

**ثانية القطب****Dipole RC**

1

**I - المكثف : condensateur :****1 - تعريف :**

يتكون المكثف من موصلين يسميان لبوسين يفصل بينهما عازل استقطابي :

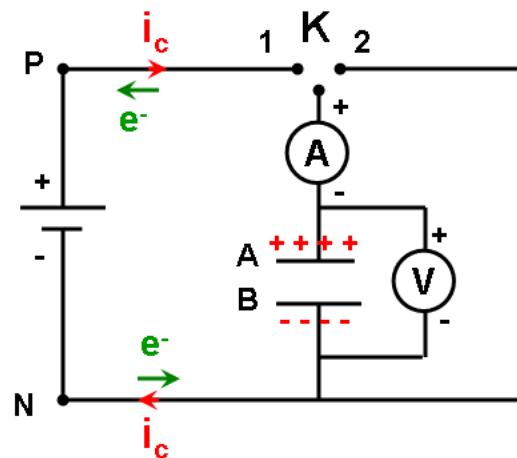


❖ دور المكثف : يمكن من تخزين كمية من الكهرباء و إرجاعها عند الحاجة .

❖ الرمز الاصطلاحي للمكثف :

**1 - شحنة المكثف :****أ - شحنة المكثف :**

نجز التركيب الكهربائي التالي :



نضع قاطع التيار في الموضع (1) فلاحظ :

- يشير الأمبير متر خلال وقت و جيز إلى مرور تيار كهربائي

- يشير الفولطير بسرعة إلى توتر يساوي القوة الكهربائية محركة للمولد G ، و يبقى هذا التوتر ثابتا : نقول أن المكثف مشحون.

**❖ تطبيق :**

- يفسر مرور التيار الكهربائي في الدارة بتراكم الإلكترونات على اللبوس B فتظهر شحنة سالبة و بالتأثير (الكهرساكن) تظهر شحنة موجبة على اللبوس A ، حيث يفقد اللبوس A نفس الشحنة التي تكسبها اللبوس B و تتجه هذه الإلكترونات من A إلى القطب الموجب للمولد.

- يفسر ظهور التوتر بين مربطي المكثف بوجود فرق الجهد بين لبوسيه حيث يشخنان بشحنتين متقابلتين حيث  $q = q_A = -q_B$

و عندما يصبح المكثف مشحون فإن :  $E = U_{AB} = U_{PN}$  : القوة الكهربائية

تسمى شحنة المكثف الكمية الكهربائية الكمية  $q$  التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه لتكن  $q_A$  شحنة اللبوس A ( $q_A > 0$ ) و  $q_B$  شحنة اللبوس

B ( $q_B > 0$ ) في هذه الحالة  $q = q_A = q_B$

نسمي شحنة المكثف الكمية الكهربائية  $q$  التي يتتوفر عليها أحد لبوسيه لتكن  $q_A$  شحنة اللبوس A ( $q_A > 0$ ) و  $q_B$  شحنة اللبوس

B ( $q_B < 0$ ) في هذه الحالة  $q = q_A = -q_B$

**ب - تفريغ المكثف :**

سوق أربعة الغرب

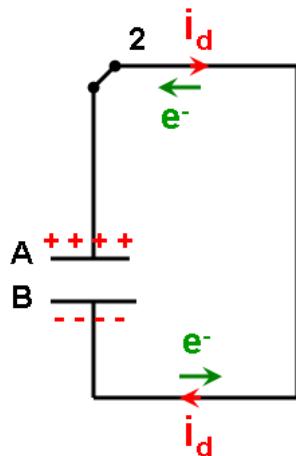
الفيزياء و الكيمياء 2 bac

الأستاذ : خالد المكاوي

بعد شحن المكثف نضع قاطع التيار في الموضع (2) فنلاحظ أن :

- يشير الأمبير متر إلى مرور وجيز للتيار الكهربائي في المنحى المعاكس.

- و الفولطمتر يشير إلى انعدام سريع للتوتر.



