



الأطر المرجعية لاختبارات الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا – 2014 -  
الإطار المرجعي لمادة الرياضيات  
شعبة العلوم الرياضية : مسلك العلوم الرياضية "أ" ومسلك العلوم الرياضية "ب"

### المجال الرئيسي الأول : التحليل

#### المجال الفرعي الأول : المتتاليات العددية

- 1.1.1 استعمال المتتاليات الهندسية والمتتاليات الحسابية في دراسة متتاليات ترجعية؛
- 2.1.1 استعمال نهايات المتتاليات المرجعية ومصاديق التقارب و مفهوم المتتاليتين المتحاديتين لتحديد نهايات متتاليات عددية؛
- 3.1.1 دراسة نهاية مركب متتالية و دالة متصلة (متتاليات من النوع  $(f(u_n))_n$ )؛
- 4.1.1 دراسة نهاية متتالية من النوع  $u_{n+1} = f(u_n)$  حيث  $f$  دالة متصلة على مجال  $I$  وتحقق  $f(I) \subset I$ ؛
- 5.1.1 استعمال المتتاليات في حل مسائل متنوعة في مجالات مختلفة.

#### المجال الفرعي الثاني : النهاية والاتصال

- 1.2.1 دراسة اتصال دالة عددية في نقطة باستعمال حساب النهايات ؛
- 2.2.1 دراسة اتصال دالة على مجال باستعمال اتصال الدوال الاعتيادية وخاصيات العمليات على الدوال المتصلة و مركب دالتين متصلتين؛
- 3.2.1 تحديد صورة مجال أو قطعة بدالة متصلة؛
- 4.2.1 تطبيق مبرهنة القيم الوسيطة في إثبات وجود حلول بعض المعادلات أو في دراسة إشارة بعض التعابير ...؛
- 5.2.1 استعمال طريقة التفرع الثنائي (*la dichotomie*)؛
- 6.2.1 تحديد الدالة العكسية لدالة متصلة و رتبة قطعاً على مجال؛
- 7.2.1 تطبيق مبرهنة الدالة العكسية (الوجود، الاتصال، التغيرات والتمثيل المبياني للدالة العكسية) .

#### المجال الفرعي الثالث : الاشتقاق ودراسة الدوال

- 1.3.1 دراسة قابلية اشتقاق دالة عددية في نقطة؛

- 2.3.1.** دراسة قابلية اشتقاق دالة عددية على مجال باستعمال اشتقاق الدوال الاعتيادية وخصائص العمليات على الدوال المشتقة و مركب دالتين قابلتين للاشتقاق ؛
- 3.3.1.** تحديد رتبة دالة؛
- 4.3.1.** تحديد إشارة دالة انطلاقا من جدول تغيراتها؛
- 5.3.1.** تحديد إشارة دالة انطلاقا من تمثيلها المبياني؛
- 6.3.1.** توظيف الدالة المشتقة الأولى و الدالة المشتقة الثانية في دراسة دالة عددية و في إثبات بعض المتفاوتات .....
- 7.3.1.** دراسة اشتقاق و تحديد مشتقة الدالة العكسية لدالة متصلة ورتبية قطعاً على مجال ؛
- 8.3.1.** استعمال صيغ الاشتقاق لتحديد الدوال الأصلية لدالة متصلة على مجال؛
- 9.3.1.** التمكن من الحساب على اللوغاريتمات؛
- 10.3.1.** حل معادلات و مترجمات و نظمات لوغاريتمية ؛
- 11.3.1.** توظيف النهايات اللوغاريتمية الأساسية؛
- 12.3.1.** التمكن من الحساب الأسّي لأساس معلوم؛
- 13.3.1.** حل معادلات و مترجمات و نظمات أسية ؛
- 14.3.1.** توظيف نهايات الدالة الأسية النيبيرية الأساسية ؛
- 15.3.1.** التمكن من الحساب على القوى الحقيقية؛
- 16.3.1.** دراسة دوال أو دوال مركبة من بين الدوال الواردة بالمقرر و تمثيلها مبيانيا ( مجموعة التعريف، الإتصال، عناصر التماثل، الدورية، الرتبة، الفروع اللانهائية، المماسات، التقعر، نقط الانعطاف... )؛
- 17.3.1.** توظيف مبرهنة رول ( Rolle ) و مبرهنة التزايد المتناهية و متفاوتة التزايد المتناهية في دراسة المتتاليات العددية من نوع  $u_{n+1} = f(u_n)$  أو في تأطير تعابير و صيغ جبرية و أعداد حقيقية و تكاملات...؛
- 18.3.1.** حل المعادلة التفاضلية  $y' = ay + b$  ؛
- 19.3.1.** حل المعادلة التفاضلية  $y'' + ay' + by = 0$  ؛
- 20.3.1.** حل معادلات تفاضلية تؤول في حلها إلى المعادلتين التفاضليتين  $y' = ay + b$  أو  $y'' + ay' + by = 0$

