

## ثنائي القطب Dipôle RL

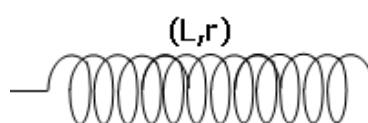
### I - الوشيعة :

#### 1 - التعريف

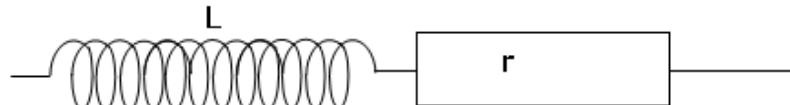
الوشيعة ثنائي قطب يتكون من لفات ، من سلك من النحاس ، غير متصلة فيما بينها لكونها مطلية ببرنيق عازل كهربائي .

#### رمز الوشيعة :

لتمثيل لوشيعة نستعمل أحد الرموز التاليين :



الشكل 1



الشكل 2

حيث  $r$  مقاومة الوشيعة و  $L$  معامل يميز الوشيعة يسمى معامل التحرير الذاتي . وحدته في النظام العالمي للوحدات هي الهنري (H) .

وتقاس  $L$  بواسطة جهاز مقاييس معامل التحرير الذاتي .

#### 2 - التوتر بين مربطي وشيعة .

#### النشاط التجاري 1

I - ننجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (1) والذي يتكون من مولد التوتر المستمر ومعدلة ووشيعة دون نواة الحديد معامل تحريرها الذاتي  $L=10mH$  و مقاومتها صغيرة ، وموصل أومي مقاومته  $R=100\Omega$  وأمبيرمتر لقياس التيار الكهربائي المار في الدارة

وضع فولطmeter لقياس التوتر بين مربطي الوشيعة ونغلق قاطع التيار K .

نغير قيم التوتر بواسطة المعدلة وفي كل مرة نقيس التوتر  $U_L$  بين مربطي الوشيعة وكذلك شدة التيار المار في الدارة .

فنحصل على النتائج التالية :

$U_L(V)$	0	0,8	1,6	2,4	3,2
$I(A)$	0	0,1	0,2	0,3	0,4

#### استئثار النتائج :

1 - مثل المحنخى  $U_L$  بدلالة الشدة I .

2 - بين أن الوشيعة تتصرف كموصل أومي .

حسب المحنخى المحصل عليه أن التوتر بين مربطي الوشيعة يتتناسب اطراضاً مع شدة التيار المار فيها ، مما يبين أن الوشيعة تتصرف كموصل أومي مقاومته  $r$  .

3 - حدد  $r$  مقاومة الوشيعة وقارنها بالقيمة التي يشير إليها الصانع .

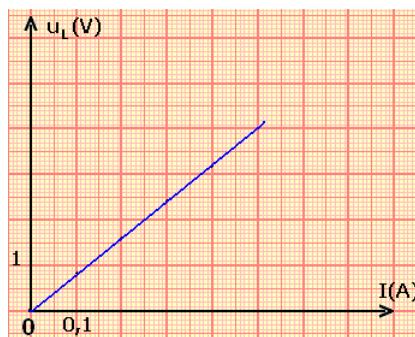
$$r = \frac{\Delta U_L}{\Delta I} = \frac{2,4 - 0,8}{0,3 - 0,1} = 8\Omega$$

4 - استنتج العلاقة بين  $U_L$  و  $r$  و  $I$  .

$$U_L = rI$$

#### II

منخفضة GBF ، حيث يعطي تياراً مثلياً تردد  $f=400Hz$  ، وتوتره الأقصى  $5V$  . نستعمل برنام إلكتروني ننجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (2)



نرسم على ورق مليمترى الرسم التذبذبى المحصل عليه .

