



## المادة: الرياضيات

### ملخص لدرس الدالة الأسية التبيرية

**مستوى:** السنة الثانية من سلك الباكالوريا

- شعبة التعليم الأصيل: مسلك العلوم الشرعية و مسلك اللغة العربية
- شعبة الآداب و العلوم الإنسانية: مسلك الآداب و مسلك العلوم الإنسانية

(1) العدد الحقيقي العدد  $e \approx 2,71828 \dots$  :  $e$

هو العدد الحقيقي الذي يحقق  $\ln(e) = 1$

$$(\forall n \in \mathbb{Z}) \ln(e^n) = n \ln(e)$$

$$\text{أي: } (\forall n \in \mathbb{Z}) \ln(e^n) = n$$

(2) تعريف الدالة الأسية التبيرية

الدالة الأسية التبيرية يرمز لها بالرمز  $\exp$  وهي معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :

(3) خاصية مقبولة

$$(\forall x \in \mathbb{R})(\forall y \in ]0; +\infty[), (y = e^x \Leftrightarrow x = \ln(y))$$

(4) خصائص جبرية

$$e^1 = e \quad \text{و} \quad e^0 = 1$$

$$(\forall x \in \mathbb{R}); \ln(\exp x) = x$$

الدالة  $\exp$  تزايدية قطعاً على  $\mathbb{R}$  يعني

لكل  $x$  و  $y$  من  $\mathbb{R}$   $e^x = e^y \Leftrightarrow x = y$

(5) النهايات : نقل النهايتين التاليتين

$$\text{خاصية 1: } \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$$

$$\text{خاصية 2: } \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$$

(6) خصائص :

$$e^{rx} = \left(e^x\right)^r \quad \frac{e^x}{e^y} = e^{x-y} \quad e^{-x} = \frac{1}{e^x} \quad e^x \times e^y = e^{x+y} \quad (\forall x \in \mathbb{R}) e^x > 0$$

$$(e^x = e^y \Leftrightarrow x = y)$$

$$\left(e^x > e^y \Leftrightarrow x > y\right)$$

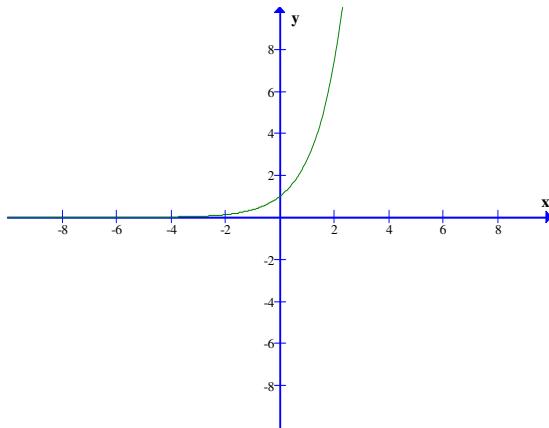
(7) مشقة الدالة.  $x \mapsto e^x$

$$\text{نقبل أن: } (\forall x \in \mathbb{R}) (e^x)' = e^x$$

الدالة  $\exp$  قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  و لدينا:

(8) جدول تغيرات الدالة  $: x \rightarrow e^x$

$x$	$-\infty$	$+\infty$
$f'$	+	
$f(x)$	0	$\nearrow +\infty$

(9) منحنى الدالة  $\exp$ :(10) العدد  $a^x$ 

**تعريف:** لكل  $x$  من  $[0, +\infty]$  و  $y$  من  $\mathbb{R}$  لدينا:  $a^x = a^y$  لـ  $x = y$  يكافي  $a^x = a^y$

$$a^x a^y = a^{x+y}; \frac{1}{a^x} = a^{-x}; \frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}; (a^x)^y = a^{xy} : \text{لـ } x = y \text{ من } \mathbb{R} \text{ لـ } a^x = a^y$$

لكل  $x$  و  $y$  من  $\mathbb{R}$  لدينا: