

التمرين 1

نعتبر دائرة كهربائية متوالية تحتوي على وشيعة مقاومتها مهملة ومعامل تحريضها L ، وموصل أومي مقاومته $R = 8\Omega$ ومولد له قوة كهرومحرركة E .

(1) أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة .

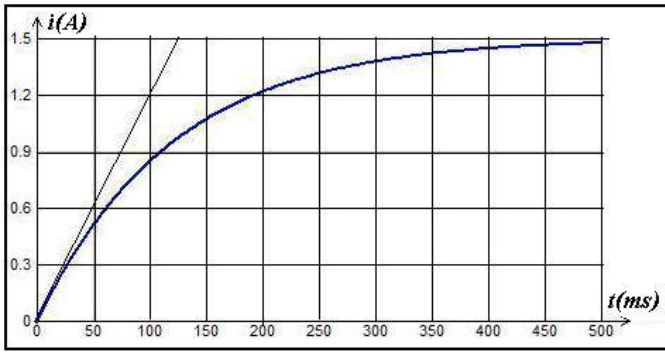
(2) تحقق من أن حل هذه المعادلة يكتب على شكل $i(t) = A \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ وحدد الثابتين

(3) نعاين على شاشة حاسوب تغيرات شدة التيار $i(t)$ بعد غلق قاطع التيار ونحصل على المنحنى التالي :

(1.3) عين مبيانيا القيمة I_0 لشدة التيار في النظام الدائم ،

واستنتج قيمة القوة كهرومحرركة E .

(2.3) حدد مبيانيا قيمة ثابتة الزمن τ . استنتج معامل التحريض للشويعة .



التمرين 2

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه ، حيث نعتبر مقاومة الوشيعة مهملة . عند اللحظة $t = 0$ نغلق قاطع التيار K .

(1) مثل على شكل الدارة سهم كل من التوتر بين قطبي الموصل الأومي R والوشيعة L في اصطلاح مستقبل .

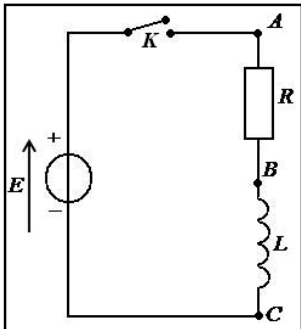
(2) أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة .

(3) تحقق أن التعبير $i(t) = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ ، حل للمعادلة التفاضلية السابقة واستنتج تعبير ثابتة الزمن τ .

(4) استنتج القيمة القصوى لشدة التيار I_0 . نعطي : $E = 12V$ ، $R = 500\Omega$.

(5) أوجد تعبير التوتر $u_{BC} = u_L$ بين مربطي الوشيعة ، ثم ارسم هيئة المنحنى $u_{BC}(t)$.

(6) أحسب الطاقة المخزونة في الوشيعة في النظام الدائم . نعطي $L = 20mH$.



التمرين 3

يعتمد نظام إحداث شرارة في محرك سيارة على دارتين كهربائيتين : دائرة أولية تتكون من وشيعة معامل تحريضها الذاتي L ومقاومتها r تغذيها بطارية السيارة ؛ ودائرة ثانوية تتكون من وشيعة أخرى وشمعة الاشتعال (*Bougie d'allumage*) .

يؤدي فتح الدارة الأولية إلى ظهور شرارة تنبعث بين مربطي شمعة الاشتعال وينتج عنها احتراق الخليط هواء - بنزين . تظهر الشرارة عندما تتعدى القيمة المطلقة للتوتر بين مربطي شمعة الاشتعال $U = 10000V$. نمذج نظام إحداث شرارة في محرك سيارة بالتركيب الممثل

في الشكل 1 .

(1) إقامة التيار الكهربائي في الدارة الأولية

نمذج الدارة الأولية بالتركيب الممثل في الشكل 2 حيث :

✓ بطارية السيارة والتي نمثلها بمولد مؤتمل لتوتر مستمر له $E = 12V$

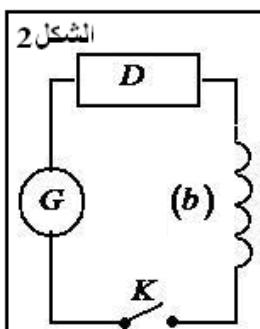
✓ وشيعة (b) معامل تحريضها الذاتي L ومقاومتها $r = 1,5\Omega$ ؛

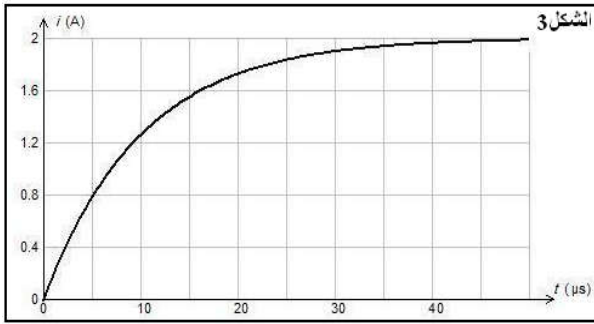
✓ D يمثل موصلا أوميا مكافئا لباقي عناصر الدارة مقاومته $R = 4,5\Omega$ ؛

✓ قاطع للتيار .