### المجال الفرعي الرابع : الحساب التكاملي

- 1.4.1.** توظيف تقنيات حساب التكامل في حساب تكامل دالة متصلة على قطعة؛
- 2.4.1.** التمكن من حساب مساحة حيز المستوى المحصور بين منحنيين؛
- 3.4.1.** التمكن من حساب حجم الجسم المولد بدوران منحنى دالة متصلة حول أحد محوري المعلم؛
- 4.4.1.** تطبيق حساب التكامل في إثبات بعض المتفاوتات و حساب بعض النهايات وإعطاء تقريبات ....؛
- 5.4.1.** دراسة دوال مركبة من نوع  $x \rightarrow \int_a^{u(x)} f(t) dt$  ؛
- 6.4.1.** تحديد نهاية كل من المتتاليتين:  $u_n = \frac{b-a}{n} \sum_{k=1}^n f(a + k \frac{b-a}{n})$  و  $v_n = \frac{b-a}{n} \sum_{k=0}^{n-1} f(a + k \frac{b-a}{n})$  حيث  $f$  دالة متصلة على القطعة  $[a, b]$  ؛

الأطر المرجعية لاختبارات الامتحان الوطني الموحد لنيل شهادة البكالوريا - 2014

الإطار المرجعي لاختبار مادة الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية : مسلك العلوم الرياضية "أ" و مسلك العلوم الرياضية "ب"  
مديرية التقويم وتنظيم الحياة المدرسية والتكوينات المشتركة بين الأكاديميات- المركز الوطني للتقويم و الامتحانات والتوجيه

الهاتف /52 05.37.71.44.53 - الفاكس : 05.37.71.44.08 البريد الإلكتروني : [cneebac@gmail.com](mailto:cneebac@gmail.com) ص 2 من 5

7.4.1. دراسة دوال و متتاليات معرفة بتكامل.

**المجال الرئيسي الثاني : الجبر والهندسة**

**المجال الفرعي الأول : الحسابيات**

- 1.1.2. توظيف التفكيك إلى عوامل أولية في تحديد المضاعف المشترك الأصغر و القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر؛
- 2.1.2. توظيف التفكيك إلى عوامل أولية في تحديد قواسم عدد صحيح؛
- 3.1.2. توظيف خوارزمية اقليدس في تحديد القاسم المشترك الأكبر لعددتين و تحديد معاملات بوزو (Bezout) في الكتابة  $au + bv = a \wedge b$ ؛
- 4.1.2. كتابة عدد صحيح طبيعي في نظمة العد لأساس معلوم؛
- 5.1.2. جمع و جداء و مقارنة عددين في نظمة العد لأساس معلوم؛
- 6.1.2. توظيف الكتابات في نظمات العد في وضعيات حسابياتية؛
- 7.1.2. توظيف الموافقة بترديد  $n$  و خاصيات العمليات في  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$  و بنية  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}, +, \cdot)$  في وضعيات حسابياتية؛
- 8.1.2. توظيف قابلية القسمة و القسمة الإقليدية و مبرهنات كوص (*Gauss*) و بوزو (*Bezout*) و فيرما (*Fermat*) و المبرهنة الأساسية و خاصيات الأعداد الأولية و الأعداد الأولية فيما بينها في وضعيات حسابياتية؛
- 9.1.2. حل المعادلة  $ax + by = c$  في  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ .

**المجال الفرعي الثاني : الأعداد العقدية**

- 1.2.2. التمكن من الحساب الجبري على الأعداد العقدية (في كل من كتاباتها الجبرية و المثلثية و الأسية)؛
- 2.2.2. ترجمة المفاهيم الهندسية التالية : المسافة بين نقطتين، قياس الزوايا، المرجح، استقامية النقط، استقامية و تعامد المتجهات، تداور أربع نقط... باستعمال الأداة العقدية؛
- 3.2.2. التأويل الهندسي لتعابير عقدية؛
- 4.2.2. توظيف الأعداد العقدية في الحساب المثلثي (صيغ التحويل و الإخطاط و النشر)؛
- 5.2.2. حل معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد؛
- 6.2.2. حل معادلات تؤول في حلها إلى حل معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد؛
- 7.2.2. حل المعادلات من النوع  $z^n = a$  و التعرف على التأويل الهندسي لمجموعة حلولها؛

