

تمارين رقم 6

لتكن f دالة متصلة على $[a, b]$ عنصر من x_1, x_2, \dots, x_n بين أن:

$$(\exists \alpha \in [a, b]): f(\alpha) = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{k=n} f(x_k)$$

تمارين رقم 7

x أحسب $\sin(\arctan x)$ و $\cos(\arctan x)$ (1)

$$2 \arctan(\sqrt{x^2 + 1} - x) + \arctan x = \frac{\pi}{2} \quad \text{بين أن} \quad (2)$$

$$\arctan \frac{1}{2} + \arctan \frac{1}{3} = \frac{\pi}{4} \quad \text{بين أن} \quad (3)$$

$$\arctan \frac{1}{2} + \arctan \frac{1}{5} + \arctan \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4} \quad \text{أ- بين أن} \quad (4)$$

ب- استثنى قيمة $d = \arctan 2 + \arctan 5 + \arctan 8$

تمارين رقم 8

حل في \mathbb{R} اطعادان الثالثية:

$$\arctan x + \arctan 2x = \frac{\pi}{4} \quad \text{أ}$$

$$\sqrt[3]{3+x} + \sqrt[3]{3-x} = \sqrt[6]{9-x^2} \quad \text{ب}$$

$$\frac{\sqrt{x+2}}{x} + \frac{\sqrt{x+2}}{2} = \sqrt{x} \quad \text{ج}$$

تمارين رقم 9

نعتبر الدالة f اطعارة كما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\pi}{2} + \frac{\sqrt[3]{x-1}}{1+\sqrt[3]{x-1}} & x \geq 1 \\ f(x) = \arctan \frac{1+\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}} & x < 1 \end{cases}$$

D_f = \mathbb{R}^+ -1 \quad بين أن

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad \text{أ- أحسب}$$

-3 أدرس انصهار f عند النقطة 0

-4 أدرس انصهار f على المجال $[0, 1]$

-5 لتكن g قصور الدالة f على المجال $[1, +\infty]$

$$\forall x \geq 1 \quad g(x) = \frac{\pi}{2} + h(\sqrt[3]{x-1}) \quad \text{أ- بين أن}$$

حيث أن $h(x) = \frac{x}{x+1}$ واسئلنا أن g تزايدية

ب- بين أن g ثوابت من $[1, +\infty]$ نحو مجال J

حدد J () $g^{-1}(x)$ لكل x من

ذ: المراجعة

تمارين رقم 1

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2x^2 + 1} - 3\sqrt{x+3}}{x+2}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x\sqrt{x}}{x + \sqrt{x}} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^3 - \sqrt{x^3}} - x\sqrt{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt{x} + \sqrt[4]{x} - 2} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{\sqrt{x+1} - 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt[3]{x+1}\sqrt{1-x}}{x} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{2x-1} - \sqrt{2-x}}{x-1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[4]{x}}{\sqrt[6]{x} - \sqrt{x}} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x+1}}{\sqrt[3]{x} + \sqrt{x}}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{x^2} - \sqrt[3]{x+1} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt[3]{x^2 + 4} + x$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt[4]{x^2 + 2x}}{\sqrt{-x+1}} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt[3]{x^3 + 1} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt[3]{x}}{\sqrt[6]{x+1} - \sqrt{x}} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[3]{x^2} \left(\sqrt[3]{x+1} - \sqrt[3]{x-1} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 \arctan \frac{1}{x+1} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x+1} - \sqrt[3]{x}}{\sqrt{x+1} - \sqrt{x}} \sqrt[6]{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\arctan x - \frac{\pi}{2} \right) \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} x \arctan \frac{2x}{x^2 + 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x \arctan x - \frac{\pi}{4}}{x-1} \quad , \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arctan x - \frac{\pi}{4}}{x-1}$$

تمارين رقم 2

لتكن f دالة متصلة على $[a, b]$ وحيث $a < b$:

$$(\exists \alpha \in]a, b[) : f(\alpha) = \frac{a-\alpha}{b-\alpha}$$

تمارين رقم 3

لتكن f دالة متصلة على $[0, 1]$ وحيث:

$$\left(\exists a \in \left[0, \frac{1}{2} \right] \right) : f(a) = f\left(a + \frac{1}{2}\right)$$

تمارين رقم 4

لتكن f دالة متصلة على $[0, 1]$ وحيث:

ب- بين أن:

$$(\exists x_0 \in]0, 1[) : pf(0) + qf(1) = (p+q)f(x_0)$$

تمارين رقم 5

لتكن f دالة موجبة متصلة على \mathbb{R}^+ وحيث:

$$(\exists \alpha \in \mathbb{R}^+) \quad f(\alpha) = \alpha \quad \text{ب- بين أن:} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = a < 1$$