# تصحيح الامتحان الوطني الدورة العادية 2016 علوم رياضية

# الكيمياء

الجزء الأول : دراسة محلول مائي للامونياك و تفاعله مع حمض

# 1- دراسة محلول مائي للأمونياك

 $oldsymbol{S_1}$  تحضير المحلول -1-1

1-1-1- معادلة تفاعل الأمونياك مع الماء :

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$$

:  $K_e$  و  $pH_1$  و  $t_1$  بدلالة  $t_1$  عبير  $t_1$  بدلالة الم

جدول التقدم:

معادلة التفاعل		$NH_{3(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$				
الحالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب ( <b>mol</b> )				
الحالة البدئية	0	$C_1.V_1$	بوفرة	0	0	
خلال التحول	x	$C_1.V_1-x$	بوفرة	x	x	
الحالة النهائية	$oldsymbol{x}_{\mathrm{\acute{e}}oldsymbol{q}}$	$C_1.V_1-x_{\acute{\mathrm{e}}q}$	بوفرة	$oldsymbol{x}_{\mathrm{\acute{e}}oldsymbol{q}}$	$oldsymbol{x}_{\mathrm{\acute{e}}oldsymbol{q}}$	

$$x_{eq} = [H0^-]_f.V_1:$$
 أي  $[H0^-]_f = rac{x_{eq}}{V_1}:$  حسب الجدول الوصفي  $T_1.V_1:$  منه  $T_1.V_1:$  ومنه  $T_1.V_1:$   $T_1:$   $T_1$ 

:  $au_1$  و  $au_1$  بدلالة  $au_1$  و  $au_2$ 

$$egin{aligned} x_{eq} &= oldsymbol{ au}_1. oldsymbol{C}_1. oldsymbol{V}_1: = rac{x_{eq}}{x_{max}} = rac{x_{eq}}{c_1. V_1} \quad : \quad \text{ tighter} \\ &= oldsymbol{ au}_1. oldsymbol{C}_1. oldsymbol{V}_1: = rac{x_{eq}}{c_1. V_1} = rac{x_{eq}}{v_1} = rac{ au_1. oldsymbol{C}_1. oldsymbol{V}_1}{v_1} = oldsymbol{ au}_1. oldsymbol{C}_1: \\ &= oldsymbol{N} oldsymbol{H}_3]_f = rac{c_1. V_1 - x_{eq}}{v_1} = rac{c_1. V_1}{v_1} - rac{x_{eq}}{v_1} = oldsymbol{C}_1 - oldsymbol{ au}_1. oldsymbol{C}_1 = oldsymbol{C}_1(1 - oldsymbol{ au}_1)_9 \end{aligned}$$

$$K = \frac{[NH_4^+]_f \cdot [HO^-]_f}{[NH_3]_f} = \frac{(\tau_1, C_1)^2}{C_1(1 - \tau_1)} = \frac{\tau_1^2 \cdot C_1}{1 - \tau_1}$$

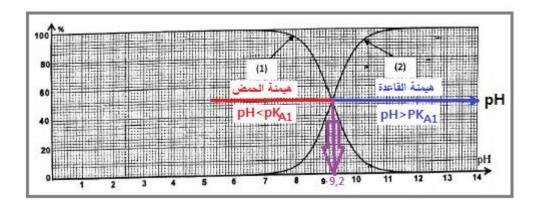
: *K* حساب

$$K = \frac{(4.10^{-2})^2.10^{-2}}{1-4.10^{-2}} \approx 1,67.10^{-5}$$

### $S_2$ دراسة المحلول المخفف -1

# 1-2-1- منحنى النوع القاعدي المهيمن :

عند قيمة  $pH=10.4>pK_A=9.2$  للنوع النوع النوع القاعدي  $NH_3$ هو المهيمن (أنظر الشكل أسفله) وبالتالي المنحنى 2 يمثل مخطط توزيع النوع القاعدي .



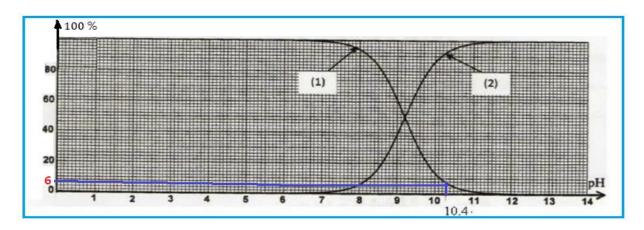
#### 2-2-1- التحديد المبياني ل:

# $: oldsymbol{p_{A1}}$ أ- قيمة الثابتة

 $pK_{A1}=9,2$  : حسب المبيان عندما يكون  $[NH_3]=[NH_4^+]$ نحصل على  $pH=pK_{A1}$ مبيانيا نجد $au_2$  : بنسبة التقدم النهائي  $au_2$  :

$$\tau_2 = \frac{x_{\text{\'eq}}}{x_{max}} = \frac{[NH_4^+]_f}{C_2} = \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_4^+]_f + [NH_3]_f}$$

 $au_2 = 0,06 = 6\%$  : عند  $pH_2 = 10,4$  مبيانيا نسبة الحمض



 $m{\tau_2}$  و  $m{ au_1}$  عقارنة  $m{ au_1}$  و

نلاحظ ان  $au_2 > au_1$ نستنتج ان نسبة التقدم النهائي تتعلق بالحالة البدئية و هي تتزايد مع التخفيف.