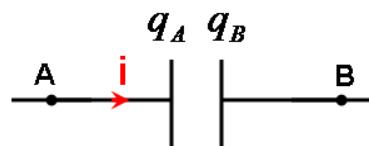
- بعد غلق قاطع التيار فإن الالكترونات المتراكمة على اللبوس B تعود إلى اللبوس A .

- تيار التفريغ الذي يظهر في الدارة له عكس منحى تيار الشحن.

- وعندما يتغير التفريغ فإن  $i_d = 0$  و اللبوس  $A$  و  $B$  يصبحان محابدين كهربائيا.

٣- العلاقة بين الشحنة و شدة التيار الكهربائي :

نختار منحى موجباً و لشدة التيار حيث يدخل من اللبوس A :



- شدة التيار الكهربائي هي صبيب الشحن الكهربائية و هي كمية الكهرباء التي تصل إلى لبوس المكثف في وحدة الزمن .

$$I(t) = \frac{dq(t)}{dt}$$

تجهيز :

- عندما يمر التيار في المنحى الموجب تزداد شحنة البوس A أي  $i > 0$ .

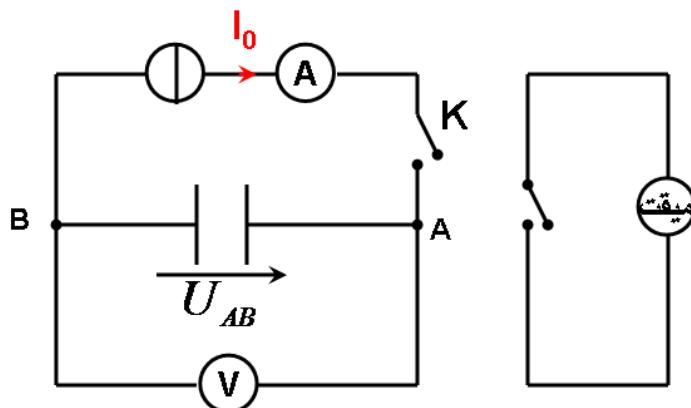
- عندما يمر التيار في المنحى المعاكس للمنحي الموجب تتناقص شحنة اللبوس  $A < 0$  أي  $i < 0$ .

**مُلحوظة :**

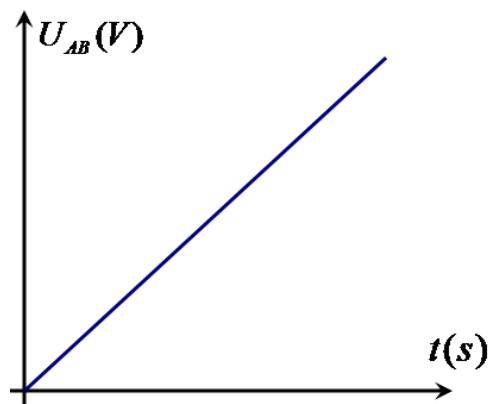
**بالنسبة للتيار المستمر** ( $I = cte$ )

#### **٤ - العلاقة بين الشحنة والتوتر: سعة مكثف**

نجز التركيب الممثل أسفه :



عند غلق قاطع التيار  $K$  يزود المولد الدارة بتيار ثابت  $I_0$  وفي نفس الوقت ينطلق الميقت و يبدأ بحساب المدة الزمنية اللازمة لظهور التوتر  $u_{AB}$  ، نقىس هذا الأخير بالنسبة لكل مدة زمنية  $t$  و ندون النتائج التالية و نخط  $u_{AB} = f(t)$



