

السنة 2 بـ بكالوريا علوم رياضية	الدوال الأصلية	رياضيات النجاح	
تمرين 1 : حدد دالة أصلية للدالة f في كل حالة مما يلي :			
$f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x + 2}$	$f(x) = \frac{2x+1}{(x^2 + x+1)^2}$	$f(x) = x\sqrt{x}$	$f(x) = \frac{3}{x^2} + \sqrt[3]{x} + (2x+1)^3$
$f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x}}$	$f(x) = \sin(5x+1) + \sin^3(x)$	$f(x) = \frac{\operatorname{Arctan} x}{1+x^2}$	$f(x) = \frac{x}{\sqrt{3+x^2}}$
$f(x) = \sqrt{\frac{1+\sqrt{x}}{x}}$	$f(x) = \frac{x^2}{x^2 + 1}$	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}(1+x)}$	$f(x) = x\sqrt{x^2 + 1}$
تمرين 2 : نعتبر الدالة العددية المعرفة كما يلي :	$f(x) = x\sqrt{x+1}$		
1) تتحقق أن :	$\forall x \in [-1; +\infty[\quad f(x) = (x+1)\sqrt{x+1} - \sqrt{x+1}$		
2) أوجد الدالة الأصلية F للدالة f والتي تنعدم في 0			
تمرين 3 : نعتبر الدالة العددية المعرفة كما يلي :	$f(x) = \left(\frac{x-1}{x^2+1}\right)^2$		
1) حدد العددين الحقيقيين a و b حيث :	$\forall x \in I\mathbb{R} \quad f(x) = \frac{a}{x^2+1} + \frac{bx}{(x^2+1)^2}$		
2) أوجد الدالة الأصلية F للدالة f والتي تتحقق :	$\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = 0$		
تمرين 4 :			
نعتبر الدالة العددية المعرفة كما يلي :	$f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$	و لتكن F الدالة الأصلية لـ f والتي تنعدم في 0	
1) بين أن	$\forall x \in [0, +\infty[\quad F(x) \geq \frac{1}{2}x^2$		
2) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{F(x)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{F'(x)}{x}$ وأول النتائج هندسيا			
3) بين أن الدالة F فردية			
4) أوجد جدول تغيرات الدالة F			
5) أوجد معادلة مماس الدالة F في الصفر			
6) حدد نقطتين مختلفتين منحنى الدالة F			
7) أنشئ في معلم متعدد معنظام (C_p) منحنى الدالة F			