# 2- دراسة تفاعل الأمونياك مع أيون مثيل أمونيوم

2-1- معادلة تفاعل الأمونياك مع الأيون مثيل أمونيوم:

$$NH_{3(aq)} + CH_3NH_{3(aq)}^+ \rightleftharpoons NH_{4(aq)}^+ + CH_3NH_{2(aq)}$$

2-2- ثابتة التوازن '**K'** 

$$K' = \frac{[NH_{4}^{+}]_{\acute{eq}} \cdot [CH_{3}NH_{2}]_{\acute{eq}}}{[NH_{3}]_{\acute{eq}} \cdot [CH_{3}NH_{3}^{+}]_{\acute{eq}}} = \frac{[CH_{3}NH_{2}]_{\acute{eq}} \cdot [H_{3}O^{+}]_{\acute{eq}}}{[CH_{3}NH_{3}^{+}]_{\acute{eq}}} \cdot \frac{[NH_{4}^{+}]_{\acute{eq}}}{[NH_{3}]_{\acute{eq}} \cdot [H_{3}O^{+}]_{\acute{eq}}} = \frac{K_{A2}}{K_{A1}}$$

$$K' = \frac{10^{-pK_{A2}}}{10^{-pK_{A1}}} = 10^{-pK_{A1} + pK_{A2}}$$

$$K' = 10^{9,2-10,7} \approx 3, 16. 10^{-2}$$

:  $NH_{49}^+$  و  $CH_3NH_2$  من کل من تعبیر ترکیز کل من -2-3

الجدول الوصفي :

معادلة التفاعل		$NH_{3(aq)} + CH_3NH_{3(aq)}^+ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$					
الحالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب ( <b>mol</b> )					
الحالة البدئية	0	C.V	<i>C.V</i>	0	0		
خلال التحول	x	C.V-x	C.V-x	x	x		
الحالة النهائية	$x_{ m \'e}_q$	$C.V-x_{\acute{\mathrm{e}}q}$	$C.V-x_{\acute{\mathrm{e}}q}$	$oldsymbol{x}_{\mathrm{\acute{e}q}}$	$oldsymbol{x}_{\mathrm{\acute{e}}oldsymbol{q}}$		

حسب الجدول الوصفي :

$$[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q} = [CH_{3}NH_{2}]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{2V}$$

$$[NH_{3}]_{\acute{e}q} = [CH_{3}NH_{3}^{+}]_{\acute{e}q} = \frac{C.V - x_{\acute{e}q}}{2V} = \frac{n - x_{\acute{e}q}}{2V}$$

$$K' = \frac{[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q} \cdot [CH_{3}NH_{2}]_{\acute{e}q}}{[NH_{3}]_{\acute{e}q} \cdot [CH_{3}NH_{3}^{+}]_{\acute{e}q}} = \frac{[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q}^{2}}{[NH_{3}]_{\acute{e}q}^{2}} = \frac{\left(\frac{x_{\acute{e}q}}{2V}\right)^{2}}{\left(\frac{n - x_{\acute{e}q}}{2V}\right)^{2}} = \left(\frac{x_{\acute{e}q}}{n - x_{\acute{e}q}}\right)^{2}$$

$$\frac{x_{\acute{e}q}}{n - x_{\acute{e}q}} = \sqrt{K'} \implies x_{\acute{e}q} = \sqrt{K'} \cdot (n - x_{\acute{e}q}) = n \cdot \sqrt{K'} - x_{\acute{e}q} \cdot \sqrt{K'}$$
$$x_{\acute{e}q} (1 + \sqrt{K'}) = n \cdot \sqrt{K'} \implies x_{\acute{e}q} = \frac{n \cdot \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} = \frac{C \cdot V \cdot \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$$

$$[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q} = [CH_{3}NH_{2}]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{2V} = \frac{C.V.\sqrt{K'}}{2V(1+\sqrt{K'})}$$

نستنتج :

$$[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q} = [CH_{3}NH_{2}]_{\acute{e}q} = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$$