نغلق قاطع التيار ، عند اللحظة $t = 0$ ، فيمر في الدارة تيار كهربائي $i(t)$.

(1.1) أنقل تبيانة الشكل 2 ، ومثل عليها التوترات في الاصطلاح مستقبل .





2.1) بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$ تكتب

على الشكل: $\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = A$ ؛ محددًا تعبيرَي A و τ .

3.1) بين باعتماد معادلة الأبعاد ، أن الثابتة τ لها بعد زمني .

4.1) يمثل الشكل 3 منحني تغيرات شدة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن .

(أ) عين ، مبيانيا ، ثابتة الزمن τ وشدة التيار I_0 في النظام الدائم .

(ب) استنتج معامل التحريض الذاتي L للوشيجة (b) .

2) انعدام التيار في الدارة الأولية

نفتح الدارة الأولية عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ $(t = 0)$ ، فتنناقص شدة

التيار $i(t)$ المار في الدارة ، وتظهر شرارة بين مرطبي الشمعة في الدارة الثانوية .

1-2) حدد من بين التعبيرين التاليين لـ $i(t)$ ، التعبير الموافق لهذه الحالة ،

علل جوابك . $i(t) = B(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$; $i(t) = Be^{-\frac{t}{\tau}}$ حيث B ثابتة .

2-2) يمثل الشكل 4 المنحنيين (أ) و(ب) الممثلين لتغيرات شدة التيار بدلالة

الزمن ، بالنسبة لوشيعتين (أ) و(ب) لهما نفس المقاومة r ومعاملَي تحريض ذاتي مختلفين . علما أن التوتر U في الدارة الثانوية

يتناسب إطرادا مع $\left| \frac{\Delta i}{\Delta t} \right|$ وأن اشتعال الشمعة يتم بكيفية جيدة كلما كان التوتر U كبيرا ، حدد الوشيجة التي يتم بواسطتها اشتعال الشمعة بكيفية أفضل .

التمرين 3

ننجز التركيب الممثل جانبه والمتكون من :

✓ مولد قوته الكهرومحرركة $E = 10V$

✓ وشيجة معامل تحريضها الذاتي $L = 0,5H$ ومقاومتها $r = 10\Omega$

✓ موصل أومي مقاومته $R = 10\Omega$ ؛

✓ صمام ثنائي عتبته $U_S = 0$.

1) يكون قاطع التيار K مغلق في النظام الدائم .

1.1) هل يمر تيار كهربائي في الصمام ؟ ما دوره في هذه الحالة ؟

2.1) كيف تتصرف الوشيجة في هذه الحالة ؟

3.1) أعط تعبير شدة التيار I_0 المار في الوشيجة .

2) عند اللحظة $t = 0$ ، نفتح قاطع التيار K :

1-2) هل يمر في الوشيجة تيار كهربائي ؟

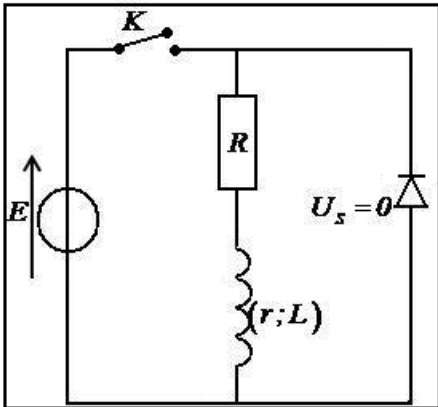
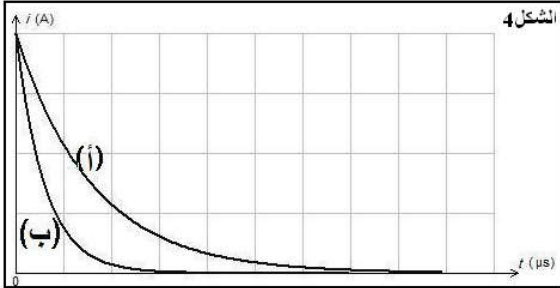
2-2) ما دور الصمام الثنائي في هذه الحالة ؟

3-2) أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$

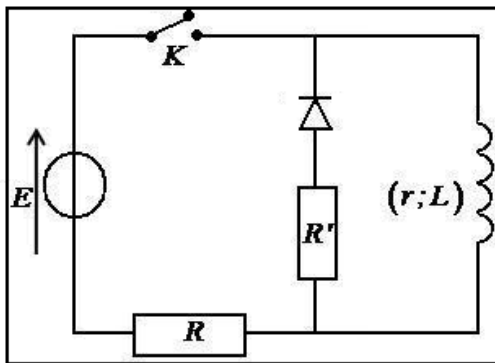
4-2) حل هذه المعادلة هو: $i(t) = a e^{-\frac{t}{\tau}}$. حدد تعبير كل من a و τ ، ثم

أحسب قيمة كل واحد منهما .

