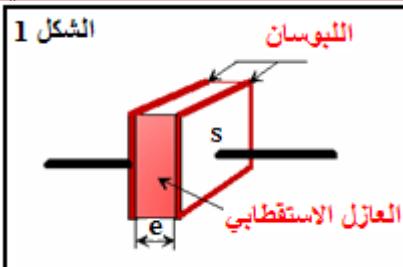


## ثنائي القطب Dipôle RC

### I - المكثف: Condensateur

تعريف:

المكثف ثنائي قطب يتكون من موصلين متقابلين يسميان لبوسين Armatures يفصل بينهما عازل استقطابي.



يرمز للمكثف بـ:

1 - شحن وتفريج المكثف:

\* نشاط تجاري 1: ننجز التركيب الممثل أسفله (الشكل 2).

أ - الشحن: نفتح قاطع التيار  $K_2$  ونغلق  $K_1$

بمتابعة مؤشر الفولطmeter ومؤشر الأمبيرmeter صف ما يحدث للتوتر بين

مربطي المكثف و شدة التيار المار في الدارة - كيف تفسر شحن المكثف

ب - التفريج: نفتح قاطع التيار  $K_1$  ثم نغلق  $K_2$

قارن منحى مرور التيار الكهربائي مع منحى مروره عند الشحن .

كيف تفسر تفريج المكثف.

#### ► الشحن: Charge

- يشير الأمبيرmeter إلى مرور تيار كهربائي تتناقص شدته إلى أن ينعدم، يتزايد التوتر  $U_{AB}$  إلى أن يصبح مساوياً لقوة الكهرمحركة للمولد  $U_{AB} = E$ .

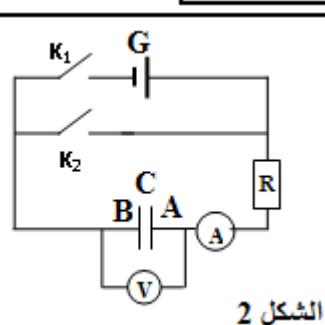
- تنتقل الإلكترونات من اللبوس A نحو اللبوس B وتجد أمامها عازلاً فتركم عليه ،

فيشحن اللبوس A بشحنة  $q_A > 0$  موجبة  $q_A > 0$  بينما يشحن اللبوس B بشحنة  $q_B$

سالبة  $q_B < 0$  ، بحيث  $q_A = -q_B$ .

- نسمي شحنة المكثف  $q$  ، الكمية الكهربائية التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه، حيث

- عندما يشحن المكثف كلباً ( $i = 0$ ) يصبح  $U_{AB} = E$ .



$$q = q_A = -q_B$$

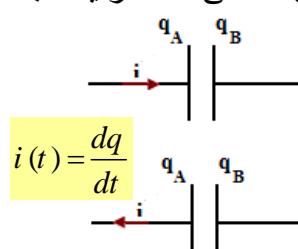
#### ► التفريج: Décharge

- نلاحظ مرور تيار عكس المنحى الذي مر فيه أثناء الشحن، حيث الإلكترونات المتراكمة على اللبوس B تغادره نحو اللبوس A عبر الأمبيرmeter نقول إن المكثف ينفرج (se décharge) ينتهي التفريج ( $i = 0$ ) عندما يصبح  $U_{AB} = 0$ .

#### 2 العلاقة بين الشحنة وشدة التيار :

نختار المنحى الموجب لشدة التيار بحيث يدخل من اللبوس A.

إذا مر التيار في المنحى المختار يحسب موجباً ( $i > 0$ ) وإذا مر عكس المنحى المختار يحسب سالباً ( $i < 0$ )



- عند تزايد  $q_A > 0$  أي  $i > 0$   $\frac{dq_A}{dt} > 0$

- عند تناقص  $q_A < 0$  أي  $i < 0$   $\frac{dq_A}{dt} < 0$

شدة التيار الكهربائي هي صبيب الشحنات الكهربائية أي كمية الكهرباء  $dq$  التي تمر في وحدة الزمن:

$$q = q_A = -q_B \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$dq = dq_A = -dq_B$$

المكثف مركبة تخزن كمية من الكهرباء وترجعها عند الحاجة.