### استئمار

- 1 – لماذا يمكن المدخل  $Y_2$  لكاشف التذبذب من معاينة تغيرات شدة التيار الكهربائي المار في الدارة ؟  
 تعانى التوتر بين مربطي الموصى الأولي :  $u_R = -Ri$  أي أن  $u_R$  و  $i$  يتناسبان اطرادا ، المنحنى  
 المحصل عليه له نفس شكل المنحنى لغيرات شدة التيار الكهربائي  $(t)$  المار في الدارة

2

- 2 – 1 حدد قيمة المعامل  $a$  ، ما وحده ؟

$$i(t) = \frac{-u_R}{R} = \frac{a't + b'}{R} = at + b$$

$$a = \frac{a'}{R} = \frac{\Delta u}{R \cdot \Delta t} = \frac{-10}{100 \cdot 10^{-3}} = -100 \text{ A/s}$$

$$b = \frac{5}{100} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ A}$$

$$i(t) = -100t + 5 \cdot 10^{-2}$$

- 2 – 2 عين ، بالنسبة للنصف الأول من الدور ، قيمة التوتر

$$(t) u_L \text{ بين مربطي الوشيعة ، ثم استنتج النسبة } \frac{u_L(t)}{\frac{di}{dt}}$$

حسب المعاينة على شاشة راسم التذبذب لدينا  $1V$

$$\frac{u_L}{\frac{di}{dt}} = \frac{1}{100} = 10^{-2} \text{ H} = 10 \text{ mH}$$

$$\frac{u_L}{\frac{di}{dt}} = L \Rightarrow u_L = L \frac{di}{dt}$$

- 2 – 3 قارن هذه النسبة مع  $L$  معامل التحرير الذاتي للوشيعة المستعملة .

استنتاج العلاقة بين  $u_L$  و  $L$  و  $\frac{di}{dt}$  .

3

التجربة لم تؤخذ هذه المقاومة بعين الاعتبار لكون تأثيرها مهما .

اقتصر علاقة عامة للتوتر  $u_L$  بين مربطي الوشيعة تضم  $u_L$  و  $i(t)$  و  $L$  و  $r$  .

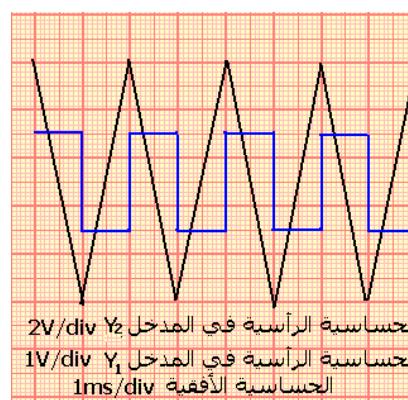
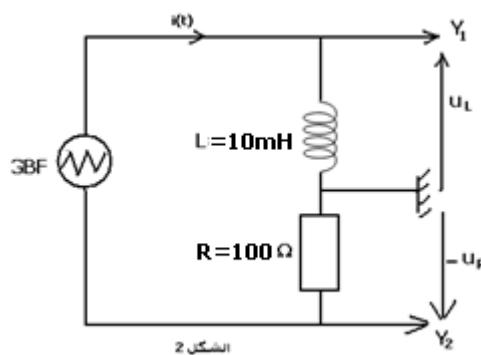
$$u_L(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di}{dt}$$

**خلاصة :**

بالنسبة لوشيعة دون نواة حديد ، وفي الاصطلاح مستقبل يعبر عن التوتر  $u_L$  بين مربطي  
 وشيعة بالعلاقة :

$$u_L(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di}{dt}$$

$u_L(t)$  بالفولط (V) ،  $i(t)$  بالأمبير ،  $r$  بالأوم ،  $L$  بالهنري .



**النشاط التحسيسي 2 : تأثير الوشيعة على دارة كهربائية ،**

ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل (3)

نغلق قاطع التيار K .

استئمار :

1

1 – هل يتائق المصباح  $L_1$  و  $L_2$  مباشرة بعد إغلاق الدارة ؟نعم يتائق المصباح  $L_1$  و  $L_2$  ولاحظ أن المصباح  $L_1$  يتائق قبل المصباح  $L_2$ 1 – 2 كيف تغير شدة التيار المار في كل من  $L_1$  و  $L_2$  ؟تتغير شدة التيار في المصباح  $L_1$  لحظيا بينما في المصباح  $L_2$  تتغير تدريجيا متأخرة بلحظات عن تائق  $L_1$ 

2 – ما تأثير الوشيعة على إقامة التيار ؟

الوشيعة تؤخر إقامة التيار

3 – ماذا يحدث عند فتح الدارة ؟ ما تأثير الوشيعة ، عند انعدام التيار ؟

نفس الملاحظة أن الوشيعة تؤخر انعدام التيار في الفرع الذي يضمها .

