بالنسبة ل $K > 10^4$ نحصل على $\tau > 99\%$ وبالتالي يكون التحول كليا .