2 - العلاقة بين شحنة المكثف  $q$  والتوتر بين مربطيه  $U$ : سعة المكثف (Capacité)

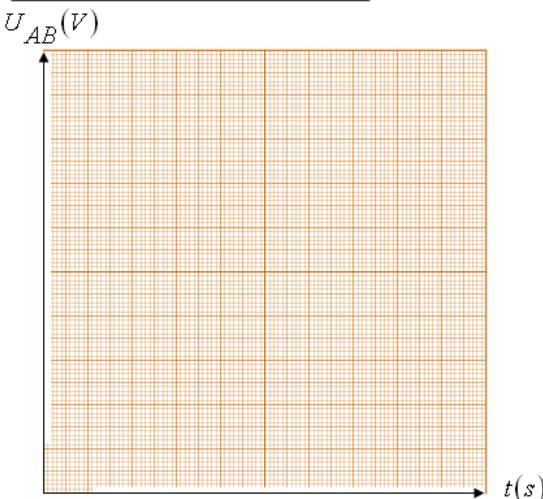
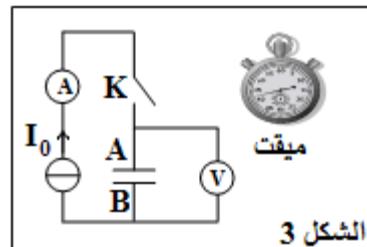
#### \* نشاط تجاري 2

يشحن المكثف بواسطة مولد ممثل للتيار (يعطي شدة ثابتة  $I_0$ ).

نضبط  $I_0$  على القيمة  $0,46mA$  ثم نقيس التوتر  $U_{AB}$  بين مربطي المكثف كل خمس ثوان بفتح K وتوقيف الميقت في

نفس الوقت (أنظر التركيب التجاريي جانبه).  
نحصل على النتائج التالية:

t(s)	0	5	10	15	20
U <sub>AB</sub> (V)	0	1	2	3	4



#### \* استثمار

- 1 مثل المنحنى ( $U_{AB} = f(t)$ ) باختيار سلم مناسب.
- 2 حدد  $K$  المعامل الموجه للمستقيم المحصل عليه.
- 3 اعط تعبير  $q_A$  شحنة اللبوس  $A$  بدلالة شدة التيار  $I_0$  والزمن  $t$ .
- 4 استنتج تعبير  $q_A$  بدلالة  $K$ ,  $I_0$  و  $U_{AB}$ .
- 5 نضع المكافئ. احسب  $C$ .

$$C = \frac{I_0}{K}$$

**C** : سعة المكثف وحدتها في النظام العالمي **فاراد** Farad ، رمزها  $F$  وبالتالي :

#### أجزاء الفاراد:

$$q_A = C \cdot U_{AB}$$

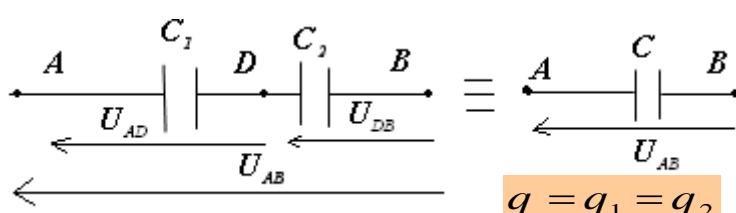
$\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$   
 $C \quad F \quad V$

$$\begin{aligned} 1mF &= 10^{-3} F && \text{(ميلي فاراد)} \\ 1\mu F &= 10^{-6} F && \text{(ميکروفاراد)} \\ 1nF &= 10^{-9} F && \text{(نانوفاراد)} \\ 1pF &= 10^{-12} F && \text{(بيكوفاراد)} \end{aligned}$$

تناسب شحنة  $q_A$  للمكثف مع التوتر  $U_{AB}$  بين مربطيه.

#### II - تجميع المكثفات.

- 1 - التركيب على التوالي:



$$q = q_1 = q_2$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{q}{C} &= \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} \\ \frac{1}{C} &= \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \end{aligned} \right\}$$

$$C = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}$$

وبالتالي: **C** : سعة المكثف المكافئ.

