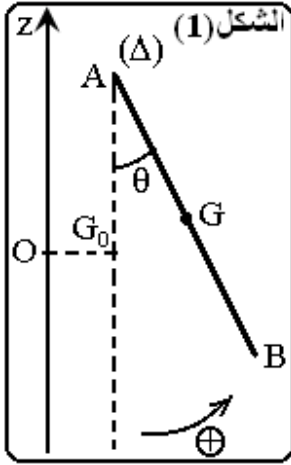


التمرين 1

1) الدراسة التحريكية:

نزوح ساقا عن موضع توازنها المستقر بزاوية  $\theta = \theta_m$  في المنحنى الموجب المبين على الشكل ، ثم نحررها بدون سرعة بدئية عند لحظة  $t = 0$ .



(1.1) أوجد تعبير المعادلة التفاضلية لحركة الساق . استنتج طبيعة الحركة .

(2.1) تحقق أن هذه المعادلة التفاضلية تقبل كحل  $\theta = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$  في حالة التذبذبات الصغيرة حيث  $\theta_m = \frac{\pi}{30} \text{ rad}$  ، وأحسب الدور الخاص  $T_0$  للحركة .

2) الدراسة الطاقية

يعطي المبيان الممثل في الشكل 2 تطور طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي  $\theta$  .

(1.2) أعط تعبير طاقة الوضع الثقالية للساق بدلالة الأقصول الزاوي  $\theta$  .

(2.2) يمثل الشكل 2 المخطط الطاقى للساق خلال دورانها حول المحور  $(\Delta)$  ، حيث نميز حالتين :

✓ الحالة الأولى : يمثل فيها المستقيم  $(D_1)$  الطاقة الميكانيكية للمجموعة .

(أ) أحسب كتلة الساق .

(ب) حدد السرعة الزاوية للساق عند مرورها بموضع

توازنها في المنحنى الموجب .

✓ الحالة الثانية : يمثل فيها المستقيم  $(D_2)$  الطاقة الميكانيكية

للمجموعة .

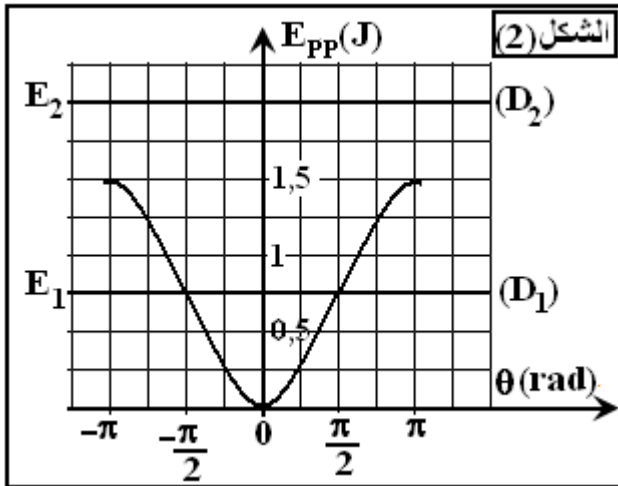
(أ) ما هو شكل مسار مركز القصور  $G$  للعارضة ؟

علل جوابك

(ب) أحسب القيمة الدنيا  $\theta_1$  والقيمة القصوى  $\theta_2$

للسرعة الزاوية للساق أثناء دورانها في المنحنى

الموجب .



التمرين 2

نعتبر النواس البسيط المكون من خيط رقيق كتلته مهملة وطوله  $l = 0,4m$  ، أحد طرفيه مثبت بالنقطة  $O$  والطرف الآخر يحمل جسما شبيهه بنقطة مادية كتلته  $m = 0,6Kg$  .

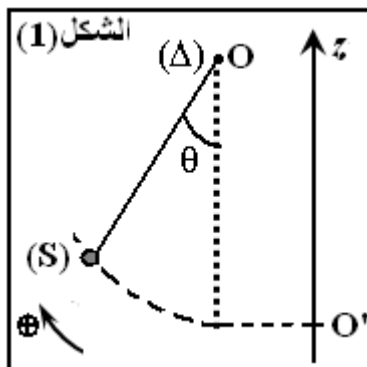
عزم قصور النواس بالنسبة لمحور الدوران  $(\Delta)$  المار من  $O$  هو  $J_{\Delta} = ml^2$  .