: تحدید pH الخلیط عند التوازنpH

لدىنا:

$$pH = pK_{A1} + log \frac{[NH_3]_{\acute{e}q}}{[NH_4^+]_{\acute{e}q}}$$

$$[NH_{4}^{+}]_{\acute{e}q} = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$$

$$[NH_3]_{\acute{e}q} = \frac{C.V - x_{\acute{e}q}}{2V} = \frac{C}{2} - \frac{x_{\acute{e}q}}{2V} = \frac{C}{2} - \frac{C.V.\sqrt{K'}}{2V(1 + \sqrt{K'})} = \frac{C}{2} \left(1 - \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}\right)$$

$$[NH_3]_{\acute{e}q} = \frac{C}{2} \left( \frac{1 - \sqrt{K'} + \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} \right) = \frac{C}{2} \left( \frac{1}{1 + \sqrt{K'}} \right)$$

$$\frac{[NH_3]_{\acute{e}q}}{[NH_4^+]_{\acute{e}q}} = \frac{\frac{c}{2} \left(\frac{1}{1 + \sqrt{K'}}\right)}{\frac{c}{2} \left(\frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}\right)} = \frac{1}{\sqrt{K'}}$$

$$pH = pK_{A1} + log \frac{1}{\sqrt{K'}} = pK_{A1} - log \sqrt{K'}$$
  
 $pH = 9, 2 - \frac{1}{2}log(3, 16.110^{-2}) \approx 9,95$ 

الجزء الثاني : التحليل الكهربائي لمحلول مائي لنترات الفضة

1- معادلة التفاعل الحاصل في الأنود ( أكسدة انودية ) :

$$6H_2O_{(l)} \rightleftarrows O_{2(g)} + 4H_3O^+_{(aq)} + 4e^-$$

#### : إثبات تعبير التقدم $oldsymbol{x}$ بالاستعانة بالجدول الوصفى -2

دلة التفاعل	معا	$6H_2O_{(l)}4Ag^+_{(s)}  \rightleftarrows  O_{2(g)}  4+H_3O^+_{(aq)}+  4Ag_{(s)}$				كمية مادة		
حالة	التقدم		كميات المادة بالمول					الإلكترونات
المجموعة								المنتقلة
الحالة البدئية	0	بوفرة	$n_i(Ag^+)$		0	$n_0$	0	$n(e^-)=0$
خلال التحول	x	بوفرة	$n_i(Ag^+)-4x$		x	$n_0 + 4x$	<b>4</b> <i>x</i>	$n(e^-)=4x$
الحالة النهائية	$x_f$	بوفرة	$n_i(Ag^+) - 4x_f$		$x_f$	$n_0 + 4x_f$	$4x_f$	$n(e^-) = 4x_f$

\_\_\_\_ حسب الجدول الوصفي :

$$[H_3O^+]_t = \frac{n_0 + 4x}{V} = [H_3O^+]_0 + \frac{4x}{V}$$
$$\frac{4x}{V} = [H_3O^+]_t - [H_3O^+]_0 \Rightarrow x = \frac{V}{4}(10^{-pH} - 10^{-pH_0})$$

:  $pH_1=1,5$  التي يأخذ فيها الخليط القيمة  $t_1$  التي يأخذ الخليط القيمة -3

لدينا حسب الجدول الوصفي :

$$\begin{cases} n(e^{-}) = 4x \\ n(e^{-}) = \frac{I.t_1}{F} \Longrightarrow 4x = \frac{I.t_1}{F} \Longrightarrow x = \frac{I.t_1}{4F} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{V}{4}(10^{-pH} - 10^{-pH_0}) \\ x = \frac{I \cdot t_1}{4F} \end{cases} \Rightarrow \frac{I \cdot t_1}{4F} = \frac{V}{4}(10^{-pH} - 10^{-pH_0}) \Rightarrow t_1 = \frac{F \cdot V}{I}(10^{-pH} - 10^{-pH_0})$$

$$t_1 = \frac{96500 \times 0.4}{0.266} (10^{-1.5} - 10^{-3}) \Longrightarrow t_1 = 4443,75 \, s \approx 14h \, 14 \, min$$

# الفيزياء

التحولات النووية : النشاط الإشعاعي للبولونيوم

1- معادلة التحول النووي :

$$^{210}_{84}Po \rightarrow ^{206}_{Z}Pb + ^{4}_{2}He$$

Z=84-2=82 أي: 84=Z+2=84 حسب قانون انحفاظ الشحنة :