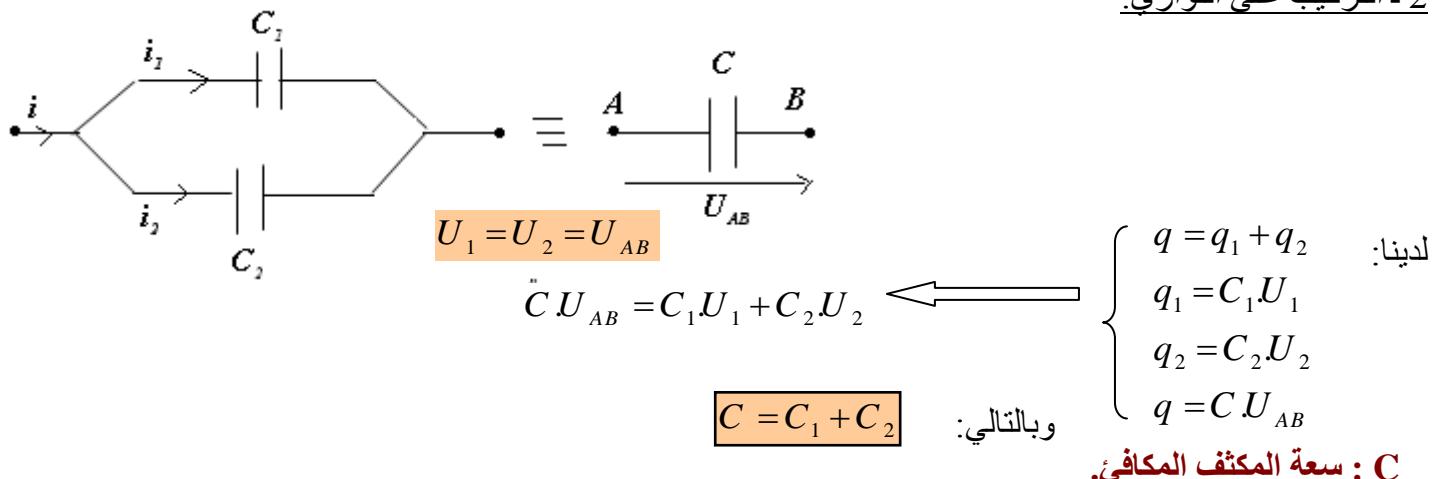
$$\left\{ \begin{aligned} U_{AB} &= U_{AD} + U_{DB} \\ U_{AD} &= \frac{q_1}{C_1} \Leftrightarrow q_1 = C_1 U_{AD} \\ U_{DB} &= \frac{q_2}{C_2} \Leftrightarrow q_2 = C_2 U_{DB} \\ U_{AB} &= \frac{q}{C} \Leftrightarrow q = C U_{AB} \end{aligned} \right.$$

\* **بصفة عامة** : التركيب على التوالي لمكثفات سعاتها **C** يكافئ مكثفا سعته  $C = C_1 + C_2 + \dots + C_n$  بحيث:

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}$$

\* **فائدة التركيب على التوالي**: يمكن هذا التركيب من الحصول على سعة قيمتها اصغر مع تطبيق توتر عال قد لا يتحمله كل مكثف إذا استعمل لوحده.

## 2 - التركيب على التوازي:



\* **بصفة عامة :** التركيب على التوازي لمكثفات سعتها  $C_{n_1}, \dots, C_2, C_1$  يكافئ مكثفًا سعته **C** بحيث:

