

تمارين

تمرين 1 الطاقة الميكانيكية للمجموعة (نابض+جسم صلب)

تدبر المجموعه (نابض+جسم)، الممثلة في الشكل التالي، بدون احتكاك. نريح الجسم المرتبط بالنابض بمسافة 3 cm في المنحى السالب ثم نطلقه بسرعة بدئية تساوي $0,50 \text{ m.s}^{-1}$ في المنحى الموجب.

♦ معطيات: كتلة الجسم $m = 150 \text{ g}$
صلابة النابض $k = 18,0 \text{ N.m}^{-1}$

- 1 عير عن الطاقة الميكانيكية للمجموعة (نابض+جسم) بدلالة m و k و x و v سرعة الجسم. تعتبر موضع التوازن حالة مرجعية لطاقة الوضع المرنة.

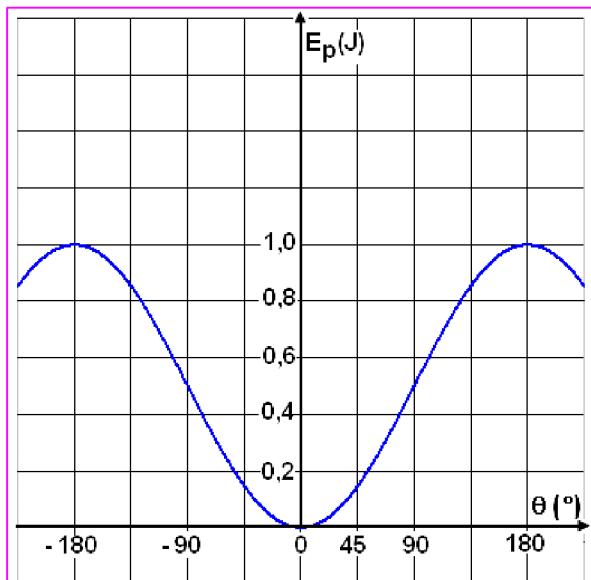
-2 أحسب الطاقة الميكانيكية البدئية للمجموعة.

-3 ماذا يمكن أن نقول عن هذه الطاقة؟ استنتج وسع التذبذبات و السرعة القصوى للجسم.

-4 حدد الموضعين حيث تتحقق المتساوية $E_c = E_p$.

-5 أ- انطلاقاً من تعريف الطاقة الميكانيكية أثبت المعادلة التفاضلية المميزة لحركة الجسم.

ب- المعادلة الزمنية لحركة الجسم هي على الشكل التالي $X_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi) = X(t)$ ، حدد T_0 و ϕ .



تمرين 2 تذبذبات أم دواران؟

يتكون نواس بسيط من ساق فلزية، كتلتها ممولة، و كرة كتلتها m .

المبيان التالي يمثل تغيرات طاقة الوضع الثقالية E_p لهذا النواس بدلالة أقصوله الزاوي θ .

تعتبر المجموعه (النواس+الأرض) معزولة و محافظة.

-1 نمنح النواس طاقة ميكانيكية تساوي $J = 0,30 \text{ J}$.

أ- مثل على المبيان المخطط $E_m = f(\theta)$.

ب- حدد بالنسبة لموضع الذي أقصوله $\theta_1 = 45^\circ$ ، طاقة الوضع و الطاقة الحركية.

ج- حدد مبيانيا قيمة الأقصول الراوي للموضع حيث تتعذر السرعة الزاوية للنواس. صف حركة النواس بعد ذلك.

-2 نمنح النواس طاقة ميكانيكية تساوي $J = 1,5 \text{ J}$.

أ- هل حركة النواس تذبذبية دائمة؟ صف حركته.

ب- حدد القيمتين القصوى و الدنيا لطاقتة الحركية.

تمرين 3 طاقة نواس وازن

يتكون نواس وازن من ساق متباينة كتلتها $m = 1 \text{ kg}$ و طولها $\ell = 60 \text{ cm}$ ، قابلة للدوران بدون احتكاك حول محور أفقي ثابت (Δ) يمر من أحد طرفيها.

نرسل الساق من موضع توازنه المستقر، في المنحى الموجب، بمنحها طاقة حركية بدئية تساوي $J = 1 \text{ J}$.

تعتبر المستوى الأفقي المار من G مراعياً لطاقة الوضع الثقالية.

♦ معطيات: $g = \frac{1}{3}m\ell^2 \text{ J} / \text{s}^2$

-1 أوجد تعريف طاقة الوضع الثقالية للمجموعة (نواس وازن+الأرض) بدلالة m و ℓ و θ .

-2 بين أن حركة الساق تذبذبية و حدد وسعتها.

-3 ما هي الطاقة الحركية الدنيا اللازم منحها للساق لكي لا تحصل تذبذبات؟