خلاصة :

في دارة كهربائية تحتوي على وشيعة ، تؤخر هذه الأخيرة إقامة التيار أو انعدام التيار في هذه الدارة أي بصفة عامة فالوشيعة تقاوم تغير شدة التيار الذي يمر فيها . وهذا ناتج عن تأثير الجداء  $\frac{di}{dt}$  .

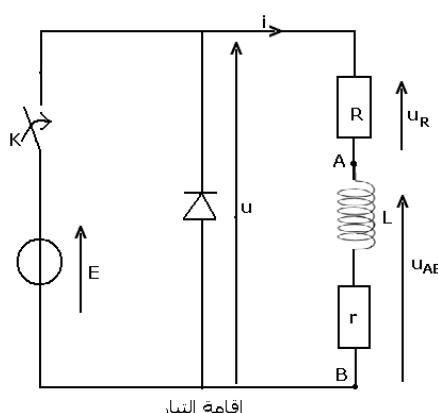
**3 – استغلال تعبير التوتر بين مربطي وشيعة .**عند إهمال مقاومة الوشيعة ، يصبح التوتر ( $t$ ) $u_L$  بين مربطي الوشيعة كالتالي :

$$u_L(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

\*  $i(t)$  تزايدية فإن  $u_L(t) > 0$ \* إذا كان تغير شدة التيار الكهربائي سريع جدا ( $dt$  صغيرة جدا بينما  $di$  كبيرة جدا أي أن الإشتقاء له قيمة كبيرةجدا ) وبالتالي ( $t$ ) $u_L$  تأخذ قيمة كبيرة جدا مما يؤدي إلى ظهور **فرط التوتر** بين مربطي الوشيعة**II – ثبائي القطب**يتكون ثبائي القطب  $RL$  من موصل أومي مقاومته  $R$  مركب على التوالي مع وشيعة مقاومتها  $r$  ومعامل تحربيتها  $L$  .نسمي المقاومة الكلية لثبائي القطب هذا  $R_t = R + r$ **1 – استجابة ثبائي القطب  $RL$  لرتبة صاعدة للتوتر .****1 – 1 المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار المار في الدارة  $RL$  .**نعتبر الدارة  $RL$  الممثلة في الشكل جانبه .نغلق قاطع التيار K في اللحظة  $t=0$  . يأخذ التوتر بين مربطي الدارة  $RL$  لحظيا القيمة E ( رتبة صاعدة للتوتر )  $(t)$  $i$  شدة التيار الذي يمر في الدارة عند **إقامة التيار** استجابة لرتبة توتر صاعدة .

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$U = U_{AB} + U_R$$

بحيث أن  $E = u$  و  $U_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$  و  $U_R = Ri(t)$  أي أن

$$E = L \frac{di}{dt} + (R + r)i$$

$$L \frac{di}{dt} + R_t i = E \Rightarrow \frac{L}{R_t} \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t}$$

بما أن  $R+r=R_t$  فان

نضع  $\tau = \frac{L}{R_t}$  فتصبح المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة

التيار  $i(t)$  المار في الدارة  $RL$  هي :

$$\tau \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t}$$

## ٢ - حل المعادلة التفاضلية .

يكتب المعادلة التفاضلية التالية :

على الشكل التالي :  $i(t) = Ae^{-\alpha t} + B$  حيث  $A$  و  $B$  و  $\alpha$  ثابت .

نعرض الحل في المعادلة التفاضلية :

$$\tau(-\alpha Ae^{-\alpha t}) + Ae^{-\alpha t} + B = \frac{E}{R_t} \Rightarrow (1 - \alpha\tau) Ae^{-\alpha t} + B = \frac{E}{R_t}$$

$$1 - \alpha\tau = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{1}{\tau}$$

$$B = \frac{E}{R_t}$$

وبالتالي سيكون حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :

تحديد الثابتة  $A$  حسب الشروط البدئية :  $i(0) = 0$  وهي ناتجة عن كون  $i(t)$  دالة متصلة في أي لحظة من لحظات تشغيل الوشيعة بما في ذلك اللحظة  $t=0$  حيث يمكن أن نكتب  $i(t+\varepsilon) = i(t-\varepsilon) = i(t)$  حيث  $\varepsilon$  عدد موجب قریب من الصفر .