$$C = C_1 + C_2 + \dots + C_n$$

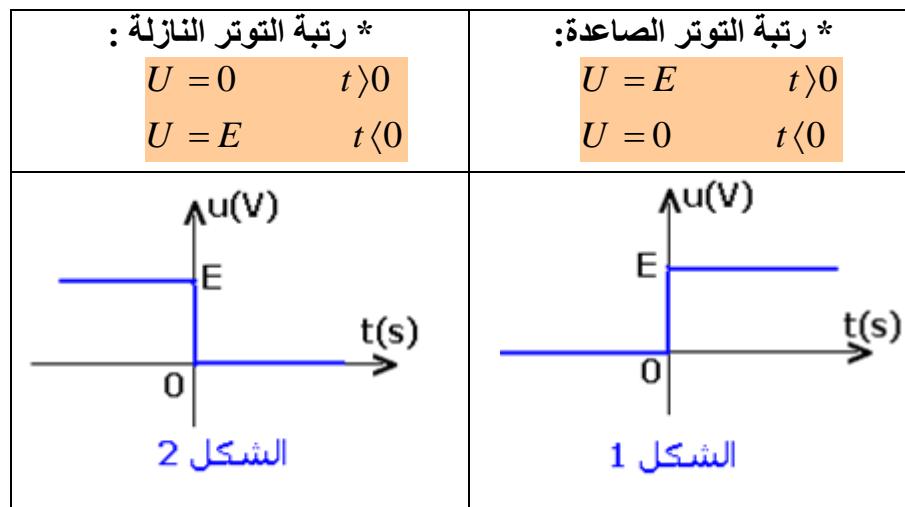
\* **فائدة التركيب على التوازي :** يستعمل هذا التركيب لتخزين السعة وتخزين شحنة كبيرة باستعمال مكثفات سعتها صغيرة.

### III - استجابة ثانوي قطب RC لرتبة توتر: Echelon de tension

تعريف:

- ثانوي قطب **RC** هو تجميع على التوالى لموصل أومي مقاومته **R** ومكثف سعته **C**.

- رتبة توتر هي إشارة كهربائية تعرف كالتالى:



#### 1 - الدراسة التجريبية.

##### 1 - نشاط تجريبى: شحن مكثف:

- بعد تفريغ المكثف، ننجذب التركيب الكهربائي جانبه حيث  $R = 1250\Omega$  و  $C = 0,4\mu F$  ، (الشكل 4)
- نضبط مولد GBF ذا توتر مربعى توتره القصوى  $E = 6V$  و تردد  $f = 200Hz$  ،
- نغلق قاطع التيار K في الموضع 1 و نعاين بواسطة كاشف التذبذب التوتر  $u_C(t)$  بين مربطي المكثف بدلالة الزمن.

- 1 - ما هو المنحنى الذي نشاهده على المدخل  $Y_1$  وما هو المنحنى الذي نشاهده على المدخل  $Y_2$  ؟
- 2 - نعتبر حالة توتر ذي رتبة صاعدة. يبرز منحنى تغيرات ( $t$ )  $u_C(t)$  وجود نظامين:

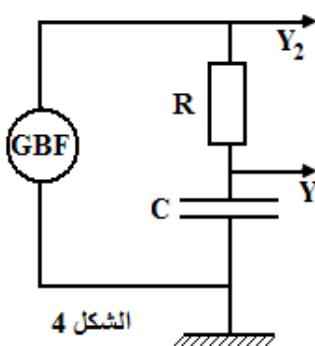
- ❖ نظام انتقالى: يتغير خلاله التوتر  $u_C(t)$  .
- ❖ نظام دائم: يصل خلاله التوتر إلى قيمة حدية ثابتة.

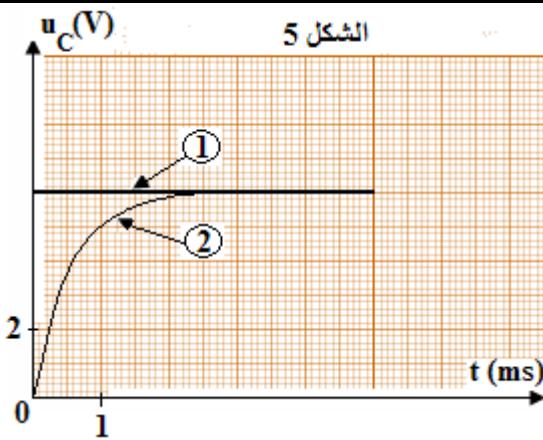
أ - عين  $(0)$   $u_C$  و  $(\infty)$   $u_C$  عندما تؤول  $t$  إلى ما لا نهاية.

ب - نعبر عن المنحنى ( $t$ )  $u_C$  بدلالة الزمن، بالدالة  $(\frac{t}{\tau})$  حيث  $k$  و  $\tau$  ثابتان، حدد الثابتة  $k$  . ماذا تمثل؟

$$u_C(t) = k \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

نعطي:  $e^{-\infty} = 0$





3 - تسمى  $\tau$  ثابتة الزمن لثائي القطب  $RC$  ، وتبين الدراسة النظرية أن:  $\tau = RC$  باستعمال معادلة الأبعاد، بين أن  $\tau$  عبارة عن زمن.