نزوح النواس عن موضع توازنه بزاوية  $\theta_m$  في المنحنى الموجب ثم نحرره بدون سرعة بدئية في لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ. نمعلم في

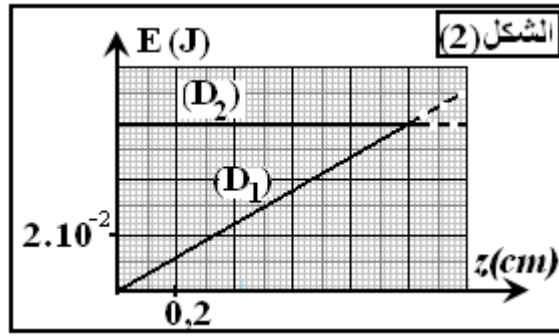
كل لحظة موضع النواس بالزاوية  $\theta$  التي يكونها مع الخط الرأسى (أنظر الشكل 1)

(1) أعط تعبير الطاقة الميكانيكية  $E_m$  للمتذبذب بدلالة  $m$  و  $g$  و  $l$  و  $\theta$  و السرعة الزاوية للمتذبذب . نختار الحالة المرجعية

$E_{pp} = 0$  عند  $\theta = 0$  .



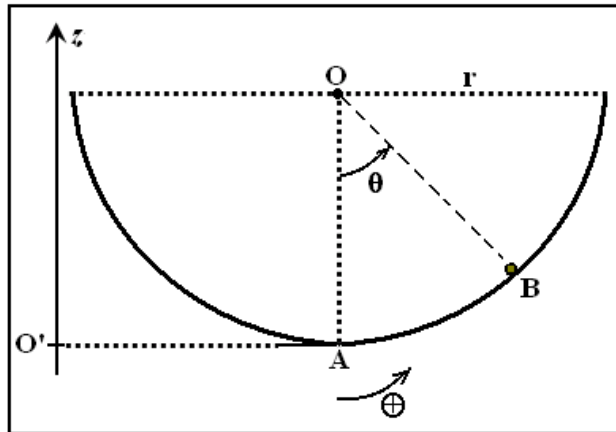
(2) يمثل المبيان الممثل في الشكل 2 تغيرات طاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  (المستقيم  $D_1$ ) والطاقة الميكانيكية (المستقيم  $D_2$ ) للمتذبذب بدلالة  $z$  أنسوب الجسم النقطي ( $S$ ).



- (1.2) أوجد السرعة الزاوية للمتذبذب بالنسبة للأنسوب  $z = 0,5\text{cm}$  .  
 (2.2) استنتج انطلاقاً من تعبير الطاقة الميكانيكية وباعتبار المتذبذب مجموعة محافظة ، المعادلة التفاضلية لحركة المتذبذب .  
 (3.2) علماً أن النواس يتذبذب في حركة جيبيية ، حدد معادلته الزمنية  $\theta = f(t)$  .  
 نعطي :  $g = 10\text{m.s}^{-2}$  .

### التمرين 3

نعتبر كرية ( $S$ ) شبيهة بنقطة مادية كتلتها  $m = 0,1\text{g}$  ، يمكنها الانزلاق بدون احتكاك فوق سكة دائرية مركزها  $O$  وشعاعها  $r = 0,1\text{m}$  ، توجد في مستوى رأسي (أنظر الشكل)



- (1) عند اللحظة  $t = 0$  ، نحرر الكرية ( $S$ ) بدون سرعة بدئية من النقطة  $B$  حيث  $\theta_m = \frac{\pi}{18}$  .  
 (1.1) أوجد المعادلة التفاضلية لحركة الكرية ( $S$ ) . استنتج طبيعة الحركة . نعتبر  $\theta$  ;  $\sin \theta$  .  
 (2.1) أوجد المعادلة الزمنية لحركة الكرية ( $S$ ) .  
 (3.1) أوجد تعبير السرعة الخطية للكربية ( $S$ ) بدلالة الزمن .  
 (4.1) أحسب منظماً عند نقطة  $C$  معلمة بالزاوية  $\theta = 5^\circ$  .  
 (2) أحسب الطاقة الميكانيكية للكربية ( $S$ ) في كل من الموضعين  $B$  و  $C$  . ماذا تستنتج ؟ حيث نعتبر المستوى الأفقي المار من النقطة  $A$  مرجعاً لطاقة الوضع الثقالية .  
 (3) أوجد تعبير  $R$  شدة القوة المقرونة بتأثير السكة على الكرية في الموضع المحدد بالزاوية  $\theta$  بدلالة  $m$  و  $g$  و  $r$  و  $\theta$  و  $V$  حيث  $V$  السرعة الخطية عند هذا الموضع . أحسب قيمة  $R$  عند النقطة  $C$  .  
 نعطي :  $g = 10\text{m.s}^{-2}$  .