حسب حل المعادلة لدينا  $i(0) = A + B = 0$  أي أن  $A = -\frac{E}{R_t}$

نضع  $I_0 = \frac{E}{R_t}$  فيكون حل المعادلة التفاضلية هو :

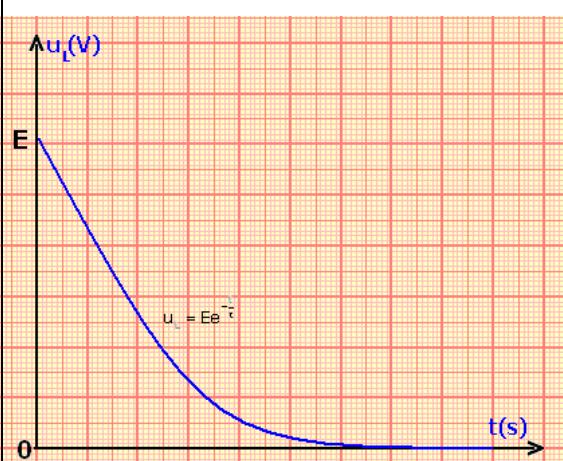
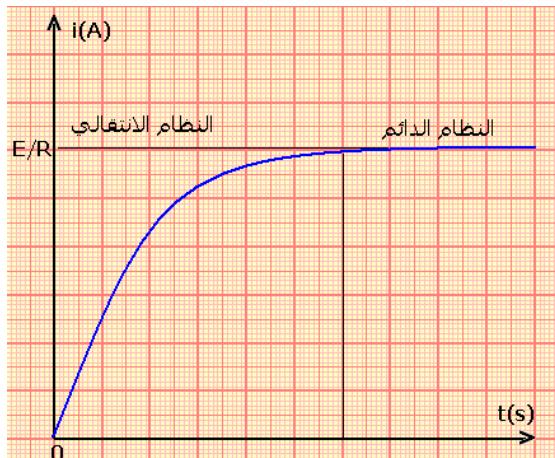
$$i(t) = I_0 \left( 1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

## ٢ - تعبير التوتر بين مربطي وشيعة .

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$u = u_{AB} + Ri(t)$$

$$u_L = u - Ri(t) \Rightarrow u_L = E - R_t \frac{E}{R_t} \left( 1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$



نعمل مقاومة الوشيعة أمام المقاومة  $R$  فتصبح  $R_t = R$  وبالتالي :

$$u_L = E \left( 1 - \left( 1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right) \Rightarrow u_L = E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

### 3 – ثابتة الزمن $\tau$

$$3-1 \text{ معادلة الأبعاد لثابتة الزمن} \quad \tau = \frac{E}{R_t}$$

$$L = \frac{u_L}{di} \Rightarrow [L] = \frac{[V][s]}{[A]} \quad \text{نعلم أن } L = \frac{[L]}{R_t} = \frac{[L]}{[R]}$$

$$\left[ \frac{L}{R_t} \right] = [s] \quad \text{أي أن } \left[ \frac{L}{R_t} \right] = \frac{[V][s]}{[A]} \times \frac{[A]}{[V]}$$

أي أن القيمة  $\tau = \frac{E}{R_t}$  لها بعد زمني تسمى ثابتة الزمن وتميز

ثنائي القطب  $RL$ .

### 3-2 كافية تحديد $\tau$

هناك طريقتين :

– الطريقة الأولى وهي : حساب  $(\tau)$  ونحدد أقصولها على المنحنى  $i(t)$ .

– الطريقة الثانية : استعمال المماس في اللحظة  $t=0$  ونحدد نقطة تقاطعه مع  $E/R$ . انظر الشكل جانبه.

### 4 – انعدام التيار في دارة تضم ثنائي قطب $RL$

عند فتح قاطع التيار ، يتغير التوتر من القيمة  $E$  إلى القيمة الصفر (رتبة توتر نازلة) نقول أن هناك انعدام التيار في الدارة  $RL$ .