4 - نعتبر الدالة الممثلة للمنحنى  $u_C(t)$  .

أ - عبر عن  $\tau$  بدلالة  $E$  التي تم التعرف عليها في السؤال (2 - ب).

ب - استنتج مبيانيا قيمة  $\tau$ .

د - يمكن أن نحدد  $\tau$  بطريقة مبيانية ثانية حيث تمثل أقصوص نقطة تقاطع المماس لمنحنى  $u_C(t)$  عند  $t = 0$  مع المنحنى (1). حدد  $\tau$  باستعمال هذه الطريقة.

الأجوبة:

1 - المنحنى الذي نشاهد على المدخل  $Y_1$  هو رقم 2 ،  
المنحنى الذي نشاهد على المدخل  $Y_2$  هو رقم 1 .

$$u_C(\infty) = E \quad u_C(0) = 0 \quad 1-2$$

$$\text{إذن } K = E \quad \Leftrightarrow \begin{cases} u_C(\infty) = k \cdot (1 - e^{-\infty}) \\ = E \end{cases} \quad 2-B$$

3 - معادلة الأبعاد

باستعمال معادلة الأبعاد بين أن للثابتة  $\tau$  بعد زمني.  
وبالتالي:  $[C] = \frac{[I] \cdot [t]}{[U]}$   $\leftarrow C = \frac{q}{U}$  لدينا:  $q$

$$[R] \cdot [C] = \frac{[I] \cdot [t]}{[U]} \times \frac{[U]}{[I]} = [t] \quad \leftarrow R = \frac{[U]}{[I]} \quad \text{إذن: } u = R \cdot i \quad \text{ولدينا:}$$

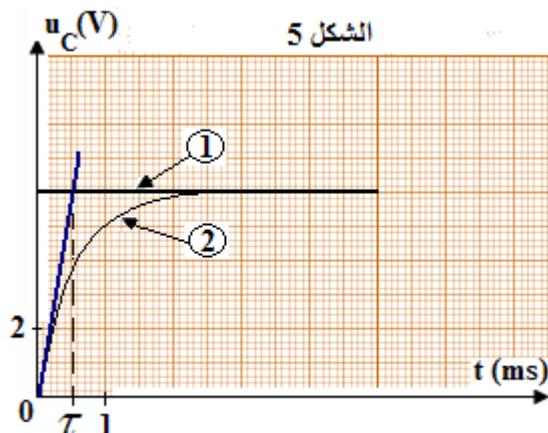
إذن للقدر  $\tau = RC$  ،  $\tau$  بعد زمني، تسمى  $\tau$  ثابتة الزمن لثائي القطب  $RC$  ونعبر عنه بالثانية (s)

4 - تعبير  $u_C(t = \tau)$ :

$$\begin{aligned} u_C(t = \tau) &= E \cdot (1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}}) \\ &= E \cdot (1 - e^{-1}) \\ &= 0,63E \end{aligned}$$

4 - ب - نستخرج مبيانيا قيمة  $\tau$ :

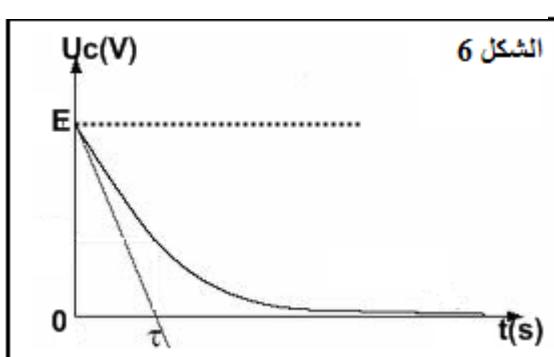
$$\tau = 0,63 \cdot E \quad \text{أ - ج - تحديد ثابتة الزمن مبيانيا:}$$



$$RC = 1250 \times 0,4 \cdot 10^{-6} = 0,5 \cdot 10^{-3} \text{ s} = 0,5 \text{ ms}$$

4 - د - تحديد ثابتة الزمن مبيانيا:

قطع مماس المنحنى  $U_C = f(t)$  عند اللحظة  $t = 0$  المقارب في اللحظة  $t = \tau$  .