 $^{206}_{82}Pb$  : النواة المتولدة هي

 $^{210}_{84} Po$  عن تفتت نواة واحدة من  $\Delta E$  عن 102 عن 103ء -2

$$|\Delta E| = \left| E_{\ell} {210 \choose 84} Po \right| - E_{\ell} {206 \choose 82} Pb - E_{\ell} {4 \choose 2} He$$
 $|\Delta E| = \left| 1,6449.10^3 - 1,6220.10^3 - 28,2989 \right| = \left| -5,3989 \right| = 5,3989 \ MeV$ 
 $|\Delta E| \approx 5,4 \ MeV$ 

-3

# 1-3- اختيار الأقتراح الصحيح:

 $N=N_0.\,e^{-t.ln2/t_{1/2}}$  : عدد النوى المتبقية عند اللحظة t

: عند اللحظة  $t=4t_{1/2}$  عند اللحظة

$$N = N_0. e^{-4t_{1/2}.ln2/t_{1/2}} = N_0. e^{-4ln2} = N_0. e^{ln2^{-4}} = N_0. 2^{-4} = \frac{N_0}{2^4} = \frac{N_0}{16}$$

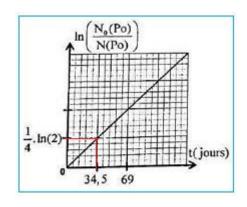
 $N_D = N_0 - N = N_0 - \frac{N_0}{16} = \frac{15}{16}$ . د النوى المتفتتة هو : عدد النوى المتفتتة عو

الجواب الصحيح هو د

# : تحديد عمر النصف $t_{1/2}$ مبيانيا

قانون التناقص الإشعاعي يكتب :

$$N(Po) = N_0(Po). e^{-\lambda .t} \implies \frac{N(Po)}{N_0(Po)} = e^{-\lambda .t} \implies \frac{N_0(Po)}{N(Po)} = e^{\lambda .t} \quad (1)$$



$$\ln\left(\frac{N_0(Po)}{N(Po)}\right) = \lambda.t \implies \ln\left(\frac{N_0(Po)}{N(Po)}\right) = \lambda.t$$

$$\lambda = \frac{\Delta \ln \left(\frac{N_0(Po)}{N(Po)}\right)}{\Delta t} = \frac{\frac{1}{4} \cdot \ln 2}{34, 5}$$
$$\frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\frac{1}{4} \cdot \ln 2}{34, 5}$$

$$t_{1/2} = 4 \times 34, 5 = 138 jours$$

#### : $t_1$ تحدید -3-3

العلاقة (1) تكتب:

$$\begin{split} \frac{N_0(Po)}{N(Po)} &= e^{\lambda . t_1} \quad \Longrightarrow \lambda . \, t_1 = ln \left( \frac{N_0(Po)}{N(Po)} \right) \quad \Longrightarrow t_1 = \frac{1}{\lambda} . \, ln \left( \frac{N_0(Po)}{N(Po)} \right) \\ t_1 &= \frac{t_{1/2}}{ln2} . \, ln \left( \frac{N_0(Po)}{N(Po)} \right) \end{split}$$

$$\frac{N(Po) + N(Pb) = N_0(Po)}{N(Po)} = \frac{N(Po) + N(Pb)}{N(Po)} = 1 + \frac{N(Pb)}{N(Po)} = 1 + \frac{2}{5} = \frac{7}{5}$$

العلاقة (2) تكتب:

$$t_1 = \frac{138}{\ln 2} \times \ln\left(\frac{7}{5}\right) = 67 jours$$

# الكهرباء :

# 1- استجابة ثنائي القطب RL لرتبة توتر

 $m{i}(m{t})$  إثبات المعادلة التفاضلية التى تحققها شدة التيار -1-1

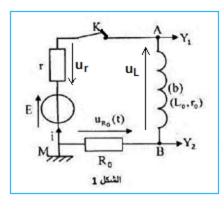
حسب قانون إضافية التوترات :

$$u_{R_0} + u_L + u_r = E$$

$$R_0.i + r_0.i + L_0.\frac{di}{dt} + r.i = E \implies L_0.\frac{di}{dt} + (R_0 + r_0 + r).i = E$$

المعادلة التفاضلية تكتب:

$$\frac{L_0}{R_0 + r_0 + r} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_0 + r_0 + r}$$



$$au.rac{di}{dt}+i=Iegin{dit} I=rac{E}{R_0+r_0+r}:& au.rac{di}{R_0+r_0+r}:& au. \end{array}$$
ثابتة الزمن  $au=rac{L_0}{R_0+r_0+r}:& au.$ 

#### 1-2- قيمة **E**

i=0 عند اللحظة t=0 يكون يمثل التوتر  $u_{AM}$  عند اللحظة الذي يمثل الذي يمثل التوتر