تطبق قانون إضافية التوترات نتوصل إلى العلاقة التالية :

$$L \frac{di}{dt} + (R+r)i = 0 \quad \text{أي } L \frac{di}{dt} + (R+r)i = 0$$

$$\tau = \frac{L}{R+r} = \frac{L}{R_t}$$

حل هذه المعادلة التفاضلية هو :

$$i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{حيث أن } i(0) = I_0 \quad \text{و } \tau = \frac{L}{R_t} = \frac{L}{R_t}$$

في هذه الحالة نحدد مبيانيا ثابتة الزمن بتطبيق العلاقة :  $i(\tau) = 0,37I_0$

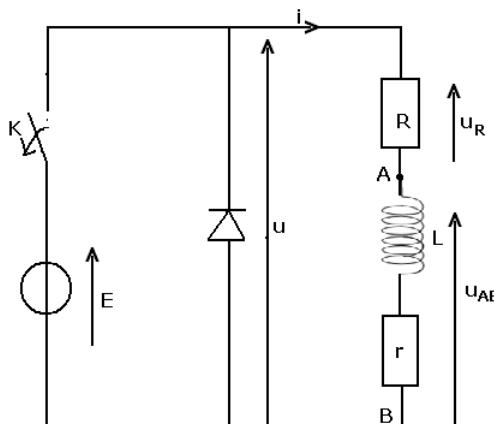
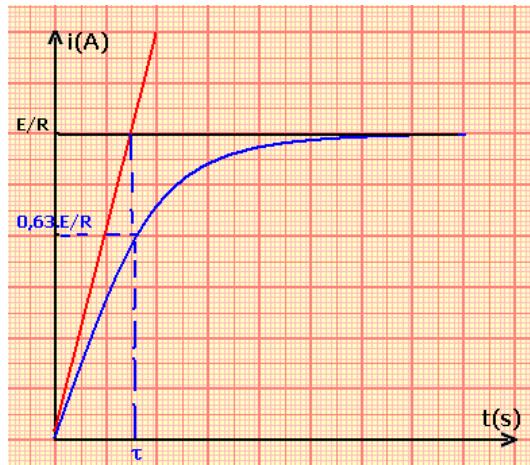
ملحوظة : كلما كانت  $\tau$  صغيرة كلما كانت مدة إقامة وانعدام التيار صغيرة كذلك.

نستعمل في التركيب التجاري الصمام من أجل حماية الدارة  $RL$  من فرط التوتر الذي يحدث بين مربطيها عند فتح قاطع التيار  $K$ .

### III – الطاقة المخزونة في وشيعة

#### 1 – الإبراز التجاري .

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه.



انعدام التيار

في هذه الحالة نحدد مبيانيا ثابتة الزمن بتطبيق العلاقة :  $i(\tau) = 0,37I_0$

ملحوظة : كلما كانت  $\tau$  صغيرة كلما كانت مدة إقامة وانعدام التيار صغيرة كذلك.

نستعمل في التركيب التجاري الصمام من أجل حماية الدارة  $RL$  من فرط التوتر الذي يحدث بين مربطيها عند فتح قاطع التيار  $K$ .

### III – الطاقة المخزونة في وشيعة

#### 1 – الإبراز التجاري .

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه.

عند غلق قاطع التيار K يمر تيار كهربائي في الوشيعة . يمنع الصمام الثنائي المركب في المنحى الحاجز مرور تيار كهربائي في المحرك .

عند فتح قاطع التيار K يشتغل المحرك فيرتفع الجسم S .  
فسر هذه الظاهرة .

يتبيّن أن الوشيعة اخزنّت ، أثناء إغلاق الدارة الكهربائية طاقة مغناطيسية في الفضاء المحيط بها ، ثم حررت هذه الطاقة عند فتح الدارة .

## 2 – تعبير الطاقة المخزونة في وشيعة

عند إغلاق الدارة تكتب المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :

$$E = Ri + L \frac{di}{dt} \Rightarrow E.i = Ri^2 + L \frac{di}{dt} . i$$

$$Eidt = Ri^2 dt + d\left(\frac{1}{2} Li^2\right)$$

من خلال هذه المعادلة نلاحظ :

$Eidt$  تمثل الطاقة الممنوحة من المولد للوشيعة خلال المدة  $dt$  .  
 $Ri^2 dt$  الطاقة المبددة بمفعول جول في الوشيعة .

$d\left(\frac{1}{2} Li^2\right)$  الطاقة التي تخزنها الوشيعة .

نعرف الطاقة المخزنة في الوشيعة بين لحظتين 0 و t هي :

$$\xi_m = \int_0^t d\left(\frac{1}{2} Li^2\right) = \frac{1}{2} Li^2$$

خلاصة :

تناسب الطاقة المخزنة في وشيعة ، معامل تحريضها L ، مع مربع شدة التيار الكهربائي المار فيها :

$$\xi_m = \frac{1}{2} Li^2$$