نلاحظ أن المنحنى عبارة عن دالة خطية تمر أصل و بالتالي فإن :  
 $u_{AB} = k.t$   
 وبما أن شدة التيار الكهربائي  $I_0$  ثابتة فإن :  
 $q = I_0 \cdot t$

$$\frac{q}{u_{AB}} = \frac{I_0}{k} = C$$

نلاحظ أن الشحنة  $q$  تتناسب مع التوتر  $U_{AB}$  و يسمى معامل النسبة  $C$  سعة المكثف و حدته في النظام (SI) هي الفارادي F :

$$(C) \leftarrow q(t) = C.u_{AB}(t) \rightarrow (V)$$

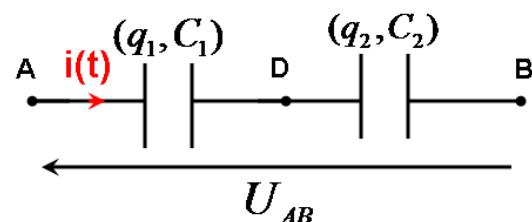
↓  
(F)

### II - تجميع المكثفات :

### 1 - التجميع على التوالى :

نركب على التوالى مكثفين سعتهما بالتابع  $C_1$  و  $C_2$  فيمر فيهما نفس شدة التيار الكهربائي و يشحان بشحتين متساوين :

$$: q = q_1 = q_2$$



سوق أربعة الغرب

الفيزياء والكيمياء 2 bac

الأستاذ: خالد المكاوي  
حسب قانون إضافية التوترات :

$$U_{AB} = U_{AD} + U_{DB}$$

$$U_{AD} = \frac{q_1}{C_1} \quad \text{و لدينا: } U_{DB} = \frac{q_2}{C_2}$$

$$U_{AB} = \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} \quad \text{مع } q_1 = q_2 = q$$

$$U_{AB} = q \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right)$$

$$U_{AB} = \frac{q}{C} \quad \text{مع } \frac{1}{C} = \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) \quad \text{ومنه}$$

♦ تعليم:

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n} = \sum_{i=1}^{i=n} \frac{1}{C_i}$$

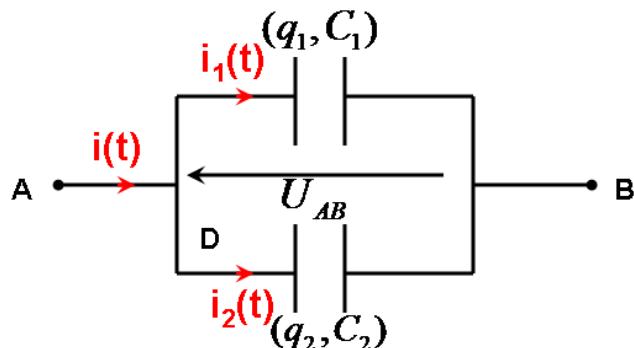
سعة المكثف المكافئ للتجميع عدة مكثفات على التوالي تحقق العلاقة :

♦ فائدة التركيب على التوالي:

يمكن هذا التركيب من الحصول على سعة قيمتها أصغر ، مع تطبيق توتر عال قد لا يتحمله مكثف إذا استعمل لوحده.

## 2 - التجميع على التوازي :

نركب على التوازي مكثفين سعتهما  $C_1$  و  $C_2$  فيكون نفس التوتر  $U_{AB}$  مطبق بين مربطيهما :



$$i = i_1 + i_2$$

حسب قانون العقد فإن :

$$\frac{q}{t} = \frac{q_1}{t} + \frac{q_2}{t}$$

$$q = q_1 + q_2$$

$$q_1 = C_1 \cdot U_{AB} \quad \text{و} \quad q_2 = C_2 \cdot U_{AB} \quad \text{مع}$$

$$q = C_1 \cdot U_{AB} + C_2 \cdot U_{AB}$$

$$q = (C_1 + C_2) \cdot U_{AB}$$

$$q = C \cdot U_{AB} \quad \text{مع ومنه} \quad C = C_1 + C_2$$

$$C = C_1 + C_2 + \dots + C_n = \sum_{i=1}^{i=n} C_i$$

سعة المكثف المكافئ لعدة مكثفات على التوازي تتحقق العلاقة :

❖ فائدة التركيب على التوازي :

يُستعمل هذا التركيب من لتكبير السعة و يمكن بتطبيق توتر ضعيف من الحصول على شحنة كهربائية كبيرة قد لا يوفرها كل مكثف على حدة.