ومنه مبيانيا نجد:

$$u_{AM} = E = 12 V$$

#### : **r** قيمة 1-3

: التوتر  $u_{AM} = E - ri$  في النظام الدائم يكتب

$$r=rac{E-u_{AM\infty}}{I}$$
 : يأ $u_{AM\infty}=E-r$ .  $I$ 

: التوتر  $u_{BM}=R_0.i$  في النظام الدائم يكتب

$$I = \frac{u_{BM\infty}}{R_0}$$
 أي:  $u_{BM\infty} = R_0$ .  $I$ 

من العلاقتين نستنتج :

$$r=rac{E-u_{AM\infty}}{R_0}.u_{BM}$$
  $r=rac{12-10}{9}{ imes}45=10~\Omega$ 

 $r_0=5~\Omega$  إثبات ان

في النظام الدائم المعادلة التفاضلية تكتب :

$$I = \frac{E}{R_0 + r_0 + r} \implies R_0 + r_0 + r = \frac{E}{I} \implies r_0 = \frac{E}{u_{BM}} \cdot R_0 - R_0 - r$$

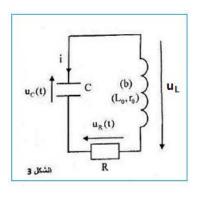
$$r_0 = \frac{12}{9} \times 45 - 45 - 10 = 5 \Omega$$

: $L_0$  التحقق من قيمة -1-4

$$L_0= au.\left(R_0+r_0+r
ight)$$
 : أي:  $au=rac{L_0}{R_0+r_0+r}$  : ثابتة الزمن  $au$  نعبر عنها

 $au = 3 \ ms$  : مبیانیا نجد

$$L_0 = 3.10^{-3} \times (45 + 5 + 10) = 0.18 H$$



# 2- تفريغ مكثف في ثنائ القطب **RL**

2-1- النظام الذي يوافق منحنيي الشكل 4:

النظام شبه دوري

:  $u_{\mathcal{C}}(t)$  إثبات المعادلة التفاضلية التى يحققها التوتر2-2

حسب قانون إضافية التوترات:

$$u_L + u_R + u_C = 0$$

$$L_0 \cdot \frac{di}{dt} + r_0 \cdot i + R \cdot i + u_C = 0$$

$$L_0 \cdot \frac{di}{dt} + (R + r_0 \cdot) \cdot i + u_C = 0$$

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt}$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{d}{dt} \left( C \cdot \frac{du_C}{dt} \right) = C \cdot \frac{d}{dt} \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{d^2 u_C}{dt^2}$$

$$L_0. C. \frac{d^2 u_C}{dt^2} + (R + r_0). C. \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$$

المعادلة التفاضلية تكتب:

$$\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{R+r_0}{L_0} \cdot \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{L_0 \cdot C} u_C = 0$$

:  $t_2 = 14 \, ms$  و  $t_1 = 0$  المبددة بمفعول جول بين اللحظتين  $|E_I|$  المبددة بمفعول المبددة بمفعول المبددة بمفعول المبددة المبددة بمفعول المبددة بمفعول المبددة الم

$$E_T = E_e + E_m = \frac{1}{2} C. u_C^2 + \frac{1}{2} L_0. i^2$$
: الطاقة الكلية تكتب

عند اللحظة  $t_1=0$  عند اللحظة

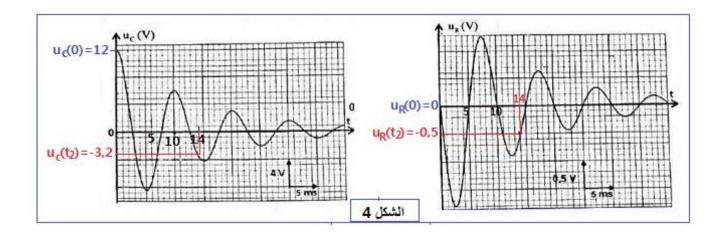
$$\begin{cases} u_{\mathcal{C}}(0) = 12 \\ i(0) = 0 \end{cases} \Rightarrow E_{T1} = E_{e1} = \frac{1}{2}C. u_{\mathcal{C}}^{2}(0) = \frac{1}{2} \times 14, 1 \times 10^{-6} \times 12^{2} = 1,015.10^{-3} J$$