2 - تفريغ مكثف:

نؤرجح قاطع التيار عند الموضع 2 .

يفرغ المكثف في المقاومة  $R$  ويتناقص التوتر  $U_C$  بين مربطيه.

تحديد ثابتة الزمن مبيانيا:  
المماس لمنحنى  $U_C = f(t)$  .

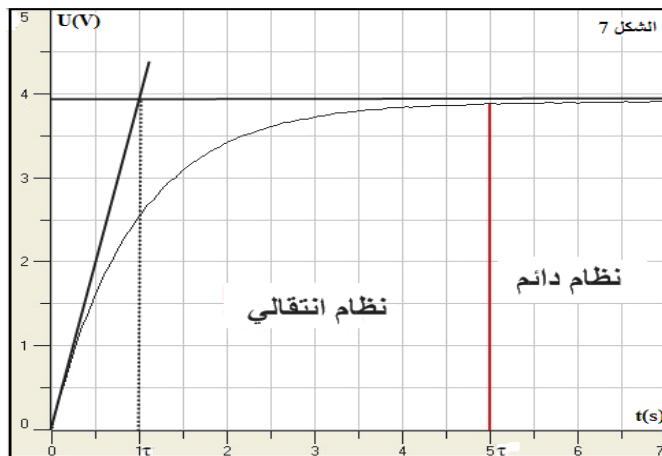
$U_C = f(t)$  .

2 - النظامان الإنقالي والدائم.

أ - نظام إنقالي: Régime transitoire

يتزايد أو يتناقص خلاله التوتر  $U_C$  ونحصل عليه عندما تكون  $t < 5\tau$

**بـ - النظام الدائم:** Régime permanent  
نحصل عليه عندما يكون  $t \geq 5\tau$  ويبقى خلاله التوتر  $U_C$  ثابتاً عند تفريغ المكثف.



$$q = CU_C \quad \text{و} \quad i = \frac{dq}{dt} \quad \text{ولدينا:} \quad U = U_R + U_C \quad E = Ri + U_C$$

$$\frac{dU_C}{dt} + \frac{U_C}{RC} = \frac{E}{RC}$$

$$i = C \frac{dU_C}{dt} \quad \text{يعني:} \\ RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{RC} = \frac{E}{R} \quad \text{المعادلة التقاضية التي تتحققها الشحنة } q \quad \text{باعتبار } U_C = \frac{q}{C}$$

$$\boxed{U_C = A e^{-\alpha t} + B} \quad \text{بـ حل المعادلة التقاضية:} \\ \text{يكتب حل المعادلة التقاضية:} \\ \text{ـ ثوابت } B, A \text{ و } \alpha$$

$$-\alpha A e^{-\alpha t} + \frac{A e^{-\alpha t} + B}{RC} = \frac{E}{RC} \quad \text{نعرض:} \quad \frac{dU_C}{dt} = -\alpha A e^{-\alpha t} \quad \text{ـ تحديد } B \text{ و } \alpha \text{ من المعادلة التقاضية:} \\ A e^{-\alpha t} \left( \frac{1}{RC} - \alpha \right) = \frac{E - B}{RC}$$

$$\frac{1}{RC} - \alpha = 0 \quad \text{و} \quad \frac{E - B}{RC} = 0 \quad \text{نستنتج أن } A \neq 0 \quad \text{ـ وعلمًا بأـ } A \neq 0$$

$$\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{وـ} \quad E = B \quad \text{وـ منه:}$$

**ـ تحديد A باستعمال الشروط البدئية:**  
عند اللحظة  $t = 0$  فإن  $U_C = 0$  (لم يكن المكثف مشحوناً).

$$A = -B = -E \quad \text{يعني}$$

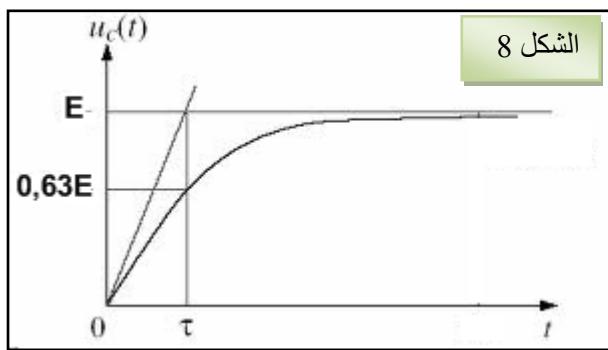
$$A + B = 0$$

$$U_C = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \begin{array}{l} \text{ـ نضع } \tau = RC \\ \text{ـ تعبير التوتر بين مربطي مكثف:} \end{array}$$