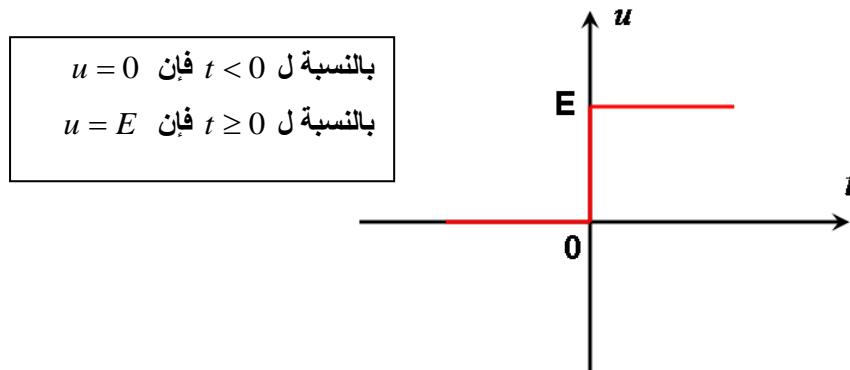
❖ تطبيق:

### III - استجابة ثانى القطب RC لرتبة توتر:

#### 1 - استجابة ثانى القطب RC صاعدة للتوتر:

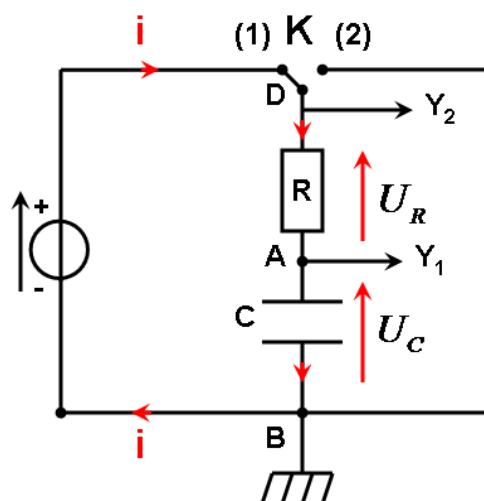
✓ ثانى القطب RC : يتكون ثانى القطب RC من مكثف سعته C و موصل أو مقاومته R مركبين على التوالى.

❖ رتبة صاعدة للتوتر:



أ - المعادلة التفاضلية :

نجز التركيب الكهربائي التالي :



- قبل غلق الدارة يكون المكثف غير مشحون .

- نغلق الدارة في لحظة نعتبرها أصلاً للتاريخ 0

حسب قانون إضافية التوترات

$$E = u_R + u_C$$

و لدينا حسب قانون أوم :

سوق أربعة الغرب

الفيزياء و الكيمياء bac 2

الأستاذ : خالد المكاوي

$$i(t) = C \cdot \frac{du_C(t)}{dt} \quad \text{و منه } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} \quad \text{و } q(t) = C \cdot u_C(t)$$

$$u_R = R \cdot C \frac{dq(t)}{dt}$$

وبالتالي :

$$E = R \cdot C \frac{dq(t)}{dt} + u_C(t)$$

$$\tau = R \cdot C \quad \text{مع} \quad \tau \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي المكثف :

$$\tau \cdot \frac{dq}{dt} + q = C \cdot E$$

المعادلة التفاضلية التي تتحققها الشحنة :

### ب - حل المعادلة التفاضلية :

يكتب حل المعادلة التفاضلية من الدرجة الأولى كالتالي :

مع A و B و  $\alpha$  ثوابت يتم تحديدها :

$$\frac{du_C(t)}{dt} = -\alpha \cdot e^{-\alpha \cdot t}$$

اشتقاق حل المعادلة :

$$-\tau \cdot \alpha \cdot A e^{-\alpha \cdot t} + A e^{-\alpha \cdot t} + B = E$$