عند اللحظة  $t_2=14\ ms$  عند اللحظة

$$\begin{cases} u_{\mathcal{C}}(t_2) = 3, 2 V \\ u_{\mathcal{R}}(t_2) = -0, 5 V \end{cases} \Rightarrow E_{T2} = E_{e2} + E_{m2} = \frac{1}{2}C.u_{\mathcal{C}}^2(t_2) + \frac{1}{2}L_0.i^2(t_2) = \frac{1}{2}C.u_{\mathcal{C}}^2(t_2) + \frac{1}{2}L_0.\left(\frac{u_{\mathcal{R}}(t_2)}{R}\right)^2$$
$$= \frac{1}{2} \times 14, 1 \times 10^{-6} \times (-3, 2)^2 + \frac{1}{2} \times 0, 18 \times \left(\frac{-0, 4}{20}\right)^2 = 1, 284.10^{-4} J$$

$$|E_J| = |E_{T1} - E_{T2}| = |1,015.10^{-3} - 1,284.10^{-4}| = 8,868.10^{-4} J$$

$$|E_J| \approx 9.10^{-4} J$$



# 3- التذبذبات القسرية في دارة **RLC** على التوالي

# 3-1- تردد تردد التذبذبات الكهربائية عند الرنين:

حسب تعبير معامل الجودة :

$$Q = \frac{N_0}{\Delta N} \implies N_0 = Q. \Delta N$$

$$N_0 = 7 \times 14.3 \approx 100 \text{ Hz}$$

#### : **R**<sub>1</sub> تحديد قيمة -3-2

 $oldsymbol{Z_0} = oldsymbol{R_1} + oldsymbol{r_0}$ : عند الرنين ، ممانعة الدارة تساوي

 $extbf{ extit{ extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extet{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit{\extit$ 

$$Z_0 = \frac{U}{I_0} \implies R_1 + r_0 = \frac{U}{I_0} \implies R_1 = \frac{U}{I_0} - r_0$$

$$R_1 = \frac{3}{1.85.10^2 \times 10^{-3}} - 5 = 11.2 \Omega$$

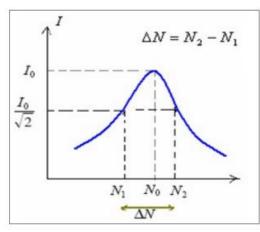
: عند الرنين تعبير التردد الخاص يكتب:  $\mathcal{C}_1$ 

$$N_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0.C_1}} \Rightarrow N_0^2 = \frac{1}{4\pi^2.L_0.C_1} \Rightarrow C_1 = \frac{1}{4\pi^2.L_0.N_0^2}$$
$$C_1 = \frac{1}{4\pi^2 \times 0.18 \times 100^2} = 1, 4.10^{-5} F$$

$$C_1 = 14 \,\mu F$$

3-3- القدرة الكهربائية المتوسطة المستهلكة بمفعول جول، عندما يأخذ التردد إحدى قيمتى المنطقة المررة :

$$I=rac{I_0}{\sqrt{2}}$$
 : (انظر الشكل جانبه) قيمة شدة التيار  $P=R_T$ .  $I^2$ 



$$P = (R_1 + r_0) \cdot \left(\frac{I_0}{\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{1}{2}(R_1 + r_0) \cdot I_0^2$$

$$P = \frac{1}{2} \times (11, 2 + 5) \times 0, 185^2 \approx 0, 28 W$$

# الميكانيك

الجزء الأول : دراسة حركة سقوط كرتين في الهواء

1- إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة  $V_z$  لمركز قصور الكرة :

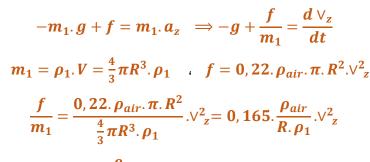
المجموعة المدروسة : {الكرة}

-جرد القوى بعد إهمال دافعة أرخميدس تخضع الكرة لقوتين :

وزن الكرة :  $ec{P}$ 

قوة الاحتكاك المائع :  $ec{f}$ 

 $ec{P}+ec{f}=m.ec{a}_G$  : أي:  $\Sigma ec{F}_{ext}=m_1.ec{a}_G$ : تطبيق القانون الثاني لنيوتن0z : الاسقاط على المحور



$$\frac{d\vee_z}{dt} = -g + 0,165.\frac{\rho_{air}}{R.\rho_1}.\vee_z^2$$

# 2- تعبير السرعة الحدية لحركة الكرة (b) :

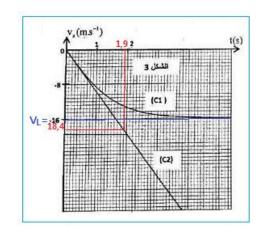
: يكون  $\frac{d {
m V}_z}{dt}=0$  المعادلة التفاضلية تكتب يكون كون الكرة الكرة الحدية الحدية عندما تأخذ الكرة ال

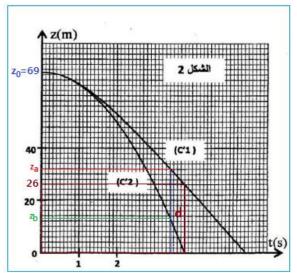
$$-g + 0,165. \frac{\rho_{air}}{R. \rho_{1}}. \forall_{L}^{2} = 0 \implies \forall_{L}^{2} = \frac{g. R. \rho_{1}}{0,165 \rho_{air}}$$

$$\forall_{L} = \sqrt{\frac{g. R. \rho_{1}}{0,165 \rho_{air}}}$$

-3

3-1- بالنسبة للكرة (b) نحدد السرعة الحدية :





$$V_L = \sqrt{\frac{g.R.\rho_2}{0,165\rho_{air}}} = \sqrt{\frac{9,8\times6.10^{-2}\times94}{0,165\times1,3}} = 16 \ m/s$$