- 8.2.2. تحديد الصيغ العقديّة للتحويلات الاعتيادية ومركباتها (مركب دورانين ،مركب دوران و إزاحة،مركب تحاكي و إزاحة؛مركب دوران و تحاكي)؛
- 9.2.2. توظيف الصيغ العقديّة للتحويلات الاعتيادية لدراسة وضعيات هندسية؛
- 10.2.2. توظيف الأعداد العقديّة في حل مسائل هندسية.

### المجال الفرعي الثالث: حساب الاحتمالات

- 1.3.2. استعمال النموذج التعدادي المناسب حسب الوضعية المدروسة؛
- 2.3.2. حساب احتمال اتحاد حدثين و احتمال الحدث المضاد لحدث و احتمال تقاطع حدثين ؛
- 3.3.2. حساب الاحتمال الشرطي و توظيفه لتحديد احتمال تقاطع حدثين؛
- 4.3.2. التعرف على استقلالية حدثين؛
- 5.3.2. تحديد قانون احتمال متغير عشوائي و حساب مختلف وسيطاته ؛
- 6.3.2. تحديد وتمثيل دالة التجزيء؛
- 7.3.2. التعرف على القانون الحداني وتطبيقه في وضعيات احتمالية.

### المجال الفرعي الرابع : البنيات الجبرية

- 1.4.2. التعرف على قانون تركيب داخلي وخاصياته؛
- 2.4.2. التعرف على البنيات الجبرية الواردة في البرنامج (الزمرة،الحلقة، الجسم، الفضاء المتجهي)
- 3.4.2. التمكن من تقنيات العمليات في المجموعات الاعتيادية و في مختلف البنيات الجبرية الواردة في البرنامج؛
- 4.4.2. توظيف بنيات المجموعات الاعتيادية لدراسة بنيات مجموعات أخرى؛
- 5.4.2. نقل البنية الجبرية من مجموعة مزودة بقانون تركيب داخلي إلى مجموعة أخرى مزودة بقانون تركيب داخلي باستعمال مفهوم التشاكل والتشاكل التقابلي؛
- 6.4.2. توظيف الخاصية المميزة لكل من الفضاء المتجهي الجزئي و الزمرة الجزئية ؛
- 7.4.2. التعرف على أسرة حرة و أسرة مولدة وأساس في فضاء متجهي حقيقي معلوم؛
- 8.4.2. تحديد إحداثيات متجهة بالنسبة لأساس معلوم في فضاء متجهي؛

### جداول التخصيص

#### أ . حسب المجالات الرئيسية

نسبة الأهمية	المجالات الفرعية	المجالات
50%	المتتاليات العددية	التحليل
	النهايات والاتصال	
	الاشتقاق ودراسة الدوال	
	الحساب التكاملي	
35%	الأعداد العقدية	الجبر والهندسة
	البنىات الجبرية	
15%	الحسابيات	
	حساب الاحتمالات	
100%	المجموع	

#### ب . حسب المستويات المهنية

نسبة الأهمية	المستوى المهاري
40 %	تطبيق مباشر للمعارف (تعريف؛ خاصية؛ مبرهنة؛ خوارزمية؛ صيغة؛ تقنية؛ قاعدة؛ ....).
40 %	استحضار وتطبيق معارف غير معلنة في السؤال (تعريف؛ خاصية؛ مبرهنة؛ خوارزمية؛ صيغة؛ تقنية؛ قاعدة؛ ....) في وضعية مألوفة.
20 %	معالجة وضعيات غير مألوفة بتوليف معارف ونتائج.
100%	المجموع

الأطر المرجعية لاختبارات الامتحان الوطني الموحد لنيل شهادة البكالوريا - 2014

الإطار المرجعي لاختبار مادة الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية : مسلك العلوم الرياضية "أ" ومسلك العلوم الرياضية "ب"  
مديرية التقويم وتنظيم الحياة المدرسية والتكوينات المشتركة بين الأكاديميات- المركز الوطني للتقويم و الامتحانات والتوجيه

الهاتف/52 /05.37.71.44.53 – الفاكس : 05.37.71.44.08 البريد الإلكتروني : [cneebac@gmail.com](mailto:cneebac@gmail.com) ص 5 من 5