نعرض في المعادلة :

$$A e^{-\alpha \cdot t} (1 - \tau \cdot \alpha) = E - B$$

لكي تتحقق هذه المعادلة مهما تكن  $t$  يجب أن يكون المعامل  $e^{-\alpha \cdot t}$  منعدم و  $A \neq 0$

$$1 - \tau \cdot \alpha = 0 \quad \text{و} \quad E - B = 0$$

$$\alpha = \frac{1}{\tau} \quad \text{و} \quad E = B$$

$$u_C(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + E$$

و بالتالي :

$$u_C(t=0) = A + E = 0$$

نحدد A بالاعتماد على الشروط البدنية :

$$A = -E$$

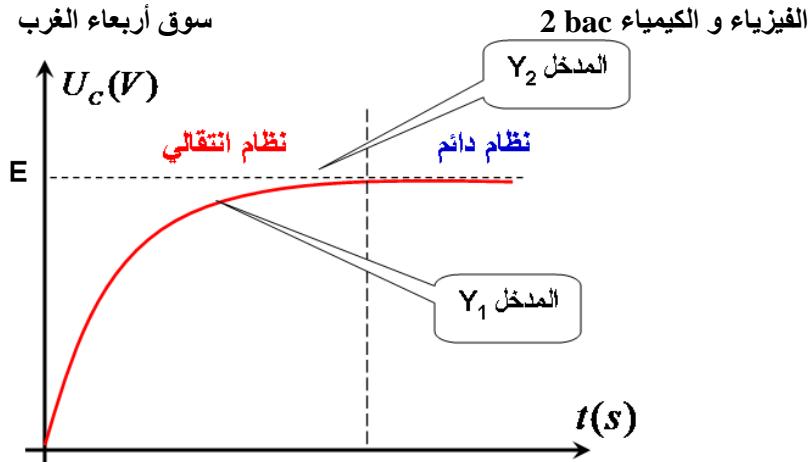
و منه فإن :

$$u_C(t) = -E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + E$$

وبالتالي :

$$u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

تعبير التوتر  $(t)$  :



$$u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

$$\begin{cases} u_C(t=0) = 0 \\ u_C(t \rightarrow \infty) = E \end{cases}$$

يبين منحنى تغيرات  $(t)$  وجود نظامين :

- نظام انتقال : تغير خلال  $(t)$  مع الزمن.

- نظام دائم : تأخذ خلاله  $(t)$  قيمة ثابتة  $E$ .

### جـ - ثابتة الزمن $\tau = R.C$ :

تحليل بعد ثابتة الزمن  $\tau$  :

$$[R] = \frac{[U]}{I} \quad u = R.i$$

$$[C] = \frac{[I][t]}{[U]} \quad i = \frac{q}{t} = \frac{C.U}{t}$$

$$[\tau] = [R][C] = \frac{[U]}{[I]} \cdot \frac{[I][t]}{[t]}$$

$$[\tau] = [t]$$

إذن المقدار  $\tau$  له بعد زمني

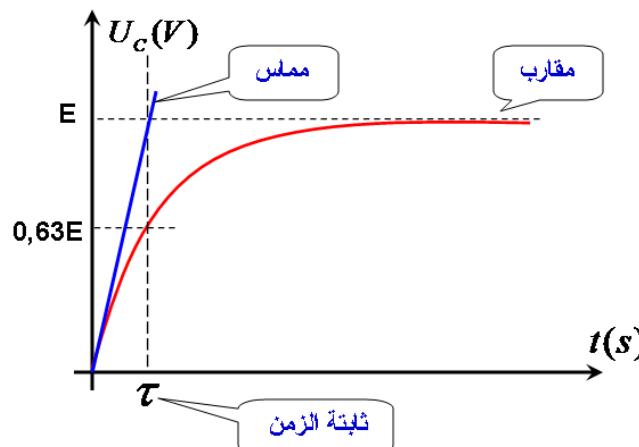
### ❖ طريقة تحديد ثابتة الزمن $\tau$ :

يمكن تحديد ثابتة الزمن بأحد الطرق التالية :