: بما ان منحى حركة الكرة معاكس لمنحى المحور Oz ، فإن

$$V_{LZ} = -16 \ m/s$$

. (b) مرعة الحدية  $V_{LZ} = -16~m/s$  المنحنى ( $\mathcal{C}_1$ ) يوافق تغيرات سرعة الكرة

(a) تغيرات أنسوب الكرة ( $(c_2)$ ) تغيرات أنسوب الكرة ( $(c_2)$ ) تغيرات أنسوب الكرة

 $ho_1 > 
ho_2$  : بمقارنة الكتلة الحجمية للكرتين نلاحظ ان

z(a) > z(b) : أثناء السقوط أنسوب الكرة الاثقل هو الاكبر

و هو ما يوافق الشكل 3 جانبه.

.(a) يوافق تغيرات أنسوب الكرة ( $\mathcal{C}_2$ ) يوافق

4- طبيعة حركة الكرة (**a**)

 $V_z = kt$ : عبارة عن دالة خطية معادلتها تكتب 3 حسب مبيان الشكل 3 يتبين أن منحنى ( $C_2$ ) عبارة عن دالة خطية معادلتها تكتب 3 إذن حرة الكرة (a) مستقيمية متغيرة (متسارعة) بانتظام.

: المعامل الموجه نكتبk

$$k = \frac{\Delta \vee_z}{\Delta t} = \frac{18, 4 - 0}{1, 9 - 0} = 9,68 \ m/s^{-2}$$

: معادلة السرعة تكتب  $V_z$  9,68.t : معادلة السرعة

$$z = \frac{1}{2} \times 9,68t^2 + z_0$$

$$z_0 = h = 69m$$
 : لدينا

المعادلة الزمنية تكتب:

$$z(t) = 4,84t^2 + 69$$

: تحديد فرق الارتفاع  $m{d}$  بين مركزي الكرتين لحظة وصةل الكرة الأولى إلى سطح الارض $m{d}$ 

(b) عند هذه اللحظة يكون أنسوب الكرة (a) إلى سطح الارض عند اللحظة t=3,8~s عند هذه اللحظة يكون أنسوب الكرة d=26~m هو d=26~m

# : $a_n$ قيمة التسارع -6

حسب معادلة التفاضلية للسرعة للكرة (b) :

$$\frac{d \vee_z}{dt} = -g + 0,165. \frac{\rho_{air}}{R.\rho_1}. \vee^2_z$$

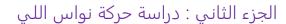
$$a_z = -9,8 + 0,165 \times \frac{1,3}{6.10^{-2} \times 94}. \vee^2_z = -9,8 + 3,8.10^{-2}. \vee^2_z$$

باستعمال طريقة اولير:

$$a_n = -9.8 + 3.8.10^{-2} \ \text{N}_n \implies a_n = -9.8 + 3.8.10^{-2} \times (-11.47)^2 \approx -4.8 \ \text{m. s}^{-2}$$

حساب السرعة V<sub>n+1</sub>

$$\forall_{n+1} = a_n. \Delta t + \forall_n \implies \forall_{n+1} = -4, 8 \times 0, 125 - 11, 47 \approx -12, 07 \ m. s^{-1}$$



# 1- إثبات المعادلة التفاضلية لحركة النواس:

المجموعة المدروسة { القضيب }

جرد القوى التي يخضع لها القضيب :

 $ec{P}$  : الوزن

 $ec{T}$  : تاثير السلك

 $M_T = -C.\theta$  تأثير مزدوجة اللى ذات العزم

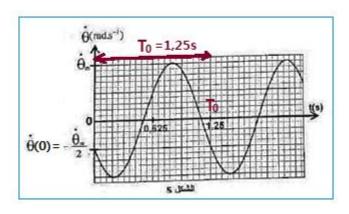
تطبيق العلاقة الأساسية لديناميك الدوران :

$$M_{\wedge}(\overrightarrow{P}) + M_{\wedge}(\overrightarrow{T}) + M_{T} = J_{\wedge}.\ddot{\theta}$$