$$\begin{aligned} U_C &= -E e^{-\frac{t}{RC}} + E \quad \text{ـ إذن:} \\ U_C &= E \left( 1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right) \end{aligned}$$

**ـ ملحوظة:**

$$q = CE \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \begin{array}{l} \text{ـ لدينا } q = C \cdot U_C \text{ وـ منه:} \\ \text{ـ الشحنة الكهربائية:} \end{array}$$



$$i = \frac{dq}{dt} \quad \text{شدة التيار } i : \quad i = \frac{dq}{dt}$$

ومنه:  $i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$

- الطريقة الحسابية لتحديد ثابتة الزمن  $\tau$ :

عند  $t = \tau$  فإن الأرتب:  $U_C(\tau) = E(1 - e^{-1})$

لدينا:  $U_C(\tau) = E \left(1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}}\right)$

$$U_C(\tau) = 0,63E$$

2 - تفريغ المكثف:  
أ - المعادلة التفاضلية:

نورجح قاطع التيار إلى الموضع 2 .  
حسب قانون إضافية التوترات  $U_R + U_C = 0$   
 $Ri + U_C = 0$

$$\frac{dq}{dt} = C \frac{dU_C}{dt} \Leftrightarrow \begin{cases} i = \frac{dq}{dt} & \text{لدينا} \\ q = CU_C & \end{cases}$$

بالنالي:  $RC \cdot \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0$   $\frac{dU_C}{dt} + \frac{U_C}{RC} = 0$  و منه

ملحوظة: باعتبار  $U_C = \frac{q}{C}$  نجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة  $q$  :

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{RC} = 0$$

ب - حل المعادلة التفاضلية:

يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:  $U_C = Ae^{-\alpha t} + B$

\* تحديد الثوابت  $A$  و  $B$  :

$$-\alpha A e^{-\alpha t} + \frac{A e^{-\alpha t} + B}{RC} = 0$$

$$\frac{dU_C}{dt} = -\alpha A e^{-\alpha t}$$

$$A e^{-\alpha t} \left( \frac{1}{RC} - \alpha \right) = -\frac{B}{RC}$$

$$\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{و} \quad B = 0 \quad \text{فإن } A \neq 0$$

\* تحديد الثوابت عند الشرط البدني:

عند  $t = 0$  فإن  $U_C = E$  و منه:  $A = E$

$$U_C = E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

عند  $t = \tau$  فإن الأرتب:  $U_C(\tau) = 0,37E$

ملحوظة:

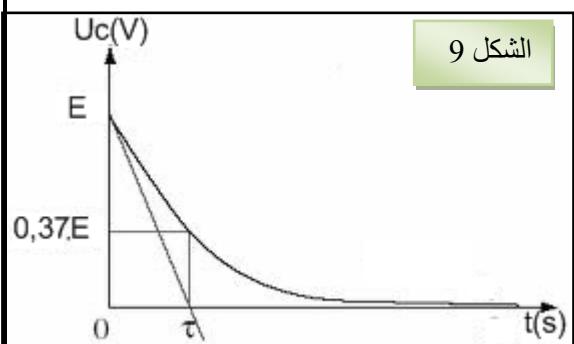
لدينا  $q = C \cdot U_C$  و منه:

- الشحنة الكهربائية:

$$q = C \cdot E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

- شدة التيار  $i$  :

$$i = \frac{dq}{dt}$$



و منه:  $i = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$

#### IV- الطاقة المخزونة في مكثف:

يمكن المكثف من تخزين طاقة كهربائية قصد استعمالها عند الحاجة.

تعبر الطاقة المخزونة في المكثف:

$$E_e = \frac{1}{2} C U^2$$

أو:  $E_e = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$