- بالحساب بالاعتماد على العلاقة التالية  $\tau = R.C$

- هي أقصى لحظة تفاصع مماس المنحنى  $(t)$  عند  $t = 0$  و المقارب  $u_C = f(t)$

- هي الأقصى الذي يوافق الأرتبوب



سوق أربعة الغرب

الفيزياء والكيمياء 2 bac

الأستاذ: خالد المكاوي

د - تعبير شدة التيار المار في الدارة :  $R.C$ 

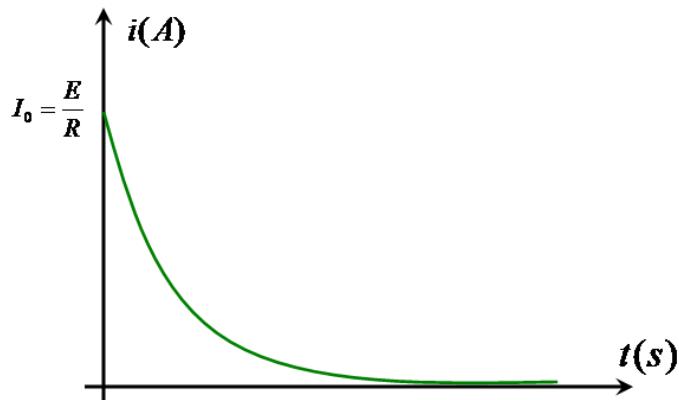
$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C(t)}{dt} \quad \text{لدينا :}$$

$$\tau = R.C \quad \text{و} \quad u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \text{بما أن :}$$

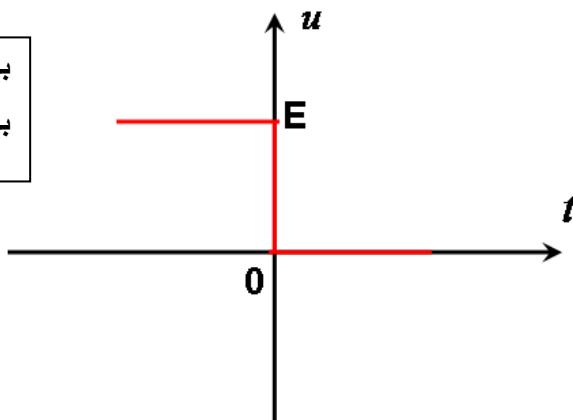
$$i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} = C.E \left( 0 - \left( \frac{1}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right)$$

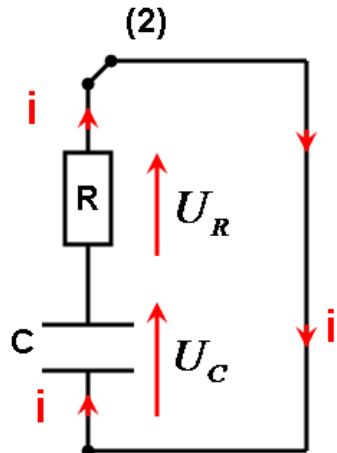
$$i(t) = \frac{C.E}{R.C} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i(t) = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \Leftrightarrow \quad i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{مع} \quad I_0 = \frac{E}{R}$$

1 - استجابة ثانى القطب RC لرتبة نازلة للتوتر :❖ رتبة صاعدة للتوتر :

$u = E$  فإن بالنسبة ل  $t < 0$   
 $u = 0$  فإن بالنسبة ل  $t \geq 0$

أ - المعادلة التفاضلية :نورج قاطع في الموضع (2) عند لحظة تعتبرها أصلًا للتاريخ في هذه الحالة يكون المكثف مشحوناً بدنيا  $= E$  :



حسب قانون إضافية التوترات :  $u_C + u_R = u = 0$

و حسب قانون أوم : لدينا  $u_R = R.i(t)$  و  $i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = C \frac{du_C}{dt}$

و مهن :  $u_C + R.C \frac{du_C}{qt} = 0$

المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين مربطي بين مربطي المكثف :  $\tau \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$  مع  $\tau = R.C$

### ب - حل المعادلة التفاضلية :

يكتب حل المعادلة التفاضلية من الدرجة الأولى كالتالي :  $u_C(t) = A.e^{-\alpha.t} + B$