 $M_{\Delta}(\overrightarrow{P})=M_{\Delta}(\overrightarrow{T})=0$  : ( $\Delta$ ) خطا تأثیر القوتین  $\overrightarrow{P}$  و  $\overrightarrow{P}$  یتقاطعان مع محور الدوران

$$-\boldsymbol{C}.\,\boldsymbol{\theta}=\boldsymbol{J}_{\Delta}.\,\ddot{\boldsymbol{\theta}}$$

$$\ddot{\boldsymbol{\theta}} + \frac{\boldsymbol{C}}{\boldsymbol{I}_{\wedge}}.\,\boldsymbol{\theta} = \mathbf{0}$$



# 2- إثبات التعبير العددي للسرعة الزاوية:

 $heta(t) = heta_m ext{cos}(rac{2\pi}{T_0}.\, t + oldsymbol{arphi})$  : حل المعادلة الزمنية يكتب

اشتقاق الافصول الزاوي :

$$\frac{d\theta}{dt} = \dot{\theta}(t) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

$$\dot{\theta}(t) = \dot{\theta}_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}.t + \varphi + \pi\right)$$

مبيانيا قيمة الدور الخاص :  $T_0 = 1,25 \, s$  ومنه:

$$\frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1,25} = 1,6\pi$$

$$\dot{ heta}_m \leq \dot{ heta} \leq -\dot{ heta}_m$$
 : کین $\dot{ heta}_m = rac{2\pi}{T_0}$ .  $heta_m = 1$ ,  $6\pi imes rac{\pi}{4} = 3$ ,  $95 pprox 4~rad$ .  $s^{-1}$ 

: عند اللحظة t=0 لدينا

$$egin{align*} \dot{ heta}(0) = -rac{2\pi}{T_0}.\, heta_m ext{sin}\phi \ \Rightarrow -\dot{ heta}_m ext{sin} arphi = -rac{\dot{ heta}_m}{2} \Rightarrow ext{sin} arphi = rac{1}{2} \Rightarrow ext{sin} arphi = ext{sin} \left(rac{\pi}{6}
ight) \ \dot{ heta}(0) = -rac{\dot{ heta}_m}{2} \ arphi = \pmrac{\pi}{6} \Rightarrow arphi = rac{\pi}{6}(\dot{ heta}(0) < 0) \ arphi = ext{lim} \ arphi = ext{sin} \$$

تعبير السرعة الزاوية :

$$\dot{\theta}(t) = 4.\sin\left(1,6\pi t + \frac{\pi}{6} + \pi\right) \Rightarrow \dot{\theta}(t) = 4.\sin\left(1,6\pi t + \frac{7\pi}{6}\right)$$

: **C** تحديد قيمة 2-2

حسب تعبير الدور الخاص لنواس اللي :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}} \implies {T_0}^2 = 4\pi^2 \cdot \frac{J_{\Delta}}{C} \implies C = 4\pi^2 \cdot \frac{J_{\Delta}}{{T_0}^2}$$

تطبيق عددي:

$$C = 4\pi^2 \times \frac{4.10^{-4}}{1.25^2} = 1,01.10^{-2} N.m^{-1}$$

#### 3- الطاقة الميكانيكية للمتذبذب:

باعتبار الاحتكاكات مهملة ،فإن الطاقة الميكانيكية للنواس تنحفظ:

$$E_m = E_c + E_{pt} = \frac{1}{2} J_{\Delta}.\dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} C.\theta^2$$

عندما تكون الطاقة الحركية قصوية  $E_{cmax}$  تكون طاقة وضع اللي منعدمة  $E_{pt\;min}$  والعكس صحيح.

$$E_m = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}_m^2 \implies E_m = \frac{1}{2} \times 4 \times 10^{-4} \times 4^2 = 3, 2. 10^{-3} J \implies E_m = 3, 2 mJ$$

:  $oldsymbol{t} = oldsymbol{0}$  استنتاج طاقة وضع اللي عند اللحظة

الطاقة الميكانيكية تنحفظ:

$$E_m = E_{m0} = E_{c0} + E_{pt0} \implies E_{pt0} = E_m - E_{co}$$
مبيانيا حسب الشكل 5 نجد  $\dot{\theta}(0) = -rac{\dot{ heta}_m}{2}$ : مبيانيا حسب الشكل 5 نجد  $E_{pt0} = E_m - E_{co} = rac{1}{2}J_{\triangle}.\dot{ heta}_m^2 - rac{1}{2}J_{\triangle}.\dot{ heta}(0)^2 = rac{1}{2}J_{\triangle}.\left(\dot{ heta}_m^2 - rac{1}{4}\dot{ heta}_m^2\right) = rac{3}{4}.rac{1}{2}J_{\triangle}.\dot{ heta}_m^2 = rac{3}{4}.E_m$   $E_{pt0} = rac{3}{4} imes 3, 2.10^{-3} = 2, 4.10^{-3}J \implies E_{pt0} = 2, 4mJ$