5-2) أكتب تعبير التوتر u_b بين مرطبي الوشيجة وأحسب قيمته عند اللحظة $t = 0$ ثم عندما توول t إلى ما لا نهاية .



التمرين 1

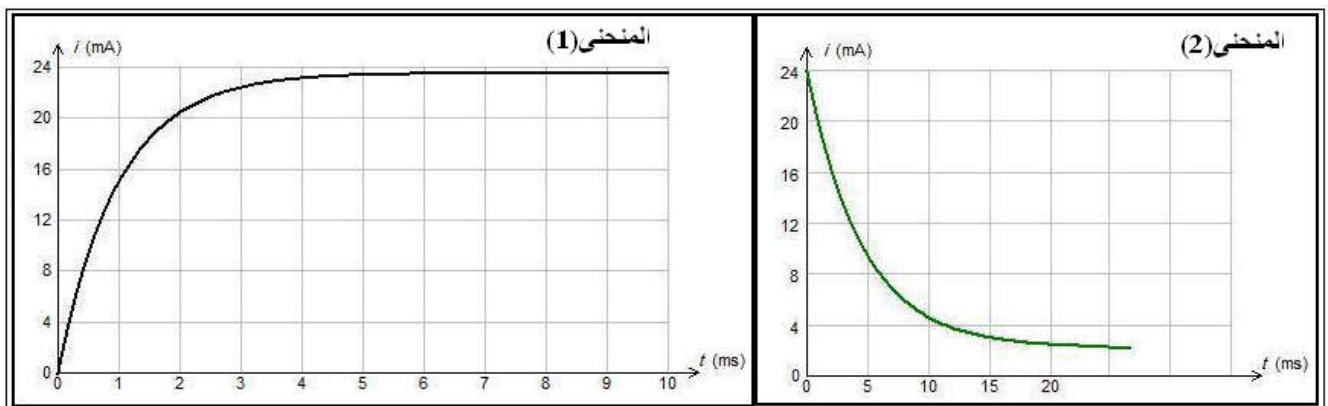


ننجز الدارة الكهربائية الممثلة بالشكل المقابل حيث :

$$R = 500\Omega \text{ و } R' = 100\Omega \text{ و } r = 10\Omega$$

نستدل عن تغير شدة التيار بدلالة الزمن بواسطة حاسوب وجهاز وسيطي مزود بلاقط أمبيرمتر ، فنحصل ، بذلك ، على المنحنيين الممثلين لشدة التيار $i(t)$ أثناء إقامة وانعدام التيار .

بدنيا نغلق قاطع التيار لمدة طويلة ، أثنائها تكون الوشيعة على التوالي مع مقاومة R ومولد توتر مستمر قوته الكهرومحركة $E = 12V$. عند اللحظة $t = 0$ ، نفتح قاطع التيار فتصبح الوشيعة على التوالي مع مقاومة R' وصمام ثنائي .



(1) حدد المنحنى الموافق لإقامة التيار وذلك الموافق لانعدام التيار .

(2) علل دور الصمام الثنائي في الدارة .

(3) بين أنه عند اللحظة $t = 0$ ، حين فتح قاطع التيار ، تكون المعادلة التفاضلية التي تخضع لها شدة التيار $i(t)$ في الدارة على الشكل

$$\tau = \frac{L}{R' + r} \quad \text{مع} \quad \frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = 0 :$$

(4) نعتبر الدالة $i(t) = A e^{-\frac{t}{\tau}} + B$ حلا للمعادلة التفاضلية حيث A و B ثابتان . عبر عن A و B بدلالة المميزات الكهربائية للدارة .

(5) تعرف على المنحنى المحصل عليه بالنسبة للمنحنى $i(t)$.

(6) حدد مبيانيا قيمة τ بالنسبة لثنائي القطب $R'L$ ثم استنتج قيمة L معامل التحريض للوشيعة .

(7) عبر بدلالة المميزات الواردة في النص ، عن الطاقة المبذولة بمفعول جول في الدارة ، بعد فتح قاطع التيار . أحسب قيمتها .