مع  $A$  و  $B$  ثوابت يتم تحديدها :

اشتقاق حل المعادلة :  $\frac{du_C(t)}{dt} = -\alpha.e^{-\alpha.t}$

$-\tau.\alpha.e^{-\alpha.t} + A.e^{-\alpha.t} + B = 0$  نعرض في المعادلة :

$$A.e^{-\alpha.t}(1 - \tau.\alpha) = E - B$$

لكي تتحقق هذه المعادلة مهما تكن  $t$  يجب أن يكون المعامل  $e^{-\alpha.t}$  منعدم و  $0 \neq 0$

$$1 - \tau.\alpha = 0 \quad \text{و} \quad B = 0$$

$$\alpha = \frac{1}{\tau} \quad \text{و} \quad B = 0$$

و بالتالي :  $u_C(t) = A.e^{-\frac{t}{\tau}}$

نحدد  $A$  بالاعتماد على الشروط البدنية :  $u_C(t=0) = E = A.e^0 = A$

و منه فإن :  $A = E$

$\tau = R.C$  مع  $u_C(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$  : تعبير التوتر  $u_C(t)$

**❖ طريقة تحديد ثابتة الزمن  $\tau$ :**

- بالحساب بالاعتماد على العلاقة التالية  $\tau = R.C$

-  $\tau$  هي أقصى لحظة تقطيع الماس للمنحنى  $u_C = f(t)$  مع مرور الأفاصيل عند اللحظة  $t = 0$ .

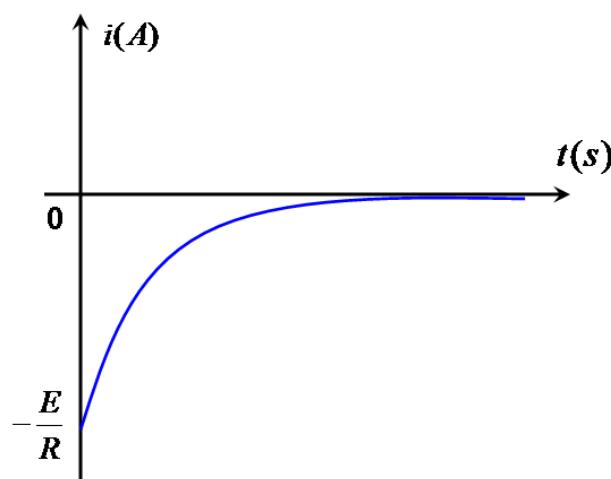
-  $\tau$  هو الأقصى الذي يوافق الأرتب

**ج - تعبير شدة تيار التفريغ:**

$$u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{لدينا:}$$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt} = -\frac{C.E}{\tau} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = -\frac{C.E}{R.C} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i(t) = -\frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

**❖ ملحوظة:**

كلما كانت  $\tau$  صغيرة كلما كان تفريغ المكثف أسرع و العكس صحيح.

**IV - الطاقة المخزونة في المكثف:**

لدينا القدرة الكهربائية:  $P = u_C \cdot i$

$$\text{و لدينا: } i = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$P = C \cdot u_C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$P = \frac{d}{dt} \left( \frac{C}{2} \cdot u_C^2 \right)$$

و نعلم أن القدرة هي مشتقة الطاقة  $E_e$  التي يكتسبها بالنسبة للزمن  $t$  :

$$E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2 + cte \quad \text{و منه فإن:}$$

$cte = 0$  ندما يكون المكثف غير مشحون عنده  $u_C(t=0) = 0$  فإن :

سوق أربعة الغرب

الفيزياء و الكيمياء 2 bac

الأستاذ : خالد المكاوي

عندما تتناسب الطاقة المخزونة في مكثف سعته مع مربع التوتر  $u_C$  بين مربطيه :

$$(J) \quad E_e = \frac{1}{2} C u_C^2 \quad (V)$$

↓  
(F)

$$E_e = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} q u_c^2$$